Министерство образования и науки Российской Федерации Южно-Уральский государственный университет Институт естественных и точных наук Кафедра компьютерного моделирования и нанотехнологий

539.2(07) C587

С.А. Созыкин, А.Н. Соболев

## ФИЗИКА НАНОРАЗМЕРНЫХ СИСТЕМ

Учебное пособие

Часть 1

Челябинск Издательский центр ЮУрГУ 2016

### Одобрено учебно-методической комиссией института естественных и точных наук

### Рецензенты: П.С. Попель, А.Е. Майер

### Созыкин, С.А.

С587 Физика наноразмерных систем: учебное пособие / С.А. Созыкин, А.Н. Соболев. – Челябинск: Издательский центр ЮУрГУ, 2016. Ч. 1. –113 с.

Пособие предназначено изучения возможностей, ДЛЯ предоставляемых квантово-химическим пакетом SIESTA, для моделирования физико-химических свойств материалов. Первая часть пособия посвящена описанию методов, реализованных в пакете SIESTA и параметров входного файла, позволяющих настраивать эти методы для получения более точных результатов. Во второй части рассматриваются возможности программ «Пре- и постпроцессор моделирования свободных для И деформированных углеродных нанотрубок с помощью пакетов Firefly и Siesta» и XCrysDen по сопровождению расчетов с помощью пакета SIESTA. В тексте пособия приведены задания для выполнения самостоятельного численного исследования свойств углеродных нанотрубок. Подобраны разноплановые задания, которые позволяют максимально полно исследовать объект моделирования.

Пособие относится к курсу «Физика наноразмерных систем» в рамках вариативной части основной образовательной программы по направлению 03.04.01 «Прикладные математика и физика».

УДК 539.219.3(075.8)

© Издательский центр ЮУрГУ, 2016

# Оглавление

Введение			
1. Начало работы с пакетом SIESTA			
••	11	$\begin{array}{c} \text{Что такое SIESTA?} \\ \end{array} $	
	1.2.	Установка пакета SIESTA 8	
	1.3.	Вхолной и выхолные файлы	
	1.4	Атомная структура молели	
	1.5.	Обменно-корреляционный фукнционал	
	1.6.	Самосогласование	
	1.7.	Спин	
	1.8.	Приближение псевлопотенциала	
	1.9.	Базисный набор	
	1.10.	Сетка в координатном пространстве	
	1.11.	Оптимизация структуры и молекулярная динамика 39	
	1.12.	Упражнение 1	
2.	Расч	ет физико-химических свойств	
	2.1.	Зонная структура	
	2.2.	Плотность электронных состояний	
	2.3.	Оптические свойства	
	2.4.	Теория Ландауэра - Буттикера	
	2.5.	TranSIESTA	
	2.6.	Вычисление фононных спектров	
	2.7.	Упражнение 2	
3.	Вспомогательное программное обеспечение		
	3.1.	Пре- и постпроцессор для моделирования свободных и де-	
		формированных углеродных нанотрубок	
	3.2.	Denchar	
	3.3.	XCrysden	
	3.4.	Упражнение 3	
3a	ключ	ение	
Би	блио	графический список	

## Введение

Учебное пособие разработано в соответствии ФГОС ВО по направлению подготовки 03.04.01 «Прикладные математика и физика» (уровень магистратуры). Целью представленного пособия является формирование у магистрантов ряда общепрофессиональных и профессиональных компетенций, соответствующих научно-исследовательской деятельности:

- способностью применять теорию и методы математики для построения качественных и количественных моделей объектов и процессов в естественнонаучной сфере деятельности (ОПК-2);
- способности использовать на практике углубленные фундаментальные знания, полученные в области естественных и гуманитарных наук, и владением научным мировоззрением (ОПК-3);
- способности применять современные методы анализа, обработки и представления информации в сфере профессиональной деятельности (ОПК-5);
- способности самостоятельно и (или) в составе исследовательской группы разрабатывать, исследовать и применять математические модели для качественного и количественного описания явлений и процессов и (или) разработки новых технических средств (ПК-1);
- способности ставить, формализовать и решать задачи, умением системно анализировать научные проблемы, генерировать новые идеи и создавать новое знание (ПК-2).

Пособие предназначено для изучения возможностей, предоставляемых квантово-химическим пакетом SIESTA, для моделирования физикохимических свойств материалов. Большинство примеров и заданий направлено на изучение углеродных нанотрубок.

Первая часть пособия посвящена описанию методов, реализованных в пакете SIESTA и параметров входного файла, позволяющих настраивать эти методы для получения более точных результатов. Во второй части рассматриваются возможности программ «Пре- и постпроцессор для моделирования свободных и деформированных углеродных нанотрубок с помощью пакетов Firefly и Siesta» и XCrysDen по сопровождению расчетов с помощью пакета SIESTA. В тексте пособия приведены задания для выполнения самостоятельного численного исследования свойств углеродных нанотрубок. Подобраны разноплановые задания, которые позволяют максимально полно исследовать объект моделирования. Преподавателям рекомендуется кратко ознакомить студентов с теоретической частью и ответить на возникшие вопросы, затем дать студентам несколько заданий для практической работы с постепенным увеличением их сложности. Разный уровень заданий позволяет индивидуально подобрать их в соответствии с уровнем подготовки студента.

Данное пособие относится к курсу «Физика наноразмерных систем» в рамках вариативной части основной образовательной программы по направлению 03.04.01 «Прикладные математика и физика». На курс отводится 3 зачётные единицы.

# 1. Начало работы с пакетом SIESTA

## 1.1. Что такое SIESTA?

SIESTA (название расшифровывается как Spanish Initiative for Electronic Simulations with Thousands of Atoms) — название метода и программного пакета, реализующего этот метод, которые позволяют проводить быстрые расчеты электронной структуры и моделирование методом первопринципной молекулярной динамики различных систем в рамках теории функционала электронной плотности. Это означает, что пакет SIESTA способен решать задачи, относящиеся *только* к свойствам системы в основном электронном состоянии, такие как определение уравнения состояния, построение фазовых диаграмм, нахождение фононных спектров. Напротив, для нахождения, например, спектра электронных возбуждений будет лучше использовать программный пакет, основанный на TDDFT — функционале электронной плотности, зависящем от времени.

Как и во всех кодах, основанных на теории функционала плотности, в рамках пакета SIESTA не рассчитывается многоэлектронная волновая функция. Вместо этого метод позволяет получить интегральную электронную плотность. Следовательно, SIESTA не может рассчитать квантовохимические эффекты, связанные с конфигурационным взаимодействием, даже в основном состоянии. Кроме этого, у SIESTA есть проблемы с описанием Ван-дер-Ваальсовых взаимодействий и водородных связей.

SIESTA относится к классу *псевдопотенциальных* методов (см. раздел 1.8). Это означает, что при решении уравнения Кона–Шэма в расчет берутся только валентные электроны, находящиеся на внешних энергетических уровнях. Остовные же электроны исключаются из рассмотрения и заменяются псевдопотенциальной функцией. Точности такого приближения обычно достаточно для описания химических связей, равновесной геометрии, фононов и т.д.

Важным отличием пакета SIESTA от других аналогичных программных пакетов является выбор базиса, по которому раскладываются решения уравнения Кона–Шэма (см. раздел 1.9). В самом деле, можно выделить несколько больших групп пакетов: те, которые используют в качестве базиса функции, центрированные на атомах, и использующие наборы независимых от атомов функций (чаще всего — наборы плоских волн). Кроме этого, существуют гибридные пакеты, соединяющие точность описания электронной плотности вблизи атомов с гибкостью описания межатомного пространства. Выбор используемого базиса — всегда торг между точностью, гибкостью и скоростью расчета. Методы, использующие базис плоских волн, позволяют увеличить точность расчета, изменив единственный параметр (радиус обрезания), но при этом размер базиса и, соответственно, время расчета увеличивается в геометрической прогрессии. Кроме этого, в таких методах время расчета при заданном радиусе обрезания растет с увеличением объема суперячейки (и не зависит от количества атомов), следовательно, расчет пористой структуры или молекулы, помещенной в центр ячейки, может оказаться очень долгим. По другому дело обстоит с методами, использующими атомноцентрированный базис — время расчета в таких методах растет с увеличением количества атомов (и числа базисных функций на этих атомах). Таким образом, если мы в состоянии найти хороший базис, способный точно описать электронную плотность именно там, где это необходимо (например, в области формирования химических связей), то такой расчет получается очень быстрым и точным. Однако, построение такого «хорошего» базиса является в своем роде искусством.

SIESTA относится к пакетам с атомноцентрированным базисом. Это значит, что этот пакет подходит для расчета больших по объему систем, но для систем из большого числа атомов может оказаться необходимым оптимизация базиса для ускорения расчета. Кроме этого, может понадобиться валидация результатов расчета путем их сравнения (на меньшей системе) с результатами методов, использующих плоские волны. Необходимо добавить, что при расчете SIESTA не принимает в расчет симметрию системы: расчет симметричной системы занимает столько же времени, как и неупорядоченной.

Радиальная часть базисных функций в SIESTA может быть практически любой; желательно лишь, чтобы она плавно стремилась к нулю далее некоторого радиуса. Этот радиус обрезания определяется размером базиса; он должен включать вторую либо третью координационные сферы. SIESTA рассчитывает параметры перекрытия различных базисных функций эффективным образом вследствие того, что это перекрытие локализовано в пространстве. Чем меньше перекрытие базисных функций (координационное число каждого атома), тем быстрее проводится расчет системы. Время расчета уменьшается еще и потому, что для системы с низкой симметрией необходимо брать интеграл по меньшему числу k-точек обратного пространства. Напротив, плотноупакованные металлические системы сложны для расчета как за счет сильного перекрытия базисных функций, так и из-за необходимости разбивать зону Бриллюэта

на большое число k-точек. Низкоразмерные системы, описанные в настоящем пособии, являются идеальными для расчета с помощью программного пакета SIESTA, и поэтому мы в дальнейшем будем использовать именно этот пакет.

## 1.2. Установка пакета SIESTA

Пакет SIESTA распространяется в виде исходных кодов, которые могут быть скомпилированы в Unix подобных системах (или эмуляторе Cygwin в операционных системах семейства Windows). Скачать дистрибутив можно с официального сайта https://launchpad.net/siesta.

Приведем последовательность действий по компиляции пакета SIESTA. Командой

tar -xzvf siesta-<версия пакета>.tgz

можно извлечь исходный код из архива. Далее необходимо перейти в директорию, где будут размещены временные и исполняемый файлы пакета SIESTA:

cd siesta-<версия пакета>/Obj,

создать структуру директорий, ожидаемую командой make

sh ../Src/obj\_setup.sh

и запустить скрипт для подготовки arch.make файла, содержащего необходимые для компиляции пакета сведения о расположении компиляторов и библиотек

../Src/configure

(при компиляции последовательной версии пакета) или

../Src/configure --enable-mpi

(при компиляции параллельной версии пакета). Если вы увидели сообщения об ошибке, нужно изменить переменные среды или самостоятельно отредактировать файл arch.make. Для получения исполняемого файла достаточно выполнить команду *make*. В случае успешной компиляции в текущей директории должен появиться файл *siesta* — единственный исполняемый файл пакета SIESTA.

Начиная с версии 3.0 пакет SIESTA включает возможность вычисления электронной проводимости с использованием метода TranSIESTA. TranSIESTA - это метод получения электронной структуры открытой системы в виде структуры конечной длины, расположенной между двумя полубесконечными электродами. Компиляция пакета TranSIESTA проводится аналогично компиляции SIESTA, но вместо *make* необходимо выполнить make transiesta.

Корректность работы пакета SIESTA можно проверить с помощью набора тестов, расположенных в папке Tests. Для запуска определенного теста (например, sinw), достаточно перейти в содержащую его директорию (sinw) и выполнить *make*. В случае корректной работы SIESTA на экран будет выведен следующий текст:

```
>>> Running sinw test...
==> Copying pseudopotential file for Si...
==> Copying pseudopotential file for H...
==> Running SIESTA as ../../../siesta
===> SIESTA finished successfully
```

## 1.3. Входной и выходные файлы

Входной файл пакета SIESTA, содержащий все физические сведения о моделируемой системе и параметры расчета, имеет формат fdf (flexible data format — гибкий формат данных). Этот формат позволяет записывать параметры моделирования в любом порядке, или опускать их описание в пользу значения по умолчанию (если оно определено). Перечислим основные правила записи этого файла.

- В FDF-файле после переменной идет ее значение. Если переменная не указана, она принимается равной значению по умолчанию.
- Имена переменных в FDF-файле нечувствительны к регистру, а символы «—», «\_», «.» в именах переменных игнорируются. Таким образом, LatticeConstant и lattice\_constant обозначают одну и ту же переменную.
- Текст, идущий после символа #, воспринимается как комментарий.
- Логические значения могут быть записаны как T, true, .true., yes, F, false, .false., no. Отсутствие значение эквивалентно «true».
- Строки не нужно заключать в апострофы.
- Действительные значения, соответствующие физическим величинам, должны указываться вместе с идущими за ними единицами измерений. Дробная часть чисел отделяется точкой.
- Составные структуры данных называются блоками (blocks) и размещаются между %block <название блока> и %endblock <название блока>.
- Можно подключать (%include) другие FDF-файлы. Если переменная встречается больше одного раза, используется ее первое значение.
- Если имя переменной написано с ошибками, оно не будет интерпретировано (список допустимых переменных отсутствует). После запуска расчета значение всех переменных (включая отсутствующие во входном файле) можно найти в файле fdf.log.

Пакет SIESTA записывает лог своей работы в стандартный выходной поток, который обычно перенаправляется (пользователем) в выходной файл.

Сразу после запуска программа выводит версию кода (программы). Затем выводится входной файл FDF (кроме пустых строк). После этого программа считывает псевдопотенциалы и генерирует базисный набор, используемый в вычислениях. Информация об этих этапах отражается в выходном файле. После этого начинается главный (внешний) цикл моделирования. Выводится информация о шаге моделирования молекулярной динамики MD (или оптимизации геометрии по методу сопряженных градиентов CG) и цикле самосогласования SCF в нем.

SIESTA может записывать различные данные в стандартный выходной поток в зависимости от значений параметров, указанных ниже. По умолчанию большинство из них не сохраняется. Параметры выводятся на всех шагах оптимизации геометрии или молекулярной динамики. Для больших систем они могут занимать много места (координаты, собственные значения, силы, и т.д.). В дополнение к стандартному потоку SIESTA выводит информацию в другие файлы.

Задавая для переменной LongOutput значение «true» (значение по умолчанию: «false»), вы изменяете значения по умолчанию для некоторых опций, получая в выходном потоке больше информации. В частности, переопределяются следующие опции:

- WriteKpoints: определяет будут ли записываться в главный выходной файл координаты узлов сетки в *k*-пространстве;
- WriteKbands: определяет будут ли записываться в главный выходной файл координаты *k*-векторов, используемых для построения зонной структуры;
- WriteCoorStep: определяет будут ли на каждом шаге моделирования молекулярной динамики или оптимизации структуры выводиться в главный выходной файл координаты атомов;
- WriteForces: определяет будут ли на каждом шаге моделирования выводиться в выходной файл силы, действующие на атомы;
- WriteEigenvalues: если этот параметр равен true, собственные значения гамильтониана выводятся в выходной файл;
- WriteWaveFunctions: определяет будет ЛИ выведен В выходфункций, файл волновых записанных файл ной список В Systemlabel.selected.WFSX;
- WriteMullikenPop (целочисленная переменная): определяет степень детализированности выводимых в выходной файл результатов анализа заселенности по Милликену:

0: не выводится;

- 1: заселенности атомов и орбиталей;
- 2: 1 + заселенность области перекрытия атомов;
- 3: 2 + заселенность перекрытия орбиталей.

Явное переопределение значения для любого из этих параметров отменяет значение, установленное для него опцией LongOutput.

## 1.4. Атомная структура модели

Информацию о структуре модели можно указать двумя способами: в традиционном формате или в новом формате Z-матрицы, используя блок Zmatrix. Независимо от способа, которым описана структура, следующие параметры являются обязательными.

- Строковая переменная SystemName название системы (не более 150 символов включая пробелы). Значение по умолчанию: пустая строка.
- Строковая переменная SystemLabel краткое название системы, используемое в названиях выходных файлов (значение по умолчанию: «siesta»). Длина строки не должна превышать 20 символов (без пробелов).
- Целочисленный параметр NumberOfSpecies задает количество различных типов атомов. Атомы одного химического элемента, но с различными псевдопотенциалами (см. раздел 1.8) или базисными наборами (см. раздел 1.9) считаются разными. Значение по умолчанию отсутствует (его необходимо задать явно).
- Целочисленный параметр NumberOfAtoms задает количество атомов в модели. Значение по умолчанию отсутствует (его необходимо задать явно).

### Традиционный способ описания в fdf файле

При традиционном способе описания размер ячейки должен быть указан с использованием некоторой комбинации вариантов LatticeConstant, LatticeParameters, LatticeVectors и SuperCell. Если ничего не указано, SIESTA построит кубическую ячейку, в которой совокупность атомов будет рассматриваться как отдельная молекула. Позиции атомов в ячейке указываются в блоке AtomicCoordinatesAndAtomicSpecies.

Обратите внимание на следующие параметры.

Параметр LatticeConstant определяет масштаб базисных векторов решетки. Значение по умолчанию: минимальный размер, позволяющий вместить систему (предполагается, что это молекула) без межячеечных

взаимодействий, увеличенный на 10%. Примечание: значение параметра LatticeConstant могут быть необходимы для других опций, таких как единицы измерения k-точек, используемых для расчетов зонной структуры.

Блок данных LatticeParameters позволяет задать базисные вектора решетки с помощью шести действительных чисел: трех модулей векторов ( $a, b \ u \ c$ ) и трех углов ( $\alpha$  (угол между  $\vec{b} \ u \ \vec{c}$ ),  $\beta \ u \ \gamma$ ). Модули векторов задаются в единицах LatticeConstant, углы — в градусах. Значение по умолчанию: 1.0 1.0 1.0 90. 90.

Блок данных LatticeVectors позволяет указать базисные вектора ячейки в единицах LatticeConstant. Они считываются как матрица CELL(ixyz,ivector), каждый вектор записывается в строку. Значение по умолчанию:

1.0 0.0 0.0

0.0 1.0 0.0

0.0 0.0 1.0

Если используется значение по умолчанию для параметра LatticeConstant, базисные вектора ортогональны, но не обязательно соответствуют кубической решетке.

Блок данных SuperCell задает целочисленную матрицу 3х3 в единицах ячейки:

%block SuperCell M(1,1) M(2,1) M(3,1) M(1,2) M(2,2) M(3,2) M(1,3) M(2,3) M(3,3) %endblock SuperCell.

Суперячейка определяется как  $SuperCell(ix; i) = \sum_{i} CELL(ix; j)M(j; i).$ 

Входная строка соответствует базисному вектору. Блок SuperCell игнорируется, если атомная структура считывается из файла XV (информация от предыдущих запусков программы). Позиции атомов должны быть заданы только для элементарной ячейки. Они будут автоматически транслированы по всей суперячейке. Переменная NumberOfAtoms соответствует числу атомов в элементарной ячейке. В выходном файле все значения приводятся для суперячейки. Все остальные параметры входного файла (за исключением переменной NumberOfAtoms и позиций атомов), включая kgridMonkhorstPack должны относиться ко всей суперячейке (в старых версиях пакета это было не так). Значение по умолчанию: суперячейка совпадает с элементарной ячейкой.

Строковая переменная AtomicCoordinatesFormat определяет формат записи позиций атомов во входном файле (значение по умолчанию: NotScaledCartesianBohr). Допустимы следующие варианты:

- Bohr или NotScaledCartesianBohr (атомные позиции в борах в декартовых координатах);
- Ang или NotScaledCartesianAng (атомные позиции в ангстремах в декартовых координатах);
- ScaledCartesian (атомные позиции в декартовых координатах в единицах постоянной решетки);
- Fractional или ScaledByLatticeVectors (позиции атомов в базисных векторах ячейки).

Строковая переменная AtomCoorFormatOut (по умолчанию совпадает с переменной AtomicCoordinatesFormat) указывает формат записи позиций атомов в выходном файле. Доступны те же варианты, что и для AtomicCoordinatesFormat.

Блок данных AtomicCoordinatesOrigin задает вектор, определяющий сдвиг позиций атомов (значение по умолчанию: 0.000 0.000 0.000).

Блок данных AtomicCoordinatesAndAtomicSpecies определяет позиции и сорт каждого атома. Информация о каждом атоме приводится в отдельной строке. Считывание проводится в цикле:

From ia = 1 to natoms
 read: xa(ix,ia), isa(ia),

где xa(ix, ia) — координаты ia-го атома в формате, определенном переменной AtomCoordinatesFormat, isa(ia) — сорт атома ia. Значение по умолчанию отсутствует. Позиции атомов должны быть указаны в этом блоке или в блоке Zmatrix.

В качестве примера приведем fdf файл для моделирования карбина.

```
Carbin # название системы
   SystemName
1
   SystemLabel Carbin # короткое название системы
2
3
   NumberOfSpecies 1
4
   NumberOfAtoms
                    1
5
6
   %block ChemicalSpeciesLabel
7
           16C
8
   %endblock ChemicalSpeciesLabel
9
10
   LatticeConstant 1.27620 Ang
11
   %block LatticeParameters
12
           5 5 1 90 90 90
13
   %endblock LatticeParameters
14
15
   AtomicCoordinatesFormat Fractional
16
   %block AtomicCoordinatesAndAtomicSpecies
17
           0 0 0 1
18
   %endblock AtomicCoordinatesAndAtomicSpecies
19
```

В этом примере модель содержит один атом в элементарной ячейке. Очевидно, что и количество сортов атомов равно единице. Этот атом является углеродом (указан заряд ядра: 6). Соответствующий ему псевдопотенциал должен находиться в файле C.psf. Базисные вектора элементарной ячейки ортогональны. Параметр трансляции вдоль оси z равен 1.27620 Ang, что в пять раз меньше параметров трансляции в двух оставшихся измерениях.

Преимуществом традиционного формата является простота описания системы. Однако, с его помощью сложно работать с системами с ограничениями. Для наложения ограничений лучше подходит формат Z-matrix.

#### Z-matrix формат

Блок Z-matrix предназначен для ввода информации о атомной структуре системы с использованием формата Z-матрицы, а также контроля параметров оптимизации. Это особенно полезно при работе с молекулярными системами или оптимизации с ограничениями (например, поиск переходных состояний или жестких движений частей системы). Формат также позволяет гибридное использование форматов Z-матрицы и декартовых или дробных блоков (это удобно для изучения молекул на поверхности).

Приведем пример описания молекулы воды в формате Z-матрицы:

```
%block Zmatrix
1
   molecule fractional
2
   1 0 0 0 0.0 0.0 0.0 0 0 0
3
   2 1 0 0 HO1 90.0 37.743919 1 0 0
4
   2 1 2 0 HO2 HOH 90.0 1 1 0
5
   variables
6
   HO1 0.956997
7
  HO2 0.956997
8
  HOH 104.4
9
   %endblock Zmatrix.
10
```

Перечислим разделы, которые могут быть использованы в блоке zmatrix.

В разделе molecule указываются атомы, которые составляют молекулу и ее геометрия. для уточнения способа задания координат атомов могут быть указаны опции «fractional» или «scaled». При отсутствии этих ключевых слов предполагается, что расстояния приведены в единицах ZM.UnitsLength.

В каждой строке описывается один атом в следующем формате:  $Nspecies \ i \ j \ k \ r \ \alpha \ t \ ifr \ ifa \ ift$ Значения  $Nspecies, \ i, \ j, \ k, \ ifr, \ ifa, \ u \ ift -$  целые числа, а  $r, \ \alpha, \ u \ t -$  действительные числа двойной точности.

Для большинства атомов, Nspecies — номер сорта атома, r — расстояние до атома с номером i,  $\alpha$  — угол, образованный данным атомом и атомами с номерами j и i, t — торсионный угол, образованный данным атомом и атомами с номерами k, j, и i. Значения ifr, ifa и ift — целочисленные флаги, показывающие нужно ли оптимизировать r,  $\alpha$ , и t, соответственно (0 для фиксированного значения, 1 для оптимизации).

Информация о первых трех атомах в молекуле вводится в особом формате (недостаточно атомов, чтобы указать определенные расстояния и углы). Для первого атома: r,  $\alpha$ , и t – декартовы координаты атома. Для второго атома: r,  $\alpha$ , и t – координаты второго атома в сферической системе координат, начало отсчета которой совпадает с первым атомом. r – радиус,  $\alpha$  – полярный угол (угол между осью z и радиус-вектором). t – азимутальный угол (угол между осью x и проекцией радиус-вектора на плоскость xy). Для третьего атома: параметры имеют стандартное значение, но торсионный угол определен по отношению к воображаемому атому в z-направлении над атомом j.

В разделе *cartesian* определяется блок атомов, координаты которых должны быть указаны в декартовой системе координат. Может быть указано ключевое слово *fractional* или *scaled* (при отсутствии берется значение ZM.UnitsLength).

Формат ввода для каждого атома блока следующий:

*Nspecies*  $x \ y \ z \ ix \ iy \ iz$ , где *Nspecies*, ix, iy, и iz – целочисленные, x, y, z – действительные переменные. *Nspecies* – номер типа атома, x, y, и z – декартовы координаты атома. Величины ix, iy и iz – целочисленные флаги, показывающие нужно ли варьировать соответствующие координаты (0 – не варьировать, 1 – варьировать).

Блок может содержать перечисленные ниже разделы, облегчающие его чтение.

При описании геометрии модели можно использовать символьные константы, описанные в разделе *constants*. Формат объявления прост: за символьной переменной следует значение:

HOH 104.4.

Секция *variables* позволяет объявить символьные переменные для описания геометрии:

HO1 0.956997.

Раздел *constraint* позволяет пользователю задать связи между использованными в Z-матрице переменными и константами:

constraint var1 var2 A B, где var1 и var2 – величины в определении Z-матрицы, A и B – действительные числа. Переменные связаны соотношением  $var1 = A \cdot var2 + B$ .

Параметр ZM.UnitsLength определяет единицу измерения длин в Zматрице: Bohr или Angstroms (значение по умолчанию: Bohr).

Параметр ZM.UnitsAngle определяет единицы измерения углов в Zматрице: radians или degrees (значение по умолчанию: rad).

При описание атомной структуры очень просто допустить ошибку. Эти ошибки могут не привести к аварийному завершению расчета SIESTA, но полученные в этом случае результаты будут неверными. Для контроля корректности атомной структуры можно визуализировать \*.XV файл (например, при помощи программы XCrysden (см. стр. 103)).

## 1.5. Обменно-корреляционный фукнционал

Современные расчеты свойств молекул по теории функционала электронной плотности основаны на приближении Кона-Шэма, обоснованного двумя теоремами [1, 2]. Первая из них утверждает, что все свойства молекулы в основном состоянии могут быть определены по ее электронной плотности  $\rho_0(x, y, z)$ . Иными словами, по данной функции  $\rho_0(x, y, z)$ возможно рассчитать любую характеристику этой молекулы. Например, энергию основного состояния  $E_0$  можно представить в виде функционала

$$E_0 = E_0[\rho_0(x, y, z)].$$

Вторая теорема Хоэнберга и Кона утверждает, что всякая пробная электронная плотность соответствует энергии, не меньшей чем истинная энергия основного состояния. В молекулярных расчетах, основанных на теории функционала плотности, электронная энергия – это энергия электронов, движущихся в потенциале неподвижных атомных ядер. Этот ядерный потенциал называют «внешним».

Согласно теореме Хоэнберга и Кона, электронная энергия молекулы может быть записана как сумма

$$E[\rho] = E_t[\rho] + E_v[\rho] + E_j[\rho] + E_{xc}[\rho],$$

где  $E_t$  — кинетическая энергия электронов,  $E_v$  — потенциальная энергия электрон-ядерного притяжения и отталкивания ядер,  $E_j$  — энергия отталкивания электрона от средней электронной плотности, созданной всеми остальными электронами системы, а  $E_{xc}$  — обменно-корреляционная поправка. Член  $E_{xc}$  состоит из двух вкладов, отвечающих собственно обменной и корреляционной энергиям:

$$E_{xc}[\rho] = E_x[\rho] + E_c[\rho],$$

причем, обычно  $|E_x[\rho]|$  много больше, чем  $|E_c[\rho]|$ . Например, для атома аргона  $E_x[\rho] = -30.19$  Хартри, в то время как  $E_c[\rho] = -0.72$  Хартри.

Следует подчеркнуть, что упомянутые теоремы лишь доказывают зависимость энергии от электронной плотности, но не предлагают никакого способа поиска вида обменно-корреляционного функционала.

### Приближение локальной электронной плотности (LDA)

Наиболее простым приближением для  $E_{xc}[\rho(r)]$  является приближение локальной электронной плотности. В основе этого подхода лежит предположение, что электронная плотность  $\rho(r)$  очень слабо зависит от пространственных координат. Термин «локальная» используется потому, что в определение функционала входит значение величины электронной плотности  $\rho(r)$  в каждой точке пространства (и не входят производные от электронной плотности).

#### Приближение локальной спиновой плотности (LSDA)

Неограниченный LDA метод называют приближением локальной спиновой плотности LSDA. Он получается, если в модели LDA предположить, что электронам со спинами  $\alpha$  и  $\beta$  в однородном электронном газе соответствуют различные орбитали  $\psi_{\alpha}^{KS}$  и  $\psi_{\beta}^{KS}$ . Это приводит к различным плотностям  $\rho^{\alpha}$  и  $\rho^{\beta}$  для электронов с противоположными спинами. Преимуществом данного подхода является то, что его можно использовать для систем с одним или несколькими неспаренными электронами. Такая ситуация возникает, например, в радикалах. Для систем, в которых все электроны спарены приближение, LSDA эквивалентно LDA.

#### Приближение обобщенных градиентов (GGA)

Несмотря на свою простоту, метод LDA часто дает весьма удовлетворительное согласие с экспериментальными результатами. Однако в ряде случаев он оказывается неэффективным. Естественным способом его совершенствования является градиентная коррекция функционала (приближение обобщенного градиента – GGA), где обменно-корреляционный функционал  $E_{xc}$  зависит не только от электронной плотности, но и от ее градиента. Такие функционалы называют нелокальными.

Перечислим параметры, позволяющие описать используемый обменно-корреляционный функционал.

Строковая переменная xC.functional задает тип обменнокорреляционного функционала. Значениями этой переменной могут быть LDA или GGA. Значение по умолчанию: LDA.

Строковая переменная XC.authors задает параметризацию обменнокорреляционного функционала (значение по умолчанию: PZ). Перечислим допустимые значения.

- CA (Ceperley-Alder) совпадает с PZ (Perdew-Zunger) [3]. LDA.
- PW92 (Perdew-Wang-92) [4]. LDA.
- PBE (Perdew-Burke-Ernzerhof) [5]. GGA.
- revPBE (усовершенствованный Perdew-Burke-Ernzerhof) [6]. GGA.
- RPBE (усовершенствованный Perdew-Burke-Ernzerhof) [7]. GGA.
- WC (Wu-Cohen модификация PBE функционала) [8]. GGA.
- PBEsol (Perdew-Burke-Ernzerhof для твердых тел) [9]. GGA.
- LYP. GGA. Объединяет обменный функционал Becke ([10]) и корреляционный функционал Lee, Yang и Parr ([11]). Модифицирован Miehlich, Savin, Stoll и Preuss [12].

Блок данных xc.hybrid позволяет пользователю создавать «смешанные» функционалы путем объединения (в определенных пропорциях) доступных в SIESTA функционалов (xc.authors). Стоит отметить, что эти функционалы не содержат обменного вклада Хартри-Фока, который должен быть в «гибридных» функционалах.

Первая строка блока должна содержать число смешиваемых функционалов. Последующие строки содержат значения XC.functional, XC.authors, «веса» для обменной и корреляционной частей. Если задано только одно число, то оно будет использовано и для обменной, и для корреляционной частей функционалов. Следующий пример показывает, как создать функционал, в котором корреляционная часть получается сложением 75% корреляционной части функционала СА и 25% PBE, а обменная часть получается сложением 50% обменных частей упомянутых функционалов:

```
%block XC.hybrid
2
LDA CA 0.5 0.75
GGA PBE 0.5 0.25
%endblock XC.hybrid
```

Значение по умолчанию: отсутствует.

## 1.6. Самосогласование

Система уравнений метода функционала плотности, описывающая атомную структуру в приближении Кона-Шэма, должна удовлетворять самосогласованным распределениям плотности электронов. Ввиду существенной нелинейности этой системы единственным общим методом построения самосогласованного решения является итеративный способ, при котором надо поочередно решать уравнение Пуассона для потенциала и систему уравнений Шредингера для одночастичных волновых функций в эффективном потенциале. В вычислительной физике конденсированных сред функционал энергии Харриса является несамосогласованным приближением к теории функционала плотности Кона-Шэма [13]. Этот подход определяет энергию комбинированной системы в виде функции электронных плотностей отдельных областей. Энергия при использовании функционала Харриса изменяется при удалении системы от равновесной электронной плотности гораздо меньше, чем при использовании функционала Кона-Шэма. Таким образом, во многих системах точность без процедуры самосогласования может оказаться достаточной.

Перечислим основные параметры процедуры самосогласования.

Логическая переменная Harris\_functional позволяет выбрать способ расчета энергии и сил: самосогласованный с использованием функционала Кона-Шэма или не самосогласованный с функционалом Харриса.

- false: функционал Кона-Шэма.
- true: функционал Харриса. Этот вариант сокращает время расчета, но для некоторых систем приводит к ошибкам. Силы вычисляются на первом шаге цикла самосогласования. Этот вариант может использоваться только для обменно-корреляционного функционала в параметризации Perdew-Zunger. Если этот параметр равен true, значения DM.UseSaveDM, MaxSCFIterations, SCFMustConverge и DM.MixSCF1 автоматически меняются на False, 1, False и False, соотвественно.

Значение по умолчанию: false.

Целочисленный параметр MaxSCFIterations задает максимально число итераций самосогласования на каждом шаге оптимизации геометрии или молекулярной динамики. Значение по умолчанию: 50.

Логическая переменная SCFMustConverge определяет поведение программы в случае, если критерий сходимости не был достигнут за максимальное число итераций процедуры самосогласования. По умолчанию обновляются силы и проводится следующий шаг оптимизации геометрии или молекулярной динамики. Если значение переменной равно true, расчет прекращается. Значение по умолчанию: false.

Действительный параметр DM.MixingWeight задает вес  $\alpha$  матрицы плотности, полученной на n-ой итерации самосогласования в матрице плотности для n + 1 итерации:

$$\rho_{in}^{n+1} = \alpha \rho_{out}^n + (1 - \alpha) \rho_{in}^n.$$

Значение по умолчанию: 0.25.

Целочисленный параметр DM. NumberPulay определяет значение параметра экстраполяционного метода Pulay, который улучшает сходимость и позволяет достигать критерия сходимости даже в тех случаях, когда подход линейного смешения не сходится. Начальное приближение для n + 1итерации конструируется по известным начальным и результирующим матрицам DM. NumberPulay предшествующих итераций самосогласования по следующей формуле:

$$\rho_{in}^{n+1} = \alpha \bar{\rho}_{out}^n + \left(1 - \alpha \bar{\rho}_{in}^n\right),$$

где  $\bar{\rho}_{out}^n$  и  $\bar{\rho}_{in}^n$  получены на основе данных предыдущих N = DM. Number Pulay итераций:

$$\bar{\rho}_{out}^n = \sum_{i=1}^N \beta_i \rho_{out}^{(n-N+i)};$$
$$\bar{\rho}_{in}^n = \sum_{i=1}^N \beta_i \rho_{in}^{(n-N+i)}.$$

Значение  $\beta_i$  получается минимизацией разности между  $\bar{\rho}_{out}^n$  и  $\bar{\rho}_{in}^n$ . Значение  $\alpha$  равно переменной DM.MixingWeight. Если DM.NumberPulay равно 0 или 1, применяется линейное смешение. Значение по умолчанию: 0.

### 1.7. Спин

Способ учета спина электрона в процессе расчета позволяют задать следующие пять переменных.

SpinPolarized — логическая переменная для выбора неполяризованного (false) и поляризованного (true) по спину расчета. Значение по умолчанию: false.

NonCollinearSpin (логическая переменная). Если эта переменная равна true, расчет проводится с неколлинеарным спином. Это достигается использованием спинорных волновых функций и ( $2 \times 2$ ) матриц спиновой плотности в каждой точке сетки [14, 15, 16]. Неколлинеарный расчет невозможен, если было выбрано распараллеливание расчета по точкам обратного пространства (Diag.ParallelOverK). Значение по умолчанию: false.

FixSpin (логическая переменная). Если эта переменная равна true, расчет проводится с фиксированным значением полного спина системы, заданного переменной TotalSpin. Эта опция может быть использована

только при расчете с коллинеарным спином. Значение по умолчанию: false.

TotalSpin (действительное значение). Спин системы (в единицах спина электрона, 1/2). Параметр используется только если FixSpin = True. Значение по умолчанию: 0.0.

SingleExcitation (логическая переменная). Если эта переменная равна true, SIESTA вычисляет очень грубое приближение к низшему возбужденному состоянию, изменяя заселенности НОМО (наивысшего занятого) и LUMO (наинизшего незанятого) уровней. Значение по умолчанию: false.

## 1.8. Приближение псевдопотенциала

Для описания взаимодействия электронов и иона SIESTA использует псевдопотенциалы (также, как и большинство программных кодов, использующих плоские волны в качестве базисных функций; это их отличает от так называемых полноэлектронных программ).

Остовные электроны относительно устойчивы к воздействию окружения атома. Можно считать, что их (большой) вклад в энергию не меняется при формировании молекулы или кристалла из изолированных атомов. Изменение энергии при химических превращениях обусловлено валентными электронами. Изменение энергии валентных электронов гораздо проще рассчитать точно, если вычесть из энергии связи энергию электронов остова. Кроме того, сильный кулоновский потенциал ядра и локализованные волновые функции остовных электронов трудно описать численно.

Волновые функции электронов изолированного атома являются собственными функциями атомного гамильтониана, поэтому они взаимно ортогональны. Поскольку остовные состояния локализованы вблизи ядра, волновые функции валентных электронов быстро осциллируют в данной области, чтобы удовлетворить требованию ортогональности с волновыми функциями электронов остова. Это приводит к большой величине кинетической энергии валентных электронов в области ядра, которая почти уравновешивает потенциальную энергию в сильном кулоновском потенциале. Таким образом, валентные электроны гораздо слабее связаны с ядром, чем электроны остова.

Расчеты упрощаются, если заменить сильный кулоновский потенциал  $-\frac{Z_{eff}}{r}$  и остовные электроны эффективным псевдопотенциалом  $V_{ps}$ , а волновые функции валентных электронов  $\psi$  – псевдо-волновыми функциями  $\psi_{ps}$ , которые плавно изменяются в области остова [17, 18] (см. рис.

21



Рис. 1.1.: Связь между истинными и псевдопотенциальными потенциалом и волновой функцией

1.1).

Обратимся к подходу ортогонализованных плоских волн [19]. Рассмотрим атом с гамильтонианом  $\hat{H}$ , состояния остовных электронов  $\{|\chi_n\rangle\}$ , соответствующие им собственные значения энергии  $\{E_n\}$  и валентное состояние  $|\psi\rangle$  с собственным значением энергии E. Из этих состояний можно построить гладкое псевдо-состояние  $|\varphi\rangle$ :

$$|\psi\rangle = |\varphi\rangle + \sum_{n}^{core} a_n |\chi_n\rangle.$$

Валентные состояния должны быть ортогональны всем остовным состояниям (которые, конечно, взаимно ортогональны), так что выражения

$$\langle \chi_m | \psi \rangle = 0 = \langle \chi_m | \varphi \rangle + a_m$$

определяют коэффициенты разложения  $\{a_n\}$ . Таким образом,

$$|\psi\rangle = |\varphi\rangle - \sum_{n}^{core} |\chi_n\rangle \langle \chi_n |\varphi\rangle.$$

Подставляя эти выражения в уравнение Шредингера

$$\hat{H}|\psi\rangle = E|\psi\rangle,$$

получим

$$\hat{H}|\varphi\rangle - \sum_{n}^{core} E_n |\chi_n\rangle \langle \chi_n |\varphi\rangle = E|\varphi\rangle - E\sum_{n}^{core} |\chi_n\rangle \langle \chi_n |\varphi\rangle.$$

Последнее выражение можно переписать в виде

$$\hat{H}|\varphi\rangle + \sum_{n}^{core} \left(E - E_n\right) |\chi_n\rangle \langle \chi_n|\varphi\rangle = E|\varphi\rangle.$$

Таким образом, псевдо-состояние удовлетворяет уравнению Шредингера с дополнительным нелокальным потенциалом  $\hat{V}_{\rm nl}$ :

$$\begin{bmatrix} \hat{H} + \hat{V}_{nl} \end{bmatrix} |\varphi\rangle = E |\varphi\rangle,$$
$$\hat{V}_{nl} = \sum_{n}^{\text{core}} (E - E_n) |\chi_n\rangle \langle \chi_n |$$

Энергия состояния, описываемого псевдо-волновой функцией, такая же как у исходного валентного состояния. Дополнительный потенциал  $V_{\rm nl}$ , который локализован на ядре, является отталкивающим и экранирует часть сильного кулоновского потенциала, так что в результате суммирования получается слабый псевдопотенциал. Как только атом начинает взаимодействовать с окружением, энергии собственных состояний изменяются. Однако, если остовные состояния отстоят от валентных достаточно далеко по энергии (т.е.  $\delta E \ll E - E_n$ ), то разумным приближением является приравнивание E в  $V_{\rm nl}$  к собственному значению энергии валентного электрона. Псевдопотенциал должен быть подобен реальному потенциалу в первом порядке по E. Этого можно добиться путем построения сохраняющих норму псевдопотенциалов.

Рассмотрим плоскую волну с волновым вектором  $\vec{k}$  рассеяния от некоторого сферически-симметричного потенциала локализованного внутри сферы радиуса  $r_{\rm c}$  с центром в начале координат. Плоские волны можно разложить по сферическим волнами

$$\exp\left(i\vec{k}\vec{r}\right) = 4\pi \sum_{l=0}^{\infty} \sum_{m=-l}^{l} i^{l} j_{l}(kr) Y_{lm}^{*}(\vec{e}_{\vec{k}}) Y_{lm}(\vec{e}_{\vec{r}}),$$

где  $\vec{e}_{\vec{k}}$  обозначает единичный вектор в направлении вектора  $\vec{k}$ . Эти сферические волны затем упруго рассеиваются на потенциале, который вводит сдвиг фаз  $\delta_l$ , который связан с логарифмической производной точного радиального решения для данного l и энергией  $E = \frac{1}{2}k^2$  в пределах остова, вычисленными на границе остова

$$L_l(E) = \left[\frac{d}{dr} \lg \left[R_l(r, E)\right]\right]_{r=r_c} = \frac{R_l'(r_c, E)}{R_l(r_c, E)} = k \frac{j_l'(kr_c) - \operatorname{tg}(\delta_l) n_l'(kr_c)}{j_l(kr_c) - \operatorname{tg}(\delta_l) n_l(kr_c)}$$

 $j_l$  и  $n_l$  обозначают сферические функции Бесселя и фон Неймана, соответственно.

Радиальная составляющая волновой функции  $R_l(r, E)$  связана с решением уравнения Шредингера в области остова с моментом импульса, определенным квантовыми числами l и m, и энергией E:

$$\psi_{lm}(r, E) = R_l(r, E) Y_{lm}(\vec{e}_{\vec{r}}).$$

Сферические волны со сдвигом фазы могут рекомбинировать с образованием рассеянной волны. Можно определить сдвиг фаз  $\eta_l$ 

$$\delta_l = n_l \pi + \eta_l,$$

который оказывает такое же влияние (амплитуда рассеяния зависит от  $\exp(2i\delta_l)$ , поэтому множитель  $\pi$  в  $\delta_l$  ни на что не влияет) и определить  $n_l$  требуя, чтобы параметр  $\eta_l$  лежал в интервале  $0 \le \eta_l \le \pi$ . Целочисленный параметр  $n_l$  равен числу узлов  $R_\ell(r, E)$ , два в случае рисунка 1.1, и равен числу остовных состояний с моментом импульса l.

Псевдопотенциал определяется как потенциал, у которого полный сдвиг фаз равен  $\eta_l$ , поэтому радиальная псевдо-волновая функция не имеет узлов и, следовательно, потенциал не имеет остовных состояний. Рассеяние на псевдопотенциале такое же как и на исходном потенциале.

Псевдопотенциал можно считать хорошим, если он позволяет воспроизвести логарифмическую производной волновой функции для изолированного атома. Заменив полный потенциал псевдопотенциалом, мы можем еще раз решить уравнение Шредингера в области остова, чтобы получить радиальные составляющие псевдо-волновой функции  $R_{ps,l}(r, E)$ .

Рассмотрим методику Троуллиера и Мартинса [20] создания псевдопотенциалов. Запишем задачи на собственные значения для одного и того же дифференциального оператора, но с различными собственными значениями:

$$\begin{cases} y_1''(x) + p(x)y_1'(x) + q(x)y_1(x) = \lambda_1 y_1(x), \\ y_2''(x) + p(x)y_2'(x) + q(x)y_2(x) = \lambda_2 y_2(x). \end{cases}$$
(1.1)

В контексте однородных дифференциальных уравнений, величина, известная как Вронскиан определяется как

$$W(x) = y_1(x)y_2'(x) - y_2(x)y_1'(x)$$
(1.2)

и может быть вычислена по формуле

$$W(x) = W_0 \exp\left[-\int^x p(x')dx'\right],\tag{1.3}$$

в которой константа  $W_0$  является произвольной и не имеет значения.

После проведения анализа, который приводит к уравнению 1.3 для переменных, определенных в уравнении 1.2, но для функций, которые являются решением системы 1.1, мы получим

$$W(x) = \left[ (\lambda_2 - \lambda_1) \int^x dx' y_1(x') y_2(x') e^{\left[ \int^x dx'' p(x'') \right]} + W_0 \right] e^{\left[ - \int^x dx' p(x') \right]}.$$
(1.4)

Вронскиан может быть переписан в обозначениях логарифмической производной

$$W(x) = y_1(x)y_2(x)\frac{d}{dx}\left\{ \lg \left[y_2(x)\right] - \lg \left[y_1(x)\right] \right\}.$$
 (1.5)

Используя уравнения 1.4 и 1.5 при решении уравнения Шредингера для радиальной волновой функции  $R_l(r, E)$ , переопределив

$$x \to r; \quad p(x) \to \frac{2}{r}; \quad q(x) \to -2\left[V(r) + \frac{l(l+1)}{r^2}\right]; \quad \lambda \to -2E,$$

и используя пределы интегрирования по r от 0 до  $r_c$ , получим

$$\left[r^{2}R_{l,1}(r)R_{l,2}(r)\frac{d}{dr}\left\{\lg\left[R_{l,2}(r)\right] - \lg\left[R_{l,1}(r)\right]\right\}\right]_{0}^{r_{c}} = -2(E_{2} - E_{1})\int_{0}^{r_{c}}drr^{2}R_{l,1}(r)R_{l,2}(r).$$

Умножая на  $-2\pi$  и учитывая, что вклад нижнего предела в левой части уравнения равен нулю из-за множителя  $r^2$ , получим:

$$-2\pi r_c^2 \frac{R_{l,1}(r_c)R_{l,2}(r_c)}{E_2 - E_1} \frac{d}{dr} \left[ \lg \left[ R_{l,2}(r) \right] - \lg \left[ R_{l,1}(r) \right] \right]_{r=r_c} = 4\pi \int_0^{r_c} dr r^2 R_{l,1}(r) R_{l,2}(r).$$

Перейдем к пределу  $E_2 \to E_1$ . При этом  $R_{l,2}(r) \to R_{l,1}(r)$ . Рассматривая левую часть как производную по энергии мы получим желаемый результат:

$$-2\pi r_c^2 R_l^2(r_c) \frac{d}{dE} \left[ \frac{d}{dr} \lg \left( R_l(r) \right) \right]_{r=r_c} = 4\pi \int_0^{r_c} dr r^2 R_l^2(r),$$

т.е. первая производная по энергии от логарифмической производной вычисленная на границе остова, непосредственно связана с нормой радиальной части волновой функции в области остова. Таким образом, если псевдо-волновая функция сохраняет норму

$$4\pi \int_{0}^{r_c} dr r^2 R_l^2(r) = 4\pi \int_{0}^{r_c} dr r^2 R_{ps,l}^2(r),$$

тогда сдвиг фазы псевдопотенциала будет таким же, как у реального потенциала в первом порядке по энергии, и это может быть достигнуто путем приравнивания псевдо-волновой функции к истинной волновай функции электрона вне остова.

Для точного учета совокупного влияния ядра и электронов остова необходимо использовать нелокальный псевдопотенциал, так как состояния с различными моментами импульса рассеиваются по-разному. В общем случае нелокальный псевдопотенциал можно выразить в полулокальной форме

$$\hat{V}_{ps} = \hat{V}_{loc} + \sum_{m=-l}^{l} |lm\rangle \,\delta \hat{V}_{l} \,\langle lm| \,,$$

где  $|lm\rangle$  – сферическая гармоника  $Y_{lm}$ . Выбор локального потенциала  $\hat{V}_{loc}$  является произвольным, но обычно сумма по l ограничивается лишь несколькими слагаемыми (например, l = 2), так что локальная часть должна описывать тот потенциал, который соотвествует отброшенной части ряда.

Недостатком полулокальнаой формы является большая вычислительная сложность. Эта проблема может быть преодолена аналитически при определенном наборе локализованных базисных функций, но наиболее распространенным решением является использование формы Клеймана-Биландера [21]:

$$\hat{V}_{KB} = \hat{V}_{loc} + \sum_{lm} \frac{\left|\delta \hat{V}_{l} \phi_{lm} \right\rangle \left\langle \phi_{lm} \delta \hat{V}_{l} \right|}{\left\langle \phi_{lm} \right| \delta \hat{V}_{l} \left| \phi_{lm} \right\rangle},$$

где  $|\phi_{lm}\rangle$  — собственное состояние псевдогамильтониана. Этот оператор действует на некоторое состояние так же как и оригинальный полулокальный оператор  $\hat{V}_{ps}$ , но теперь количество необходимых для вычисления проекций линейно (а не квадратично) зависит от количества базисных функций.

Сохраняющие норму псевдопотенциалы могут быть сгенерированы программой Atom, расположенной в папке Pseudo/atom. На официальном

сайте пакета SIESTA можно скачать пригодные для большинства задач псевдопотенциалы. SIESTA может использовать псевдопотенциалы, сгенерированные рядом других кодов (как правило, в формате .psf). Помните, что все псевдопотенциалы должны быть тщательно протестированы перед использованием.

SIESTA Псевдопотенциалы файсчитываются ИЗ разных лов: по одному ДЛЯ каждого типа атомов (перечисленных В блоке ChemicalSpeciesLabel). Название файла должно быть: Chemical label.vps (неформатированый) Chemical label.psf или блоке (ASCII), Chemical label соответствует где названию В ChemicalSpeciesLabel. SIESTA может также работать с псевдопотенциалами в формате XML, разработанном Junquera, Garcia и Verstraete, который обеспечивает совместимость с кодом ABINIT. Директория Util/pseudo-xml содержит программу, позволяющую преобразовать псевдопотенциалы из формата .XML в формат .psf.

Блок данных ChemicalSpeciesLabel определяет различные типы атомов в модели, ассоциируя с ними числа для дальнейшей идентификации. %block Chemical Species label

```
1 6 C
2 14 Si
3 14 Si_surface
```

```
%endblock Chemical_Species_label.
```

Первое число в строке задает код типа атома. За ним следует атомный номер (в таблице Менделеева) и строковое название. Это название используется впоследствии для поиска соответствующих файлов, а именно, файлов псевдопотенциалов, пользовательских базисных наборов и других. Отрицательные номера атомов используются для ghost атомов (см. PAO.basis).

Атомные номера больше 200 используются для обозначения искуственных атомов (созданных, например, как «смесь» двух реально существующих атомов для расчетов «виртуальных кристаллов» (VCA)). В этом случае блок SyntheticAtoms должен присутствовать для того, чтобы предоставить SIESTA информацию об основном состоянии этого исскуственного атома.

```
%block Chemical_Species_label
1 201 ON-0.50000
%endblock Chemical_Species_label
%block SyntheticAtoms
1 # индекс типа атома
2 2 3 4 # число валентных электронов в состояниях с 1=0,1,2,3
2.0 3.5 0.0 0.0 # занятые валентные состояния с 1=0,1,2,3
%endblock SyntheticAtoms.
```

Псевдопотенциалы для исскуственных атомов могут быть созданы с помощью программ mixps и fractional из директории Util/VCA. Значение по умолчанию отсутствует. Его необходимо задать явно.

Блок данных AtomicMass позволяет пользователю задавать массы различных типов атомов. Это полезно, например, при изучении динамики изотопов. Если индекс типа атома не найден в пределах блока, предполагается использование стандартного значения массы для соответствующего атомного числа. Если блок отсутствует, все массы — стандартные. Каждая строка состоит из типа элемента (целое число) и значения (действительное число) массы. Порядок строк не важен. Если нет целых чисел и/или действительных чисел в пределах строки, строка игнорируется. %block AtomicMass

```
% AlomicMass
3 21.5
1 3.2
% endblock AtomicMass
```

Значение по умолчанию: (блок отсутствует или пуст). Используются стандартные массы. Для ghost атомов значение по умолчанию 1.d30 a.u..

## 1.9. Базисный набор

Независимо от того, какой неэмпирический метод используется для моделирования (Хартри-Фок, DFT, ...), точные волновые функции электронов аппроксимируются комбинацией аналитических функций (базисный набор). Выбор в пользу того или иного базисного набора осуществляется из соображения простоты описания реальных физических систем. Так, если проводится моделирование металлов, для которых характерны делокализованные электроны, логичным кажется использование базиса плоских волн. Если же проводится рассмотрение систем с ковалентными связями, то лучше всего подходит базис из функций, которые хорошо описывают форму электронных орбиталей. Можно не задумываться об этом, используя хорошо известный в мире и изученный вами пакет, но за это прийдется пожертвовать скоростью расчетов. Дело в том, что для детального описания ковалентной связи может потребоваться ряд из колоссального числа плоских волн, а достаточно всего одной орбитали, повторяющей форму этой связи. И наоборот, описать делокализованный в кристалле электрон в базисе плоских волн намного проще.

Рассмотрим подходы к выбору атомноподобных базисных функций. Хотя в качестве базисных можно использовать любые линейно независимые функции, охватывающие область пространства, в которой находятся электроны, оптимальной является ситуация, когда выбранная базисная функция максимально близка к радиальной составляющей точной водородоподобной атомной орбитали. Такие функции известны как орбитали слейтеровского типа (ОСТ), отвечающие потенциалу центрального поля и удовлетворяющие асимптотическому поведению точной волновой функции как вблизи ядра, так и на больших расстояниях от него. Недостатком ОСТ является то, что они не подходят для быстрого вычисления двуцентровых кулоновских и обменных интегралов. Эти задачи значительно упрощаются при использовании в качестве базисных функций орбиталей гауссова типа (ОГТ). Однако индивидуальные ОГТ и вблизи ядра и вдали от него ведут себя иначе, чем точные волновые функции. Этот недостаток можно исправить. Дело в том, что атомные орбитали (АО) хорошо аппроксимируются линейной комбинацией ОГТ с различными экспонентами. Чтобы обеспечить правильное поведение АО на малых расстояниях от ядра, приходится дополнять ОГТ функциями, имеющими радиальную зависимость типа  $e^{-\varsigma r}$ . Опыт показывает, что использование даже десяти ОГТ для аппроксимации АО позволяет вычислять интегралы существенно быстрее, чем при использовании одной ОСТ.

В пакете SIESTA реализован метод расчета, предполагающий разреженность гамильтоновой матрицы и матриц перекрытия. Разреженность требует либо пренебрежения матричными элементами, которые достаточно малы, либо использования орбиталей, которые равны нулю за пределами определенного радиуса (радиус обрезания) [22]. Разработчики пакета SIESTA приняли последний подход. В пределах этого радиуса атомные орбитали представляют собой произведение радиальной функции и сферических гармоник. Для атома I, расположенного в точке  $R_I$ ,

$$\phi_{Ilmn}(r) = \phi_{Iln}(r_I)Y_{lm}(\hat{r}_I),$$

где  $r_I = r - R_I$ , l – орбитальный момент импульса, m – проекция момента импульса. Момент импульса может быть сколь угодно большим и, как правило, будет несколько орбиталей (помечены индексом n) с одинаковой угловой зависимостью, но разными радиальными зависимостями, которые условно называются multiple  $\zeta$  базисом.

В случае минимального базисного набора (single-ζ (SZ)) удобным и эффективным оказался метод Санки (Sankey) и Никлевски (Niklewski) [22]. В этом методе базисными орбиталями являются собственные функции гамильтониана для случая (псевдо) атомов в сферической области, радиус которой может быть различным для каждой орбитали:

$$\left(-\frac{1}{2r}\frac{d^2}{dr^2}r + \frac{l(l+1)}{2r^2} + V_l(r)\right)\phi_l(r) = (\epsilon_l + \delta\epsilon_l)\phi_l(r).$$

Энергия  $\epsilon_l + \delta \epsilon_l$  выбирается таким образом, чтобы первый узел  $\phi_l(r)$  наблюдался при выбранном радиусе обрезания  $r_l^c$ . Для того чтобы получить хорошо сбалансированный базис, как правило, лучше использовать одинаковую добавку к энергии  $\delta \epsilon_l$ , а не общий радиус  $r^c$  для всех атомов и моментов импульса. Это означает, что радиусы орбиталей зависят от сорта атомов и момента импульса.

На практике обнаруживается, что подобная процедура для multiple- $\zeta$  базисного набора оказывается неэффективной. Вместо этого применяется схема, основанная на методе валентного расщепления. В этом методе первая орбиталь (first- $\zeta$  базисная орбиталь) представляется линейной комбинацией орбиталей гауссового типа, подогнанной под атомные собственные функции. Вторая орбиталь (second- $\zeta$  орбиталь) строится путем замены в пределах радиуса  $r_l^s$  (радиус расщепления) одной из орбиталей гауссового типа, входящей в first- $\zeta$  (обычно самая медленно спадающая), полиномом:

$$\phi_l^{2\zeta}(r) = \begin{cases} r^l (a_l - b_l r^2) & r < r_l^s \\ \phi_l^{1\zeta}(r) & r \ge r_l^s \end{cases},$$

где  $a_l$  и  $b_l$  определяются требованием непрерывности функции и ее производной в точке  $r_l^s$ . Орбитали с большими  $\zeta$  получаются введением большего количества орбиталей гауссового типа.

Для достижения хорошей сходимости, в дополнение к орбиталям валентных электронов атома, как правило, необходимо также включать поляризационные орбитали, для учета деформации, вызванной образованием связи. Использование псевдоатомных орбиталей с большим моментом импульса неэффективно, потому что они, как правило, слишком удалены. Вместо этого, рассматривают валентные псевдоатомные орбитали

$$\phi_{lm}(r) = \phi_l(r) Y_{lm}(r).$$

Для того, чтобы ее поляризовать, прикладывают небольшое электрическое поле & в направлении оси z. Используя теорию возмущений первого порядка

$$(H-E)\delta\phi = -(\delta H - \delta E)\phi, \qquad (1.6)$$

где  $\delta H = \mathscr{E}z$  и  $\delta E = \langle \phi | \delta H | \phi \rangle = 0$ , так как  $\delta H$  нечетная. Правила отбора предполагают, что в возмущенные орбитали будут иметь только компоненты с  $l' = l \pm 1$ , m' = m:

$$\delta H \phi_{lm}(r) = (\mathscr{E}r \cos \theta) \left( \phi_l(r) Y_{lm}(r) \right) = \mathscr{E}r \phi_l(r) \left( c_{l-1} Y_{l-1} + c_{l+1} Y_{l+1} \right)$$
(1.7)

И

$$\delta\phi_{lm}(r) = \varphi_{l-1}(r)Y_{l-1,m}(r) + \varphi_{l+1}(r)Y_{l+1,m}(r).$$
(1.8)

Так как в базисе уже есть орбитали с моментом импульса l-1, выделим компонент l+1, подставляя 1.7 и 1.8 в 1.6, умножая на  $Y^*_{l+1,m}(r)$  и

интегрируя по угловым переменным. Таким образом, получим уравнение

$$\left[-\frac{1}{2r}\frac{d^2}{dr^2}r + \frac{(l+1)(l+2)}{2r^2} + V_l(r) - E_l\right]\varphi_{l+1}(r) = -r\phi_l(r),$$

где так же исключены множители  $\mathscr{E}$  и  $c_{l+1}$ , которые влияют только на нормировку функции  $\varphi_{l+1}(r)$ . В базис включаются поляризационные орбитали:  $\phi_{l+1,m}(r) = N\varphi_{l+1}(r)Y_{l+1,m}(r)$ , где N — нормировочный множитель.

Важно подчеркнуть, что ни метод SIESTA, ни код программы не связаны с использованием какого-либо особого вида атомных орбиталей. Пользователь может использовать в SIESTA подготовленный им базис. У большинства пользователей, однако, нет своих собственных базисных наборов. Для этих пользователей разработаны схемы создания базисных наборов в рамках программы с минимальным количеством входных параметров. Если ничего не указано во входном файле, SIESTA создает базисный набор по умолчанию, который может быть хорошим приближением. Пользователь может настроить ряд параметров, которые влияют на качество и эффективность базисного набора.

Строка PAO.BasisSize определяет размер базисного набора. Допустимы следующие значения.

- SZ или MINIMAL: минимальный или single- $\zeta$  базис.
- DZ: Double- $\zeta$  базисный набор.
- SZP: Single-ζ базисный набор с добавлением поляризационных орбиталей.
- DZP или STANDARD: Как и DZ, но с добавлением поляризационных орбиталей.
- TZ: Triple $-\zeta$  базисный набор.
- TZP: Triple-ζ базисный набор с добавлением поляризационных орбиталей.
- TZDP: Triple-ζ базисный набор с добавлением Double-ζ базисного набора для поляризационных орбиталей.

Основные состояния атомов, используемые в пакете SIESTA, определены в исходном файле Src/periodic\_table.f. Для некоторых элементов (например, Pd), конфигурация может быть не стандартной. Значение по умолчанию: DZP.

Блок данных PAO.BasisSizes позволяет определить различные базисные наборы для каждого типа атомов. Например,

```
%block PAO.BasisSizes
Si DZ
H DZP
```

O SZP %endblock PAO.BasisSizes.

Условие обрезания для орбиталей задается действительным значением энергии PAO.EnergyShift. Параметр учитывается, если отсутствует блок PAO.Basis или когда радиусы, определенные в этом блоке, равны нулю для первой  $\zeta$ . Значение по умолчанию: 0.02 Ry.

Параметр PAO.SplitNorm задает долю нормы, соответствующую нерасщепленной части second— $\zeta$  орбитали. Если используется multiple— $\zeta$ , соответствующие радиусы получаются умножением PAO.SplitNorm на 1/2, 1/4 .... Этот параметр оказывает влияние только если отсутствует блок PAO.Basis или когда радиусы, указанные в этом блоке равны нулю для  $\zeta > 1$ . Значение по умолчанию: 0.15 (значения должны быть в диапазоне от 0.05 до 0.5).

## 1.10. Сетка в координатном пространстве

SIESTA использует трехмерную сетку для расчета некоторых интегралов и представления плотности заряда и потенциала. Ее детализированность определяется плоской волной отсечки, указанной в опции MeshCutoff (значение по умолчанию: 100 Ry). Все плоские волны, соответствующие кинетической энергии, меньшей, чем параметр MeshCutoff, могут быть представлены на сетке без наложения. Для функций (например, эффективного потенциала), являющихся разложением только по этим плоским волнам, возможно прямое и обратное преобразования Фурье без каких-либо приближений.

Наличие сетки приводит к нарушению трансляционной симметрии: граничному эффекту, возникающему из-за того, что разложения зарядовой плотности и потенциала должны содержать плоские волны с энергией выше MeshCutoff. Этот эффект называется эффектом яичной коробки (egg box effect). Он проявляется в том, что полная энергия и силы неестественно зависят от положения ядер относительно точек расчетной сетки. Опишем причину возникновения этого эффекта. На рис. 1.2 (а) изображены функция V(x) и некоторые точки  $x_i$  на оси x, представляющие узлы сетки. Аппроксимацией интеграла от функции V(x) будет  $\sum V(x_i)$ . Вы-

бранные значения  $V(x_i)$  представлены на рисунке выколотыми кругами. Предположим, что V(x) является концентрацией электронов в атоме, тогда интеграл будет иметь смысл суммарного заряда. Если мы сдвинем атом вправо, то получим ситуацию, представленную на рис. 1.2 (б). Он очень похож на рис. 1.2 (а), но одна из точек  $x_i$  лежит в области резкого изменения распределения V(x). Это существенно повлияет на оценку интеграла суммой  $\sum_{i} V(x_i)$ . Таким образом, каждый раз, когда это резкое изменение пересекает точку сетки, оценка интеграла будет изменяться. Это и есть эффект яичной коробки. Он возникает, если функция не является достаточно гладкой (или дискретизация не достаточно подробна).



Рис. 1.2.: К пояснению эффекта яичной коробки

Одним из способов избежать появления этого эффекта является улучшение дискретизации сетки. Другим, более изысканным и экономичным решением, может быть сглаживание распределения V(x). Сначала для получения спектра V(k) выполняется Фурье-преобразование функции V(x). Известно, что проблемы вызывают длины волн  $\lambda$  меньшие шага сетки a. Можно вычислить критическое волновое число  $k_c = 2\pi/a$ . Из спектра V(k) убираются коэффициенты V(k) с  $k > k_c$ . После этого проводится обратное преобразование Фурье V(k), чтобы получить сглаженную V(x)(см. рис. 1.2 (в)).

Для активации сглаживания («фильтрация» — технический термин) в SIESTA необходимо установить параметру FilterCutoff значение энергии, соответствующей плоской волне с длиной больше размера сетки.

Перечислим основные параметры, позволяющие настраивать сетку в координатном пространстве.

FilterCutoff — энергия обрезания, используемая для фильтрации всех атомных базисных функций и потенциала нейтрального атома. Базисные функции (которые должны быть возведены в квадрат для получения электронной плотности) фильтруются с энергией обрезания, уменьшенной в  $0, 7^2 \simeq 0, 5$  раза. Параметр FilterCutoff не должен превышать MeshCutoff, чтобы избежать эффекта яичной коробки для сил, действующих на атомы. Не нужно пытаться варьировать MeshCutoff, одновременно изменяя FilterCutoff, так как последний фактически изменяет используемые базисные функции. Лучше зафиксировать достаточно большим FilterCutoff и варьировать только MeshCutoff. Если FilterCutoff не задан явно, он вычисляется по FilterTol.

FilterTol — кинетическая энергия, отброшенная в результате фильтрации каждой базисной функции. В то время как FilterCutoff устанавливает общее условие обрезания в обратном пространстве для всех базисных функций, FilterTol устанавливает определенное значение для каждой базисной функции, подобно тому, как EnergyShift устанавливает их в координатном пространстве. По этой причине разумно использовать близкие значения для обоих параметров. Максимальная энергия обрезания, необходимая для выполнения FilterTol на всех базисных функциях, используется (умноженная на  $1/0, 7^2 \simeq 2$ ) для фильтрации потенциала нейтрального атома. Параметр FilterTol будет проигнорирован, если FilterCutoff присутствует во входном файле. Если отсутствуют и FilterCutoff, и FilterTol, фильтрация не выполняется.

Если значение FilterCutoff очень маленькое (или FilterTol очень большое) некоторые отфильтрованные базисные орбитали окажутся некорректными и приведут к неверным результатам или даже останов-ке программы.

Для разумных значений энергии отсечки эффект яичной коробки для полной энергии, как правило, незначителен. Тем не менее, он может существенно повлиять на процесс релаксации, значительно увеличивая количество шагов, а также может испортить фононный расчет, делая его результаты более сложными, чем у оптимальной структуры.

Для выбранной сетки эффект яичной коробки может быть уменьшен путем восстановления симметрии следующих характеристик:

- 1. вклад в энергию, зависящий от сетки в координатном пространстве;
- 2. силы;
- 3. тензор напряжений;
- 4. дипольный момент.

Полная симметризация подразумевает усреднение (интегрирование) по расчетной ячейке. Она может проводиться и для заданного набора жестких сдвигов модели в пределах расчетной ячейки. Характеристики системы усредняются по набору таких сдвигов. Процедура самосогласования проводится для исходной системы. После получения равновесной (сошедшейся) матрицы плотности, та же (фиксированная) матрица плотности используется для расчета необходимых свойств системы, смещенной в определенном направлении (предполагается, что эффект яичной коробки несущественно влияет на матрицу плотности). Необходимые для каждого смещения ресурсы процессора сопоставимы с необходимыми для одного дополнительного шага самосогласования.

Рассмотрим, например, кубическую ячейку. Если блок GridCellSampling отсуствует или не содержит данных (значение по умолчанию), то будет использоваться только исходная модель (0,0,0). Блок:

%block GridCellSampling 0.5 0.5 0.5 %endblock GridCellSampling \begin{fdfcode} приведет к рассмотрению центра ячейки в качестве второй точки. Блок: \begin{fdfcode} %block GridCellSampling 0.5 0.5 0.0 0.5 0.0 0.5 0.0 0.5 0.5 %endblock GridCellSampling задаст ГЦК-подобное разбиение, а %block GridCellSampling 0.5 0.0 0.0 0.0 0.5 0.0 0.0 0.0 0.5 0.0 0.5 0.5 0.5 0.0 0.5 0.5 0.5 0.0 0.5 0.5 0.5 %endblock GridCellSampling приведет к рассмотрению кубической ячейки, сторона которой в два раза

приведет к рассмотрению кубической ячейки, сторона которой в два раза меньше, чем у исходной ячейки. Выбор оптимального набора дополнительных точек, позволяющих достичь максимального эффективного параметра обрезания, неочевиден. Он зависит от типа ячейки.

### Пример. Эффект яичной коробки в MgO

Рассмотрим примитивную ячейку MgO. Она содержит два атома: Mg и O. Для проверки наличия эффекта яичной коробки можно использовать скрипт run edge, написанный на языке Python.

```
# для получения свойств из выходного файла SIESTA
def FileProp(filename, prop, count = 1, type = 'int'):
  property = 1
  k = 1
  if os.path.exists(filename):
    MdSiestaFile = open(filename)
    str1 = MdSiestaFile.readline()
    while str1!='':
      if (str1 != '') and (str1.find(prop)>=0):
        str1 = str1.replace(prop, ' ')
        if (type == 'string'):
                property = Helpers.spacedel(str1)
        else:
          prop1 = re.findall(r''[0-9, \, -]+'', str1)[0]
          if (type == 'int'):
            property = int(prop1)
          if (type == 'float'):
            property = float(prop1)
        if (k == count):
          return property
        k+=1
      str1 = MdSiestaFile.readline()
    MdSiestaFile.close()
  return property
# обнаружен файл, оставшийся от предыдущего расчета
if (os.path.exists(SystemLabel+'.DM')):
  Popen(rmlist, shell=True, stdout=PIPE).communicate()
# главный цикл
for i in xrange(0,N):
  # если расчет для этой итерации еще не запускался
  if (not os.path.exists('./input'+str(i)+'.out')):
    my file = './inputrun.fdf'
    f = open(my_file, 'w')
    f1 = open("log.txt", "a")
    f2 = open('input.fdf')
    for line in f2:
      f.write(line)
    f2.close()
    f.write('%block AtomicCoordinatesOrigin\n')
    f.write('0.0 0.0 '+str(((1.0*i)/mesh)/N)+'\n')
    f.write('%endblock AtomicCoordinatesOrigin\n')
    string = str(i)
    f.close()
    Popen(runcom, shell=True, stdout=PIPE).communicate()
    shutil.copy('input.out', 'input'+str(i)+'.out')
    arg1 = 'input'+str(i)+'.out'
    arg2 = 'siesta: Etot
                            ='
    Etot = FileProp(arg1, arg2, 2, 'float')
```
```
f1.write(string + ' ' + str(Etot) +"\n")
f1.close()
# удалить временные файлы
if (os.path.exists(SystemLabel+'.DM')):
Popen(rmlist,shell=True,stdout=PIPE).communicate()
```

Для корректной работы скрипта необходимо верно инициализировать параметр mesh (число точек сетки в координатном пространстве вдоль оси z). В процессе работы скрипта запускается N расчетов, отличающихся сдвигом по оси z в блоке AtomicCoordinatesOrigin. Файл log.txt содержит энергии системы для каждой итерации главного цикла. По изменению энергии от итерации к итерации можно судить о наличии эффекта яичной коробки.

За основу fdf файла возьмем содержащийся в директории Tests дистрибутива SIESTA.

```
# FDF file for bulk MgO
1
   SystemName Magnesium Oxide Crystal
2
   SystemLabel
                            MqO
3
   NumberOfAtoms
                              2
4
                              2
   NumberOfSpecies
5
6
   %block Chemical Species Label
7
          12
               Mq
     1
8
     2
           8
                0
9
   %endblock Chemical Species Label
10
11
   PAO.BasisSize
                        SZ
12
13
   AtomicCoordinatesFormat ScaledCartesian
14
   AtomicCoorFormatOut
                              Anq
15
16
   %block AtomicCoordinatesAndAtomicSpecies
17
       .000 .000
                      .000
                              1
18
                      .500
       .500
              .500
                              2
19
   %endblock AtomicCoordinatesAndAtomicSpecies
20
21
   LatticeConstant
                         4.10 Ang
22
23
   %block LatticeVectors
24
     0.000 0.500 0.500
25
     0.500 0.000 0.500
26
     0.500 0.500
                     0.000
27
   %endblock LatticeVectors
28
29
   kgrid_cutoff
                         7. Ang
30
31
   XC.functional
                              LDA
32
  XC.authors
                              CA
33
```



Рис. 1.3.: К оценке зависимости эффекта яичной коробки от MeshCutoff

34	SpinPolarized	.false.	
35	MeshCutoff	100. Ry	
36	MaxSCFIterations	100	
37	DM.MixingWeight	0.3	
38	DM.Tolerance	1.d-4	
39	DM.NumberPulay	3	
40	SolutionMethod	diagon	
41	ElectronicTemperature	5 K	
42	MD.TypeOfRun	cg	

Результат работы скрипта для трех различных значений MeshCutoff (и трех значений параметра *mesh* в скрипте) приведен на рис. 1.3. Как видно из этого рисунка, эффект яичной коробки становится мало заметен при увеличении MeshCutoff до 284 Ry. При MeshCutoff = 100 Ry ошибка в энергии, обусловленная сдвигом модели в расчетной ячейке может достигать 35 мэВ. Хотя эта величина мала по сравнению с полной энергией системы (458 эВ), она может внести существенную ошибку при расчете свойств, которые зависят от разности энергий. Данный способ устранения эффекта яичной коробки требует заметного увеличения ресурсов процессора и памяти.

В качестве альтернативы рассмотрим еще два подхода: использование блока GridCellSampling и фильтрацию. Первый из них реализовывался для следующего набора дополнительных направлений сдвига:



Рис. 1.4.: Альтернативные способы уменьшения эффекта яичной коробки

```
%block GridCellSampling
0.5 0.0 0.0
0.0 0.5 0.0
0.0 0.0 0.5
%endblock GridCellSampling.
```

Для активации фильтрации во входной файл необходимо добавить три строки: PAO.Filter T VNA.Filter T FilterCutoff 100 Ry.

Результаты расчетов приведены на рис. 1.4. Из этого рисунка видно, что оба подхода обеспечивают примерно одинаковое уменьшение эффекта яичной коробки.

# 1.11. Оптимизация структуры и молекулярная динамика

Код SIESTA имеет внешний цикл изменения атомной структуры: для заданных атомных позиций вычисляется электронная структура, силы и напряжения, обновляются атомные позиции (и, возможно, вектора транс-

ляции) и происходит переход к следующей итерации.

В пакете SIESTA реализовано несколько алгоритмов молекулярной динамики и оптимизации геометрии. Выбор метода производится инициализацией переменной MD. TypeOfRun (строка):

- СС оптимизация координат по методу сопряженных градиентов.
- Broyden оптимизация координат по модифицированной схеме Бройдена.
- FIRE оптимизация координат по быстрому алгоритму [23].
- Verlet стандартный алгоритм молекулярной динамики Верле.
- Nose молекулярная динамика с термостатом Нозе.
- ParrinelloRahman молекулярная динамика по методу Паринелло-Рамана.
- NoseParrinelloRahman молекулярная динамика с термостатом Нозе и баростатом Паринелло-Рамана.
- Anneal молекулярная динамика с отжигом при необходимой температуре и (или) давлении (см. переменную MD.AnnealOption).
- FC вычисление матрицы силовых констант для расчета фононного спектра (см. стр. 76).

Значение по умолчанию: Verlet (СС для системы из одного атома).

Опционально (см. переменную MD.VariableCell) оптимизация структуры методами CG, Broyden и FIRE может включать оптимизацию векторов трансляции.

Остановимся подробнее на параметрах, относящихся к оптимизации атомной структуры.

## Оптимизация структуры

В режиме оптимизации структуры SIESTA смещает атомы (и, возможно, изменяет вектора трансляции) пытаясь минимизировать силы, действующие на атомы. Перечисленные ниже опции являются общими для всех методов оптимизации геометрии. Приставка «MD» вводит в заблуждение. Она сохранена для совместимости с предшествующими версиями кода.

Если логическая переменная MD.VariableCell равна true, вектрансляции оптимизируются вместе с оптимизацией котора ординат атомов. Можно задать гидростатическое давление или тензор напряжения (обратите парапроизвольный внимание на метры MD.MaxStressTol, MD.TargetPressure, MD. TargetStress, MD.ConstantVolume MD.PreconditionVariableCell). И Переменная MD.VariableCell используется только если MD.TypeOfRun paben CG, Broyden или FIRE. Значение по умолчанию: false.

Если логическая переменная MD.ConstantVolume равна true, объем элементарной ячейки поддерживается постоянным при оптимизации векторов трансляции: могут изменяться только форма ячейки и координаты атомов. Обратите внимание, что в этом случае не имеет смысла указывать приложенные напряжения или давление (за исключением анизотропных напряжений). Переменная MD.ConstantVolume используется только если MD.TypeOfRun равно CG, Broyden или FIRE и MD.VariableCell равно true. Значение по умолчанию: false.

Если логическая переменная MD.RelaxCellOnly равна true, проводится оптимизация только параметров ячейки (по методам Broyden или FIRE). Дробные координаты не изменяются. Для расчетов с использованием Zmatrix, дробные координаты первого атома в каждой молекуле сохраняются фиксированными (не предпринимается попыток изменения расстояний или углов). Этот параметр используется только если MD.TypeOfRun равен FIRE или Broyden, а переменная MD.VariableCell равна true. Значение по умолчанию: false.

МD.MaxForceTol (действительное значение силы) — критерий сходимости по силам при оптимизации координат. Вычисления заканчиваются если максимальная сила, действующая на атом меньше MD.MaxForceTol. Этот параметр используется только если MD.TypeOfRun paвeн CG, Broyden или FIRE. Значение по умолчанию: 0.04 eV/Ang.

MD.MaxStressTol (действительное значение давления) — критерий сходимости по напряжению при оптимизации методом сопряженных градиентов с включенной опцией variable-cell. Вычисления заканчиваются если максимальная сила, действующая на атом меньше чем MD.MaxForceTol, а максимальная компонента тензора напряжений меньше MD.MaxStressTol. Этот параметр используется только если MD.TypeOfRun paвeн CG, Broyden или FIRE, а параметр Md.VariableCell равен true. Значение по умолчанию: 1.0 GPa.

MD.NumCGsteps — максимальное число шагов оптимизации по методу сопряженных градиентов (или Broyden) (минимизация будет прервана раньше, если будет достигнут критерий сходимости по силам). Используется только если MD.TypeOfRun равен CG или Broyden. Значение по умолчанию: 0.

MD.MaxCGDispl — максимальное смещение атома за один шаг минимизации. Используется только если TypeOfRun равен CG, Broyden или FIRE. Для метода Broyden дополнительно можно ограничить смещения используя параметр MD.Broyden.Initial.Inverse.Jacobian. Для метода FIRE этого результата можно добиться выбирая меньший шаг по времени. Учитывайте, что существуют специфичные опции для Zmatrix, которые переопределяют данный параметр. Значение по умолчанию: 0.2 Bohr. ZM.ForceTolLength — критерий сходимости по силам при изменении длин в Z-матрице. Значение по умолчанию: 0.00155574 Ry/Bohr.

ZM.ForceTolAngle — критерий сходимости по силам при изменении углов в Z-матрице. Значение по умолчанию: 0.00356549 Ry/rad.

ZM.MaxDisplLength — максимальное изменение длин в Z-матрице на одном шаге моделирования. Значение по умолчанию: 0.2 Bohr.

ZM.MaxDisplAngle — максимальное изменение углов в Z-матрице на одном шаге моделирования. Значение по умолчанию: 0.003 rad.

#### Оптимизация геометрии по методу сопряженных градиентов

Этот метод используется по умолчанию для оптимизации геометрии. Опция MD.UseSaveCG (логическая переменная) реализована именно для этого метода и не работает для остальных. Она указывает, нужно ли считывать информацию о предыдущем запуске оптимизации геометрии по методу сопряженных градиентов, сохраненную в файл SystemLabel.CG. Для корректного продолжения прерванного расчета необходимо так же присвоить переменной MD.UseSaveXV значение true. Если необходимые файлы не существуют, печатается предупреждающее сообщение, но работа программы не прерывается. Значение по умолчанию false.

#### Оптимизация по алгоритму Бройдена

Этот метод использует модифицированный алгоритм Бройдена для построения матрицы Якоби [24]. Специфичными для него являются два параметра.

Целое число MD. Broyden. History. Steps задает количество шагов релаксации, по которым модифицированный алгоритм Бройдена строит матрицу Якоби. Используется только если MD. TypeOfRun paвeн Broyden. Значение по умолчанию: 5.

Логическая переменная MD.Broyden.Cycle.On.Maxit показывает нужно ли вытеснять старые данные новыми при достижении максимального количества данных, которые хранятся для вычисления матрицы Якоби. Альтернативой является повторный запуск алгоритма минимизации Бройдена с первого шага (может быть полезно при проблемах с минимизацией). Используется только если MD.TypeOfRun paвен Broyden. Значение по умолчанию: true.

## Оптимизация FIRE

Реализация быстрого метода релаксации (Fast Inertial Relaxation Engine – FIRE) [23] в совместимой с СG и Broyden форме. Стоит обра-

тить внимание на действительное значение времени MD.FIRE.TimeStep, которое задает фиктивный шаг по времени для оптимизации FIRE. Значение по умолчанию: MD.LengthTimeStep.

## Закалка в молекулярной динамике

Этот метод основан на методе молекулярной динамики, но используются для структурной релаксации. Следует отметить, что входной параметр Zmatrix не совместим с молекулярной динамикой. Начальная геометрия может быть задана с помощью формата Zmatrix, но обобщенные координаты Zmatrix не будут обновлены. Отметим также, что критерии сходимости по силе и напряжению не влияют на условия прерывания этого метода. Расчет завершается после указанного количества шагов молекулярной динамики.

Выполнить закалку в молекулярной динамике позволяет логический параметр MD.Quench. В этом режиме каждый компонент скорости устанавливается в ноль, если он направлен против соответствующей компоненты силы. Параметр используется только если переменная MD.TypeOfRun paвна Verlet или ParrinelloRahman. Он несовместим с термостатом Hose. Этот режим позволяет проводить оптимизацию только координат атомов (при MD.TypeOfRun = Verlet) или координат атомов и формы ячейки (при MD.TypeOfRun = ParrinelloRahman). Значение по умолчанию: false.

#### Заданное механическое напряжение

Для оптимизации атомной структуры и расчетов молекулярной динамики при постоянном давлении полезно ознакомиться со следующими параметрами.

MD.TargetPressure (действительное значение давления). Заданное давление для метода Парринелло-Рамана, оптимизации расчетной ячейки и отжига. Используется только если параметр MD.TypeOfRun paвен ParrinelloRahman, NoseParrinelloRahman, CG, Broyden, FIRE (variable cell) или Anneal (если параметр MD.AnnealOption равен Pressure или TemperatureandPressure). Значение по умолчанию: 0.0 GPa.

MD. TargetStress (блок данных). Внешний тензор напряжений для оптимизации расчетной ячейки. Компоненты тензора напряжений приведены в строке в следующем порядке xx, yy, zz, xy, xz, yz. Единицы измерения как и у MD. TargetPressure, но с противоположным знаком. Например, одноосное напряжение сжатия 2 ГПа вдоль направления 100 задается командами

```
MD.TargetPressure 2. GPa
%block MD.TargetStress
-1.0 0.0 0.0 0.0 0.0 0.0
%endblock MD.TargetStress
```

Этот параметр используется только если параметр MD. ТуреOfRun равен CG, Broyden, или FIRE, а MD. VariableCell равен true. Значение по умолчанию: гидростатическое давление: -1., -1., -1., 0., 0., 0.

MD. RemoveIntramolecularPressure (логическая переменная). Если этот параметр равен true, то вклады в напряжение от внутренних степеней свободы молекул будут вычитаться из тензора напряжений, используемого в оптимизации расчетной ячейки. Это осуществляется приближенно с использованием вириальной формы напряжения, и предполагая, что средняя сила по молекуле представляет собой межмолекулярное напряжение. Значение по умолчанию: false.

#### Молекулярная динамика

В этом режиме программа перемещает атомы (и, возможно, базисные вектора) в соответствии с силами, используя классические уравнения движения. Следует отметить, что формат Z-матрицы не совместима с молекулярной динамикой. Начальная геометрия может быть задана с помощью формата Z-матрицы, но обобщенные координаты не обновляются.

Целочисленное значение MD. FinalTimeStep задает номер последнего шага моделирования молекулярной динамики. Значение по умолчанию: 1 (совпадает с номером первого шага моделирования).

Действительное значение MD.LengthTimeStep определяет шаг по времени для моделирования методом молекулярной динамики. Значение по умолчанию: 1.0 fs.

MD. InitialTemperature (действительное значение температуры или энергии). Начальная температура для моделирования методом молекулярной динамики. Атомам приписываются скорости в соответствии с распределением Максвелла для данной температуры. Скорость центра масс равна нулю. Эта переменная используется только если параметр MD. TypeOfRun paвeн Verlet, Nose, ParrinelloRahman, NoseParrinelloRahman или Anneal. Значение по умолчанию: 0.0 К.

MD.TargetTemperature (действительное значение температуры или энергии). Конечная температура для термостата Нозе и параметра отжига. Используется только если параметр MD.TypeOfRun paвeн Nose, NoseParrinelloRahman или Anneal (если параметр MD.AnnealOption paвeн Temperature или TemperatureandPressure). Значение по умолчанию: 0.0 К.

Обобщенная масса в подходе Нозе задается параметром MD. NoseMass

(действительное значение момента инерции), который определяет масштаб времени в методе Нозе. Используется только если параметр MD.TypeOfRun paben Nose или NoseParrinelloRahman. Значение по умолчанию: 100.0 Ry\*fs\*\*2.

MD. ParrinelloRahmanMass (действительное значение момента инерции). Обобщенная масса в методе Паринелло-Рамана. Этот параметр определяет временной масштаб динамики Паринелло-Рамана. Используется только если переменная MD. TypeOfRun равна ParrinelloRahman или NoseParrinelloRahman. Значение по умолчанию: 100.0 Ry\*fs\*\*2.

Строка MD. AnnealOption определяет тип отжига.

- Temperature (достичь заданную температуру посредством изменения скоростей);
- Pressure (достичь заданное давление путем изменения размера и формы расчетной ячейки);
- TemperatureandPressure (достичь заданные температуру и давление).

Этот параметр используется только если переменная MD. TypeOfRun равна Anneal. Значение по умолчанию: TemperatureAndPressure.

Действительное значение времени MD. TauRelax определяет время релаксации для достижения заданной температуры и (или) давления. Этот параметр является грубой оценкой необходимого времени для достижения заданных температуры и давления. Он используется только если параметр MD. TypeOfRun paвeн Anneal. Значение по умолчанию: 100.0 fs.

Действительное значение давления MD.BulkModulus задает модуль всестороннего сжатия. Параметр используется только если MD.TypeOfRun = Anneal при MD.AnnealOption = Pressure или TemperatureAndPressure. Значение по умолчанию: 100.0 Ry/Bohr\*\*3.

# 1.12. Упражнение 1

Рассмотрим входные файлы для запуска расчета оптимизации геометрии однослойных углеродных нанотрубок (3,3) и (5,0) (можно скачать по адресу http://physics.susu.ac.ru/courses/nanophys).

Входной файл УНТ (3,3)

```
SystemName
                         nanotube (3,3)
1
  SystemLabel
                         SWNT
2
  NumberOfAtoms
                         12
3
  NumberOfSpecies
                         1
4
5
  %block ChemicalSpeciesLabel
6
  1
       6
           С
7
  %endblock ChemicalSpeciesLabel
```

```
9
   PAO.BasisSize
                      DZP
10
                      0.05 eV
   PAO.EnergyShift
11
   MeshCutoff
                      150.0 Ry
12
13
   %block kgrid Monkhorst Pack
14
   1
      0 0
              0
15
          0
              0
   0
      1
16
               0
   0
      0
          1
17
   %endblock kgrid Monkhorst Pack
18
19
   SpinPolarized True
20
   SolutionMethod
                             diagon
21
   AtomicCoordinatesFormat
                                     NotScaledCartesianAng
22
23
   XC.functional=LDA
24
   XC.authors=CA
25
   ZM.UnitsLength = Ang
26
27
   %block Zmatrix
28
   cartesian
29
                    1.345688
       1.591966
                                 0.000000
                                            1
                                               1
                                                   1
   1
30
                                               1
                                                   1
   1
      -1.042261
                    1.805249
                                 0.000000
                                            1
31
                                               1
                                                   1
   1
      -1.961383
                    0.705839
                                 0.000000
                                            1
32
                                               1
                                                   1
   1
      -1.042261
                   -1.805249
                                 0.000000
                                            1
33
   1
       0.369417
                   -2.051527
                                 0.000000
                                            1
                                               1
                                                   1
34
   1
       2.084522
                   -0.000000
                                 0.000000
                                            1
                                               1
                                                   1
35
   1
       1.961383
                   -0.705839
                                 1.241014
                                            1
                                               1
                                                   1
36
       1.042261
                    1.805249
                                 1.241014
                                            1
                                               1
                                                   1
   1
37
   1
      -0.369417
                    2.051527
                                 1.241014
                                            1
                                               1
                                                   1
38
   1
      -2.084522
                    0.000000
                                 1.241014
                                            1
                                              1
                                                   1
39
      -1.591966
                                               1
                                                   1
   1
                   -1.345688
                                 1.241014
                                            1
40
   1
        1.042261
                   -1.805249
                                 1.241014
                                            1
                                               1
                                                   1
41
   %endblock Zmatrix
42
43
                             24.4 Ang
   LatticeConstant
44
45
   %block LatticeParameters
46
   1.0 1.0 0.1 90. 90. 90.
47
   %endblock$\;\;\;\;$ LatticeParameters
48
49
   MD.TypeOfRun
                             cg
50
   MD.NumCGsteps
                             360
51
   MD.MaxCGDispl
                             0.15 Ang
52
53
   MD.UseSaveXV
                             yes
54
   WriteCoorXmol
                             True
55
   WriteForces
                             True
56
   WriteMullikenPop
                             1
57
```

Входной файл УНТ (5,0)

```
SystemName
                          nanotube (5,0)
1
   SystemLabel
                          SWNT
2
   NumberOfAtoms
                          15
3
   NumberOfSpecies
                          1
4
5
   %block ChemicalSpeciesLabel
6
   1
       6
         С
7
   %endblock ChemicalSpeciesLabel
8
9
   PAO.BasisSize
                         DZP
10
   PAO.EnergyShift
                         0.05 eV
11
12
   MeshCutoff
                         150.0 Ry
13
14
   %block
            kgrid Monkhorst Pack
15
   1
      0
          0
               0
16
      1
          0
               0
   0
17
          1
               0
   0
      0
18
   %endblock kgrid_Monkhorst_Pack
19
20
   SpinPolarized True
21
   SolutionMethod
                           diagon
22
23
   AtomicCoordinatesFormat NotScaledCartesianAng
24
25
   XC.functional=LDA
26
   XC.authors=CA
27
   ZM.UnitsLength = Ang
28
29
   %block Zmatrix
30
   cartesian
31
        1.583736
                    1.150651
                                 0.000000
                                                    1
   1
                                             1
                                                1
32
                                                    1
   1
      -0.604933
                    1.861793
                                 0.000000
                                             1
                                                1
33
                                                    1
   1
      -1.957605
                    0.000000
                                 0.000000
                                             1
                                                1
34
                                                    1
   1
      -0.604933
                   -1.861793
                                 0.000000
                                                1
                                             1
35
   1
                                                1
                                                    1
       1.583736
                   -1.150651
                                 0.000000
                                             1
36
                                                1
                                                    1
   1
        0.604933
                    1.861793
                                 0.710500
                                             1
37
                                                1
                                                    1
      -1.583736
                    1.150651
                                             1
   1
                                 0.710500
38
                                                    1
   1
      -1.583736
                   -1.150651
                                 0.710500
                                             1
                                                1
39
   1
        0.604933
                   -1.861793
                                 0.710500
                                             1
                                                1
                                                    1
40
                                 0.710500
                                                1
                                                    1
   1
        1.957605
                   -0.000000
                                             1
41
                                                1
                                                    1
   1
        0.604933
                    1.861793
                                 2.131500
                                             1
42
      -1.583736
                    1.150651
                                 2.131500
                                                1
                                                    1
   1
                                             1
43
   1
      -1.583736 -1.150651
                                 2.131500
                                             1
                                                1
                                                   1
44
   1
        0.604933
                   -1.861793
                                 2.131500
                                                1
                                                    1
                                             1
45
   1
        1.957605
                   -0.000000
                                 2.131500
                                             1
                                                1
                                                    1
46
   %endblock Zmatrix
47
48
```

```
47
```

```
LatticeConstant
                            28.4 Ang
49
50
   %block LatticeParameters
51
   1.0 1.0 0.1 90. 90. 90.
52
   %endblock LatticeParameters
53
54
   MD.TypeOfRun
                               cq
55
   MD.NumCGsteps
                               360
56
   MD.MaxCGDispl
                               0.15 Ang
57
   MD.UseSaveXV
                               yes
58
59
   WriteCoorXmol
                               True
60
   WriteForces
                               True
61
   WriteMullikenPop
                               1
62
```

Значение подавляющего большинства параметров в этих файлах вам уже известны из этого пособия. Об остальных вы можете узнать из официального руководства пользователя пакета SIESTA. Полные ответы на представленные ниже задания должны содержать описание алгоритма выполнения, графики, таблицы и выводы.

Задание 1. Очевидно, что для моделей нанотрубок строго определен лишь параметр трансляции вдоль оси нанотрубки. Размер расчетной ячейки в двух других измерениях определяется конкретной задачей. Предположим, что мы хотим провести моделирование индивидуальной нанотрубки. В этом случае параметр трансляции вдоль осей x и y (ось z сонаправлена с осью нанотрубки) должен быть достаточно большим. Рост размера ячейки увеличивает время расчета. Подберите оптимальное соотношение параметров трансляции: при увеличении размера ячейки изменение энергия системы не должно превышать некоторого выбранного значения.

Задание 2. Варьируя переменную LatticeConstant, найдите равновесный параметр трансляции для фрагментов УНТ (3,3) и (5,0). Рассмотреть случай использования обменно-корреляционных функционалов СА и РВЕ.

Задание 3. Как изменяются результаты, полученные в задании 2, при увеличении или уменьшении переменной EnergyShift в 2 раза?

Задание 4. Как изменяются результаты, полученные в задании 2, при увеличении или уменьшении переменной MeshCutoff? Определите приемлемое значение параметра MeshCutoff.

Задание 5. Как зависят результаты задания 2 от выбора значения PAO.BasisSize (SZ, SZP, DZ, DZP, TZ, TZP)?

Задание 6. Варьируя параметры DM.NumberPulay и DM.MixingWeight, уставновите оптимальные значения этих переменных с точки зрения ско-

рости сходимости (рассмотрите любую из нанотрубок).

Задания 1-6 являются неполным списком вопросов, на которые исследователь должен ответить перед началом масштабных расчетов свойств определенной модели. Выбор оптимальных параметров может существенно сократить время работы и повысить достоверность результатов.

# 2. Расчет физико-химических свойств

# 2.1. Зонная структура

SIESTA может использовать два метода для определения электронной структуры системы. Одним из них является стандартная диагонализация, которая работает для всех систем и имеет кубическую зависимость сложности алгоритма от размера модели. Другой основан на минимизации функционала на наборе локализованных функций. Время расчета во втором случае линейно зависит от размера системы, но подходит он только для систем с четко разделенными занятыми и пустыми состояниями. Выбор метода расчета осуществляется инициализацией строковой переменной SolutionMethod. По умолчанию используется диагонализация (diagon). Для активации альтернативного метода нужно присвоить этой переменной значение OrderN. Расчет зонной структуры выполняется после завершения оптимизации геометрии. Результат записывается в файл SystemLabel.bands.

Строка BandLinesScale определяет масштаб k-векторов, заданных в BandLines и Band-Points. Возможные значения:

- рі/а: координаты k-векторов задаются в декартовой системе координат, в единицах π/a, где a постоянная решетки;
- ReciprocalLatticeVectors: *k*-вектора задаются в векторах обратного пространства.

Значение по умолчанию: pi/a. Необходимо явно определить параметр LatticeConstant в FDF файле.

Блок данных BandLines задает линии, вдоль которых рассчитываются энергии (обычно вдоль направлений высокой симметрии). Пример для решетки ГЦК:

%block BandLines

```
1 1.000 1.000 1.000 L \# Начало в точке L
20 0.000 0.000 0.000 \Gamma \# 20 точек от L до $\Gamma$
25 2.000 0.000 0.000 X \# 25 точек от $\Gamma$ до X
30 2.000 2.000 2.000 \Gamma \# 30 точек от X до $\Gamma$
%endblock BandLines,
```

где последняя колонка является необязательным LaTeX символом, используемым при построении зонной структуры. Если необходимы только данные точки (не линии), просто укажите 1 в первом столбце каждой строки. Первый столбец первой строки всегда должен быть равен 1.

Для расчета зонной структуры углеродных нанотрубок в соответствующем блоке нужно указать следующее.

## %block BandLines

```
1 0.000 0.000 \Gamma \# Начало в точке \Gamma
200 0.000 0.000 kmax Z \# 200 точек от \Gamma до Z
%endblock BandLines,
```

где вместо kmax для кресловидных УНТ нужно подставить  $\pi/a$ , а для зигзагообразных —  $\pi/(\sqrt{3}a)$ , a — параметр трансляции в направлении оси z.

Используйте этот блок только если SolutionMethod = diagon. k-точки этого блока не связаны с k-сетками, используемыми для расчета полной энергии и плотности заряда. Этот блок может быть переопределен блоком BandPoints (если присутствуют оба). Значение по умолчанию: не расчитывается.

Блок данных BandPoints позволяет рассчитывать энергию для списка произвольных k-точек. Единицы измерения k-точек определяются переменной BandLinesScale. Генерируется файл Systemlabel.bands, который содержит координаты k-точек (в a.е.) и соответствующие энергии (в эВ). Пример:

```
%block BandPoints
0.000 0.000 0.000
1.000 0.000 0.000
0.500 0.500 0.500
%endblock BandPoints
```

Значение по умолчанию: энергии не рассчитываются.

Логическая переменная WriteKbands определяет выводятся ли в основной выходной файл координаты k-векторов, используемых для построения зонной структуры. Эта переменная используется только если SolutionMethod = diagon. Значение по умолчанию: false.

Логическая переменная WriteBands определяет выводятся ли в основной выходной файл собственные значения Гамильтониана, соответствующие k-векторам. Эта переменная используется только если SolutionMethod = diagon. Значение по умолчанию: false.

# Пример. Расчет зонной структуры УНТ (3,3)

Приведем пример .fdf файла для расчета зонной структуры углеродной нанотрубки (3,3).

1	SystemName	nanotube	(3,3)
2	SystemLabel	SWNT	
3	NumberOfAtoms	12	

```
NumberOfSpecies
                         1
4
5
   %block ChemicalSpeciesLabel
6
    1
       6 C
7
   %endblock ChemicalSpeciesLabel
8
9
   PAO.BasisSize
                      DZP
10
   PAO.EnergyShift
                      0.05 eV
11
   MeshCutoff
                      300.0 Ry
12
13
   %block kgrid Monkhorst Pack
14
     16 0 0
                  0
15
        16
             0
                  0
     0
16
     0
             256
                  0
        0
17
   %endblock kgrid Monkhorst Pack
18
19
   AtomicCoordinatesFormat NotScaledCartesianAng
20
21
   XC.functional=LDA
22
   XC.authors=CA
23
   ZM.UnitsLength = Ang
24
25
   %block Zmatrix
26
   cartesian
27
     1 - 1.047296 - 1.824411
                                  0.009275
                                                1
                                                    1
                                             1
28
     1
       -1.977588
                      0.717694
                                  0.009293
                                             1
                                                1
                                                    1
29
     1
                                  0.009392
                                             1
                                                1
                                                    1
         1.610063
                      1.354002
30
                                                    1
     1
        -1.056152
                      1.819447
                                  0.009474
                                             1
                                                1
31
     1
         2.103792
                    0.005350
                                  0.009479
                                             1
                                                1
                                                    1
32
     1
         0.367179 -2.071354
                                  0.009506
                                             1
                                                1
                                                    1
33
     1
         1.977588 - 0.717714
                                  1.231710
                                            1
                                                1
                                                    1
34
                                                1
                                                    1
     1
         1.056160
                     -1.819432
                                  1.231760
                                             1
35
     1
       -0.367197
                      2.071367
                                  1.231857
                                             1
                                                1
                                                    1
36
                                                    1
     1
         1.047315
                      1.824412
                                  1.231857
                                             1
                                                1
37
                                                    1
     1
       -1.610057
                     -1.354016
                                  1.231890
                                             1
                                                1
38
        -2.103789 -0.005298
                                  1.231893
                                             1
                                                 1
                                                    1
     1
39
   %endblock Zmatrix
40
41
   LatticeConstant 2.44492076099
                                      Ang
42
43
   %block LatticeParameters
44
     10.0 10.0 1.0 90. 90. 90.
45
   %endblock LatticeParameters
46
47
48
   MD.TypeOfRun
                             cg
   MD.NumCGsteps
                             360
49
   MD.MaxCGDispl
                             0.15 Ang
50
   MD.MaxForceTol
                            0.04 eV/Ang
51
52
```

```
52
```

```
BandLineScale pi/a
53
54
   %block Bandlines
55
   1
       0.000 0.000 0.000 \Gamma
                                      #start at gamma
56
   200 0.000 0.000 8.000 X
                                      #200 k points to x
57
   %endblock BandLines
58
59
  WriteBands
                    true
60
```

Для обработки файла System-label.bands и построения зонной структуры предназначена входящая в дистрибутив пакета SIESTA утилита Gnubands (находится в папке Util/). Эта утилита может быть скомпилирована командой

gfortran -o gnubands gnubands.f

Если при расчете пакет SIESTA сгенерировал файл SystemLabel.bands, то подготовить его к построению зонной структуры можно командой gnubands < SystemLabel.bands > SystemLabel.bands.gnuplot.dat,

где имя второго файла может быть произвольным. При выполнении последней программы может появиться ошибка «STOP Dimensions in gnubands too small». В этом случае необходимо увеличить параметр maxb в начале файла gnubands.f, перекомпилировать утилиту и попробовать запустить команду еще раз.

График зонной структуры можно построить программой gnuplot (можно скачать по адресу http://www.gnuplot.info/). Для этого нужно выполнить следующие команды.

- Переходим в папку с данными gnuplot> cd 'path';
- выполняем построение gnuplot> plot 'SWNT33gnu.bands' using 1:2 with lines;
- выбираем диапазоны по осям х

gnuplot> set xrange [0:0.68];

• иу

```
gnuplot> set yrange [-10:0];
```

• и перестраиваем график

gnuplot> replot.

Для удобства использования результатов в публикациях зонную структуру обычно выводить в файл формата \*.eps или \*.png. Приведем короткий скрипт gnuplot, упрощающий эту процедуру.

```
set terminal pngcairo size 10cm,16cm enhanced font 'Verdana,10'
set output 'bandideal33.png'
set title 'Band structure'
```

```
set title 'Band structure'
```

Band structure



Рис. 2.1.: Зонная структура углеродной нанотрубки (3,3)

```
set noxzeroaxis
4
   set tics out
5
   set noxtics
6
   set nokey
7
   set yrange[ -10.00: -0.00]
8
   set xrange[ 0.0000: 0.68]
9
   set ylabel ' Energy (eV)'
10
   set xtics ( '{/Symbol G}' 0.00,' Z ' 0.68)
11
   set multiplot
12
   plot 'SWNT33gnu.bands' with lines lw 3
13
   plot -4.4803 lt 3
14
   set nomultiplot
15
   unset output
16
```

На рис. 2.1 приведен результат выполнения этого скрипта.

# 2.2. Плотность электронных состояний

## Полная плотность состояний

Плотностью электроннных состояний (DOS) называется число разрешенных состояний электронов в единичном интервале энергий. Единицы измерения DOS: число состояний / эВ. DOS ( $g(\varepsilon)$ ) нормируется следующим образом:

 $\int\limits_{-\infty}^{+\infty}g(\varepsilon)d\varepsilon=$ количество базисных орбиталей в расчетной ячейке.

Расчет полной плотности состояний можно провести несколькими способами:

- Собственные значения гамильтона для самосогласованного решения могут быть сохранены в файл SystemLabel.EIG в формате, аналогичном SystemLabel.bands, но без информации о kmin, kmax, emin, emax. Для дальнейшей обработки и получения плотности состояний может быть использована утилита Eig2dos (размещена в каталоге Util/). Если логическая переменная WriteEigenvalues равна true, собственные значения гамильтониана записываются в главный выходной файл. Если она равна false, эта информация записывается в файл Systemlabel.EIG. Эта опция может быть использована только если переменная SolutionMethod равна diagon. По умолчанию переменная WriteEigenvalues равна false.
- В качестве побочного продукта при расчете парциальной плотности состояний.
- В качестве одного из файлов, генерируемых утилитой Util/ COOP/ тргор во время анализа электронной структуры. Этот метод позволяет указывать диапазон энергий и разрешение, без повторного запуска SIESTA.

## Парциальная плотность остояний

Существует два варианта получения парциальной плотности состояний: плотности состояний, относящейся к определенному атому или группе атомов.

- Используя приведенные ниже опции.
- Используя утилиту Util/COOP/mprop для анализа электронной структуры в режиме PDOS. Этот метод позволяет задавать диапазон энергий, орбитали и разрешение без перезапуска расчета SIESTA.

Блок ProjectedDensityOfStates позволяет записать полную плотность состояний (DOS) и парциальную плотности состояний (PDOS) в заданном интервале энергий в файлы SystemLabel.DOS и SystemLabel.PDOS, соответственно. В блоке должна быть одна строка с энергиями диапазона для PDOS (по отношению к программному нулю), ширина пика (энергия) для уширения собственных значений, число точек, единицы измерения энергии. Пример:

```
%block ProjectedDensityOfStates
-20.00 10.00 0.200 500 eV
%endblock ProjectedDensityOfStates
```

По умолчанию PDOS создается для той же сетки точек в обратном пространстве, которая используется для самосогласованного расчета. Тем не менее, отдельный набор k—точек, может быть получен с помощью одного из вариантов: PDOS.kgrid\_cutoff или PDOS.kgrid\_Monkhorst\_Pack. Формат этих опций точно такой же, как у kgrid\_Cutoff и kgrid\_Monkhorst\_Pack, соответственно. Две энергии диа-пазона должны быть упорядочены по возрастанию. DOS записывается в файл под названием SystemLabel.DOS. Формат этого файла: значение энергии, DOS (спин вверх), DOS (спин вниз).

Парциальная плотность состояний для всех орбиталей в элементарной ячейке записывается последовательно в файл с именем SystemLabel.PDOS. Этот файл структурирован с использованием пробелов и XML тегов. Также создается машиночитаемый (но не очень удобный для восприятия человеком) XML файл pdos.xml. Оба они могут быть обработаны с помощью программы в Util/pdosxml. Файл .PDOS может быть обработан утилитой, написанной Андреем Постниковым<sup>1</sup>. Последняя утилита является более удобной, так как не требует повторной компиляции для вывода парциальной плотности состояний для других атомов или состояний электронов. Ниже приведена последовательность действий при работе этими утилитами.

# Утилита fmpdos

Утилита скачивается в виде одного файла с исходным кодом на языке fortran. Она может быть откомпилирована, например, с помощью gfortran командой

```
gfortran fmpdos.f -o fmpdos.
```

При запуске программа запрашивается имя файла с парциальной плотностью состояний, находящегося в папке с исполняемым файлом. Ука-

<sup>&</sup>lt;sup>1</sup>Исходный код программы свободно доступен и находится по адресу http://www.home.uniosnabrueck.de/apostnik/download.html.

зывается выходной файл. После этого указываются атомы, для которых выводится плотность состояний. Можно указать номер атома (или все атомы) или определенный тип химического элемента. После этого указывается главное квантовое число.

```
./fmpdos
Input file name (PDOS):
C168.PDOS
Output file name :
out
Extract data for atom index (enter atom NUMBER, or 0 to select all),
or for all atoms of given species (enter its chemical LABEL):
0
Extract data for n= ... (0 for all n ):
0
```

## Локальная плотность состояний

Локальная плотность состояний (LDOS) — это DOS, взвешенная по амплитуде соответствующих волновых функций, в различных точках пространства — функция энергии и положения. SIESTA может выводить LDOS проинтегрированную в некотором диапазоне энергий. Эта информация может быть использована для получения простых изображений STM в приближении Terso-Hamann (см. Util/STM/simple-stm).

Блок LocalDensityOfStates позволяет записать LDOS, проинтегрированную между двумя заданными энергиями на сетке, используемой DHSCF, в файл SystemLabel.LDOS. Блок должен состоять из одной строки с энергиями диапазона интегрирования LDOS (по отношению к программному нулю) и их единиц измерения. Примером может служить: %block LocalDensityOfStates -3.50 0.00 eV

%endblock LocalDensityOfStates.

Значение по умолчанию: LDOS не расчитывается и не записывается.

# Пример. Локальная плотность электронных состояний молекулы этана

Рассмотрим молекулу этана (C2H6). В качестве стартовой конфигурации можно взять следующую.

```
NumberOfAtoms
                         8
1
  NumberOfSpecies
                         2
2
3
  %block ChemicalSpeciesLabel
4
     1 H
  1
5
  2
      6
         С
6
```

```
%endblock ChemicalSpeciesLabel
7
8
   ZM.UnitsLength = Ang
9
10
   %block Zmatrix
11
   cartesian
12
   2
                                             1
                                                 1
      -0.588625 -0.483116
                               0.000000
                                          1
13
                                                 1
   2
       0.588625
                  0.483116
                               0.000000
                                          1
                                             1
14
      -0.219340
                                                 1
   1
                  -1.533068
                               0.000000
                                          1
                                             1
15
   1
     -1.215419 -0.319453 -0.905047
                                             1
                                                 1
                                          1
16
   1 - 1.215419 - 0.319453
                               0.905047
                                          1
                                             1
                                                 1
17
                                            1
                                                 1
   1
       0.219340
                   1.533068
                               0.000000
                                          1
18
                              -0.905047
                                             1
                                                 1
   1
       1.215419
                   0.319453
                                          1
19
   1
       1.215419
                   0.319453
                               0.905047
                                          1
                                             1
                                                 1
20
   %endblock Zmatrix
21
   #Поскольку мы хотим рассмотреть изолированную молекулу,
22
   #то параметры трансляции вдоль осей координат должны быть
23
   #такими большими, чтобы взаимодействие <<соседних>> молекул
24
   #не оказывало влияния на результат.
25
   LatticeConstant
                           5.00 Ang
26
   %block LatticeParameters
27
   1.0 1.0 1.0 90. 90. 90.
28
   %endblock LatticeParameters
29
```

После окончания расчета запустим утилиту rho2xsf. Укажем Specify SystemLabel (or 'siesta' if none): C112

Now define the grid cell for your XCrysDen plot.

Note that it can be arbitrarily chosen with respect to the Siesta simulation cell, and it needs not to be orthogonal. We'll define it by the origin point and three spanning vectors. They can be given in Bohr or Ang.

Would you use Bohr (B) or Ang (A)? A

Enter origin point in Ang : -2.5 -2.5 -2.5

Enter 1st spanning vector in Ang : 5 0 0

Enter 2nd spanning vector in Ang : 0 5 0

Enter 3rd spanning vector in Ang : 0 0 5

The box contains 8 atoms.

Now define the grid. If you want it two-dimensional,

give 1 as number of grid points along one spanning vector.

Enter number of grid points along three vectors: 100 100 100

Add grid property (LDOS, RHO, ...; or BYE if none): LDOS

Found and opened: C112.LDOS

mesh0 = (40 40 40), nspin= 1

For is=1: max. grid value = 0.00000E+00 at iix,iiy,iiz= 1 1 1 For is=1: min. grid value = 0.00000E+00 at iix,iiy,iiz= 1 1 1

Add grid property (LDOS, RHO, ...; or BYE if none): BYE

A wild guess! There is no file C112.BYE; close XSF and quit.

Результат работы программы можно визуализировать с помощью XCrysden (см. раздел 3.3).

# 2.3. Оптические свойства

Диэлектрическая проницаемость материала ( $\varepsilon$ ) описывает поляризацию (электрическую поляризуемость) и абсорбционные свойства материала в зависимости от частоты приложенного электрического поля. Диэлектрическая проницаемость состоит из двух частей:  $\varepsilon_1$  и  $\varepsilon_2$ . Величина  $\varepsilon_1$  показывает, насколько сильно поляризуется материал в электрическом поле, а  $\varepsilon_2$  характеризует поглощение энергии внешнего поля.

Комплексная диэлектрическая проницаемость вводится следующим образом:

$$\varepsilon(\lambda) = \varepsilon_1(\lambda) + i\varepsilon_2(\lambda).$$

 $\varepsilon_1$  и  $\varepsilon_2$  связаны друг с другом соотношением Крамерса–Кронига — интегральной связью между действительной и мнимой частями любой комплексной функции, аналитичной в верхней полуплоскости. Согласно ему, для комплексной функции  $\chi(\omega) = \chi_1(\omega) + i\chi_2(\omega)$  комплексной переменной  $\omega$ , аналитичной в верхней полуплоскости  $\omega$  и стремящейся к нулю при  $|\omega| \to \infty$ , соотношения Крамерса – Кронига записываются следующим образом:

$$\chi_1(\omega) = \frac{1}{\pi} \int_{-\infty}^{\infty} \frac{\chi_2(\omega')}{\omega' - \omega} \, d\omega'$$

И

$$\chi_2(\omega) = -\frac{1}{\pi} \int_{-\infty}^{\infty} \frac{\chi_1(\omega')}{\omega' - \omega} \, d\omega',$$

где интегралы берутся в смысле главного значения (по Коши). Видно, что  $\chi_1(\omega)$  и  $\chi_2(\omega)$  не являются независимыми, а значит, полная функция может быть восстановлена, если задана только её действительная или мнимая часть.

Если во входном файле SIESTA логической переменной OpticalCalculation присвоено значение true, мнимая часть диэлектрической функции будет сохранена в файл с названием Systemlabel.EPSIMG. Расчет выполняется с помощью простейшего подхода, основанного на дипольных матричных элементах перехода между различными собственными функциями самосогласованного Гамильтониана. Для молекул расчеты производятся с использованием матричных элементов в координатном представлении, а для твердых тел расчет осуществляется в импульсном пространстве. По умолчанию диэлектрическая функция не расчитывается (переменная OpticalCalculation paвна false).

Диапазон энергии, в котором расчитывается  $\varepsilon$  можно задать двумя действительными значениями энергии: Optical.EnergyMinimum и Optical.EnergyMaximum. Эти параметры имеют значения по умолчанию 0 Ry и 10 Ry, соответственно.

Действительная величина Optical.Broaden задает гауссово уширение, применяемое к расчитанным свойствам. Значение по умолчанию: 0 Ry.

Для учета переоценки ширины запрещенной зоны в методе DFT, может быть применен сдвиг незаполненных состояний, известный как scissor operator. Величина сдвига задется параметром Optical.Scissor. Этот сдвиг применяется только к оптической части расчета. Значение по умолчанию: 0 Ry.

Целочисленное значение Optical.NumberOfBands задает количество полос (band), которые включены в расчет оптических свойств. Очевидно, что оно должно быть больше, чем число занятых полос и не должно превышать количество базисных функций (которые определяют количество доступных незаполненных зон). Хотя включение в расчет всех полос позволит получить наиболее точные результаты, это увеличит длительность вычислений. Значение по умолчанию: все полосы.

Блок данных Optical.Mesh содержит 3 числа, определяющие размер сетки, использующейся для интегрирования по зоне Бриллюэна. Например:

```
%block Optical.Mesh
5 5 5
%endblock Optical.Mesh.
```

Эти три значения представляют собой число точек сетки в направлении каждого вектора обратной решетки. Значение по умолчанию: предполагается наличие только одной k-точки.

Если логическая переменная Optical.OffsetMesh равна true, то сетка смещена от гамма точки для нечетного числа точек. Значение по умолчанию: false.

Строка Optical.PolarizationType позволяет выбрать один из трех вариантов поляризации воздействующего поля:

- polarized: предполагает использование электрического поля в заданном направлении;
- unpolarized: предполагает распространение света в заданном направ-

лении;

• polycrystal.

Значение по умолчанию: polycrystal.

Блок данных Optical.Vector содержит 3 числа, определяющие направление вектора электрического поля, либо распространения света, для поляризованного (polarized) и неполяризованного (unpolarized) расчетов, соответственно. Пример:

```
%block Optical.Vector
1.0 0.0 0.5
%endblock Optical.Vector.
```

Значение по умолчанию: Empty.

## Обработка результатов

В директории utils/optical содержатся две программы (*input.f* и *optical.f*) для расчета различных оптических свойств. Обе эти программы могут быть скомпилированы, например, командами

```
f77 -o input input.f
f77 -o optical optical.f
```

Для их работы необходим файл *Systemlabel.EPSIMG*, который генерируется пакетом SIESTA. Этот файл содержит мнимую часть диэлектрической проницаемости (см. стр. 59) в диапазоне энергий, определенном во входном файле SIESTA.

Первая программа создает входной файл для программы *optical*. На вход программе нужно подать файл *Systemlabel*.*EPSIMG*. Для этого достаточно запустить

input < Systemlabel.EPSIMG</pre>

Программа создаст файл *e2.dat*, если расчет не спинполяризованный, или два файла (*e2.dat.spin1* и *e2.dat.spin2*) для спинполяризованного случая.

Если правило *F*-суммы (см. стр. 62) не выполняется на величину, большую, чем определенный процент, указанный в программе с помощью параметра THRESHOLD, мнимая часть диэлектрической проницаемости будет дополнена хвостом в форме

```
\frac{C}{w^p},
```

где C и p подобраны так, чтобы обеспечить непрерывность и выполнение правила сумм. Это не очень достоверный метод, и в некоторых случаях может приводить к неверным результатам. Эта корректировка может быть деактивирована путем установки THRESHOLD равным нулю.

Программа *optical* считывает файл с названием *e2.dat*, содержащий мнимую часть диэлектрической проницаемости, и создает файлы *e1.interband.out* (содержит действительную часть диэлектрической проницаемости), *e2.interband.out* (мнимая часть, вычисленная по данным в файле *e1.interband.out*; служит проверкой качества преобразования Крамерса–Кронига).

Для металлов необходимо также учесть вклад Друде (связан с внутризонными переходами) в виде

$$\frac{\omega_p^2}{\omega(\omega+i\gamma)},$$

где  $\omega_p^2$  рассчитывается SIESTA и содержится в начале файла *Systemlabel.EPSIMG*;  $\gamma$  — эмпирический параметр, обратное время релаксации.

Также создаются файлы:

- *epsilon\_real.out* действительная часть диэлектрической проницаемости;
- epsilon\_img.out мнимая часть диэлектрической проницаемости;
- *refrac\_index.out* показатель преломления;
- *absorp\_index.out* коэффициент ослабления (extinction coefficient);
- *absorp\_coef.out* коэффициент поглощения в см<sup>-1</sup>;
- *reflectance.out* отражательная способность;
- *conductivity.out* оптическая проводимость в  $(OM \cdot M)^{-1}$ .

## Правило *F*-сумм

Правилом *F*-сумм (правилом Thomas-Reiche-Kuhn) для электрона с гамильтонианом

$$\hat{H} = \frac{\hat{\vec{p}^2}}{2m_e} + V(\vec{r})$$

называется следующее выражение:

$$\sum_{k} (E_k - E_0) \left| \left\langle 0 \left| \vec{r} \right| k \right\rangle \right|^2 = \frac{3\hbar}{2m_e},$$

где  $\langle 0|$  — основное состояние,  $|k\rangle$  — состояние с номером k.

#### Электропроводность конденсированных сред

На электропроводность в конденсированных средах часто оказывают влияние различные механизмы рассеяния электронов, которые сложно описать в рамках теории функционала электронной плотности. Для

металлов наибольший вклад в электропроводность вносит подвижность почти свободных электронов, находящихся на поверхности Ферми, которая, в свою очередь, зависит от межзонных электронных возбуждений (оптических переходов). В идеальном случае, электропроводность при постоянном токе равна мнимой части диэлектрической проницаемости  $\varepsilon_2(\omega)$ , взятой в пределе  $\omega \to 0$ . Этот формализм называется формализмом Кубо-Гринвуда [25, 26]. Существуют несколько граничных случаев, в которых этот формализм дает весьма точные результаты. Во-первых, это идеально чистые металлы при очень низких температурах — системы, в которых наличие других механизмов рассеяния, кроме чисто электронных возбуждений, является пренебрежимо малым. Во-вторых, это случай жидкого или газообразного металла, в котором структурный беспорядок является основной причиной рассеяния электронов, позволяя нам не принимать во внимание другие механизмы рассеяния, такие, как фононы или примесные атомы. К настоящему времени проведено много исследований, которые показывают, что при повышении температуры повышается точность первопринципного расчета электропроводности системы.

# 2.4. Теория Ландауэра - Буттикера

Прозрачную квантовомеханическая формулировка электронного транспорта в небольших проводниках была впервые предложена в 1957 году Ландауэром (работа переиздана в 1996 году [27]), который предложил простую формулу, которая установила связь между вероятностью передачи электрона и электронной проводимостью в одномерных структурах. Идея Ландауэра был позднее обобщена Буттикером [28] на случай многоканальных-мультиконтактных (multi-channel-multi-probe) устройств. С тех пор большинство теоретических работ по электронной проводимости в нано-масштабе были основаны на этом формализме (см. [29] и ссылки в ней).

Если приложить разность потенциалов U к металлическому или полупроводниковому объекту, электроны в окрестности уровня Ферми приобретут ускорение. Во время движения электроны рассеиваются на примесях или колебаниях решетки (фононах), и, если рассеяние является неупругим, то они могут потерять часть приобретенного ими импульса. В результате, если материал достаточно длинный, то процесс ускорения и рассеяния повторяется и несет электроны в направлении электрического поля, создавая дрейфовый ток I. Уравнение, которое описывает эту ситуацию, является хорошо известным законом Ома: U = RI, где R есть сопротивление, вызванное рассеянием, которое пропорционально длине устройства.

При расмотрении очень малых устройств можно предположить, что рассеяния на примесях не происходит. Точнее, длина свободного пробега электрона (10-50 нм для металлических макроскопических тел при комнатной температуре [30]) больше либо соизмерима с длиной устройства. Электроны могут проникать через образец без рассеяния, и электрическое сопротивление перестает зависеть от длины материала. Этот тип проводимости называется баллистическим транспортом электронов.

Простейшей моделью квантовой проводимости является модель в терминах одноэлектронных волновых функций рассеянных на пространственно зависящем потенциале. Можно предположить, что потенциал находится между двух резервуаров электронов, каждый из которых испускает частицы с равновесным распределением в область рассеяния через идеально проводящие электроды. Резервуары, в общем случае, имеют разные химические потенциалы,  $\mu_L$  и  $\mu_R$ , их разность,  $\mu_L - \mu_R$ , описывает приложенную разность потенциалов. Электрический ток, проходящий через устройство, соответствует потоку электронов, проходящих между резервуарами.

В простейшем случае, электроны движутся когерентно по всему

устройству, испытывая только упругие столкновения в области рассеяния. Любая потеря когерентности в результате неупругих столкновений требует описания на более сложном уровне. Для дополнительного упрощения будем считать, что резервуары электронов имеют определенные характеристики: (I) резервуары безотражательные, т.е. электроны, входящих в резервуар от электродов всегда принимаются, и (II) резервуары макроскопические в том смысле, что химические потенциалы поддерживаются на уровне  $\mu_L$  и  $\mu_R$  независящем от входа и выхода электронов через электроды. Два предположения подразумевают, что резервуары могут быть описаны независимым равновесным распределением Ферми-Дирака, так что вероятность того, что электрон обладает энергией Е имеет вид функции Ферми

$$f(E - \mu) = \frac{1}{\exp^{(E - \mu)/k_B T}},$$
(2.1)

где  $k_B$  - постоянная Больцмана, T - температура,  $\mu$  - химический потенциал резервуара.

Предположим теперь, что электрон с энергией  $\mu_R < E < \mu_L$  оказывается на левом электроде. Этот электрон, описывается бегущей в правом направлении волной Блоха в одной из мод левого электрода. Обозначим 1D волновое число, энергию и групповую скорость этой моды через  $k, E_k$ , и  $V_k = \frac{1}{h} \frac{dE_k}{dk} > 0$ , соответственно. Когда электрон попадает в центральную область модели Ландауэра, он подвергается упругому рассеянию и с некоторой вероятностью  $T_k$  передается в правый электрод. Затем он проходит через правый электрод и, наконец, входит в правый резервуар. Если он не передается в правый электрод, он отражается обратно в левый электрод с вероятностью  $R_k$  ( $T_k + R_k = 1$ ) и в конечном итоге возвращается в левый резервуар. Ток электронов в соответствии с такой последовательностью событий дается первым слагаемым в формуле

$$I = \frac{e}{L} \sum_{k} f(E_k - \mu_L) V_k T_k + \frac{e}{L} \sum_{-k'} f(E_{-k'} - \mu_R) V_{-k'} T_{-k'}, \qquad (2.2)$$

где  $\frac{e}{L}$  вводится для нормироаки в 1D объеме L. Второе слагаемое соответствует обратное ситуации, когда электроны с волновым числом -k' проходят от правого резервуара по направлению к левому ( $V_{-k'} < 0$ ).

Чтобы прийти к формуле 2.2 мы рассматривали вероятности передачи  $T_{\pm}$  электронов с конкретными волновыми векторами  $\pm k$ . Таким образом, суммарные коэффициенты передачи для определенной энергии электронов E, могут быть выражены как

$$T \pm (E) = \sum_{\pm k} T_{\pm k} \delta(E_k - E),$$

для движущихся влево (-) и вправо (+) соответственно, а  $\delta$  - дельтафункция Дирака. Как следствие наличия симметрии относительно обращения времени эти коэффициенты должны быть одинаковыми:  $T^{-}(E) = T^{+}(E) = T(E)$ . Тогда уравнение 2.2 можно переписать в виде интеграла по энергии, преобразуя сумму в интеграл, то есть,  $\sum_{k} \rightarrow 2 \cdot \frac{L}{2\pi} \int dk$ , где множитель 2 учитывает спиновое вырождение, и после применения  $dk = 2\pi dE_k/hV_k$  получим формулу

$$I = \frac{2e}{h} \int_{-\infty}^{\infty} T(E) [f(E_k - \mu) - f(E - \mu_R)] dE,$$
 (2.3)

которая является ключевой в теории Ландауэра-Буттикера.

Давайте теперь посмотрим, что происходит при нулевой температуре в рамках изложенного выше формализма. Отметим, что в этом пределе функция Ферми в уравнении 2.1 становится ступенчатой функцией. Если мы также предполагаем, что разность  $\mu_R - \mu_L$  настолько мала, что  $T(E) \rightarrow T(E_F)$  не зависит от E, то уравнение 2.3 может быть замененно

$$I = \frac{2e}{h}T(E_F)\int_{\mu_R}^{\mu_L} dE = \frac{2e}{h}T(E_F)(\mu_L - \mu_R),$$
 (2.4)

для случая  $\mu_R < \mu_L$ .

Так как разность потенциалов между двумя электродами составляет  $V_b = (\mu_R - \mu_L)/e$ , мы приходим к следующему выражению для проводимости

$$G = \frac{I}{V_b} = \frac{2e^2}{h}T(E_F),$$
(2.5)

которое согласуется с формулой Ландауэра 1957 года [27].

Формула 2.5 предполагает, что максимальная проводимость одного канала с двумя спиновыми состояниями равна  $G_0 = \frac{I}{V_b} = \frac{2e^2}{h}T(E_F)$ , в случае баллистической проводимости (T = 1). В общем случае проводимость канала отличается от  $G_0$  так как  $T \neq 1$ . Полная проводимость G является суммой вкладов всех возможных каналов, вклад каждого из которых меньше или равен  $G_0$ .

# 2.5. TranSIESTA

TranSIESTA — это метод расчета электронной структуры открытых систем, образованных конечной подсистемой, зажатой между двумя бесконечными проводящими контактами (метод подробно описан в [31]). Расчеты по методу TranSIESTA включают вычисление электронной плотности по DFT гамильтониану с использованием методов функций Грина, вместо обычной процедуры диагонализации. Расчет транспортных свойств включает вычисление характеристик электродов и области рассеяния (исследуемый объект + электроды). При расчете электродов SIESTA генерирует файлы <SystemLabel>.TSHS, расположение которых необходимо указывать в fdf файле при расчете области рассеяния.

Расчет TranSIESTA для области рассеяния начинается с обычной процедуры SIESTA, генерирующей матрицу плотности (DM) с использованием обычной схемы Кона-Шэма для периодических систем. Это решение используется в качестве первоначального для самосогласованного цикла метода функций Грина. SIESTA хранит матрицу плотности в файле с расширением .DM. В случае расчета TranSIESTA матрица плотности записывается в файл с именем <SystemLabel>.TSDE. При повторном запуске расчета информация из файла .TSDE принимается в качестве начального приближения матрицы плотности. В этом случае не выполняется начальный запуск процедуры SIESTA. При увеличении приложенной к области рассеяния разности потенциалов, хорошей практикой является использование файла .TSDE, полученного при меньшем напряжении. Важно отметить, что файл <SystemLabel>.TSDE имеет тот же формат, что и <SystemLabel>.DM (с дополнительной информацией о концах модели). Таким образом, можно, например, использовать DENCHAR (см. стр. 97) для анализа неравновесной плотности заряда.

Результатом расчета TranSIESTA, как и расчета SIESTA, является равновесная матрица плотности. Транспортные свойства вычисляют с помощью программы tbtrans (расположена в каталоге Util/TBTrans). Эта программа на основании информации из файлов .TSHS для области рассеяния и электродов позволяет расчитать спектр пропускания и ток. Входным файлом для программы tbtrans, как правило, служит .fdf файл, использовавшийся для расчетов TranSIESTA, с дополнительными опциями tbtrans.

Код TranSIESTA предполагает, что первые атомы, указанные в файле .fdf, соответствуют левому электроду, а последние — к правому. Направлением протекания тока считается ось z. Атомы левого электрода должны иметь z компоненты координаты меньше, чем атомы правого электрода. Электроды не должны находиться в области протекания тока (по z компонентам координат атомов). Также важно учитывать, что атомные позиции электродов в .fdf файле должны быть получены трансляцией атомных структур, использованных для расчета свойств электродов. Кроме того, можно использовать буферные атомы. Эта возможность полезна при моделировании с различными левым и правым электродами. В этом случае TranSIESTA не будет учитывать буферные атомы, которые используются только для начального расчета SIESTA для получения более совершенного контакта электродов. Количество буферных атомов определяется параметрами TS.BufferAtomsLeft (значение по умолчанию: 0) и TS.BufferAtomsRight (значение по умолчанию: 0). Целочисленный параметр TS.BufferAtomsLeft задает число атомов, которые не учитываются при расчете TranSIESTA (начиная с первого). Целочисленный параметр TS.BufferAtomsRight задает число атомов, которые не учитываются при расчете TranSIESTA (начиная с последнего).

При расчете TranSIESTA предполагается наличие периодических граничных условий в х и у направлениях. Разбиение k-пространства в двух направлениях должно быть таким же, как при расчете электродов. В противном случае расчет будет прерван с ошибкой. На практике это означает, что первая и вторая строка в блоке kgrid\_Monkhorst в этих расчетах должны совпадать. При расчете tbtrans так же необходимо указывать разбиение обратного пространства с использованием блока kgrid\_Monkhorst или TBT\_kgrid\_Monkhorst\_Pack (предпочтительно). Причем, это разбиение может отличаться от указанного при расчете TranSIESTA. Дело в том, что сходимость функции пропускания относительно разбиения обратного пространства.

Электродами могут служить поверхности, нанопроволоки, нанотрубки или даже атомные цепочки. Размер элементарной ячейки вдоль оси z должен быть достаточно большим, чтобы орбитали в пределах элементарной ячейки взаимодействовали только с одной ближайшей ячейкой (размер элементарной ячейки может быть оценен пространственным размером орбитальных базисных функций). TranSiesta будет предупреждать, если это требование не соблюдается.

Приведенные ниже опции используются только для расчета области рассеяния при помощи пакета TranSIESTA. Строковый параметр SolutionMethod должен быть установлен равным «transiesta». Логическая переменная TS.SaveHS указывает, необходимо ли сохранять Гамильтониан в файл с расширением .TSHS. Она должна равняться true при расчете Гамильтониана электродов (значение по умолчанию). Эта переменная так же должна равняться true, если планируется дальнейший анализ результатов программой tbtrans. Обычно в цикле самосогласования матрицы плотности предшествующих итераций используются для расчета стартовой матрицы плотности для последующей итерации. Если логический параметр тз.міхн равен true (значение по умолчанию false), вместо указанного выше приема, проводится построение Гамильтониана на основе Гамильтонианов предыдущих итераций. Это может улучшить сходимость. Если логическая переменная тз.UpdateDMCROnly равна true (значение по умолчанию), в ходе цикла самосогласования TranSIESTA (функции Грина) обновляются только элементы матрицы плотности контакта. Функции Грина электродов зависят от атомной структуры и приложенной разности потенциалов. Если логическая переменная тз.CalcGF равна false (значение по умолчанию true), в качестве начального приближения будут использоваться функции Грина, полученные ранее (файлы .GF).

Для указания расположения файлов с данными об электродах и числе атомов в них существуют следующие шесть переменных. Строковая переменная TS.HSFileLeft (TS.HSFileRight) задает имя выходного файла .TSHS, полученного при расчете свойств левого (правого) электрода (значение по умолчанию отсутствует). Строковая переменная TS.GFFileLeft (TS.GFFileRight) задает имя .GF файла левого (правого) электрода. Если этот файл не будет найден, он будет создан. Значение по умоланию Left.GF (Right.GF). Число атомов, учитываемых в левом (правом) электроде, задается целочисленным параметром TS.NumUsedAtomsLeft (TS.NumUsedAtomsRight). Оно должно быть меньше или равно (значение по умолчанию) числу атомов в элементарной ячейке левого (правого) электрода. В первом случае, учитываются последние TS.NumUsedAtomsLeft (TS.NumUsedAtomsRight) атомов, а атомы в электроде должны быть упорядочены по возрастанию z-координаты.

Для расчета матрицы плотности D в методе TranSIESTA необходимо вычислить интеграл

$$D = \frac{1}{2\pi i} \int_{-\infty}^{\infty} G(\varepsilon) d\varepsilon,$$

где G — функция Грина (см. [31]). Из теории функций комплексного переменного известно, что такой интеграл несобственный интеграл можно вычислить, понимая его как часть интеграла по замкнутому контуру, состоящему из отрезка [-R,R] в пределе R, стремящегося к бесконечности, и дуги окружности (см. рис. 2.2). Перечислим параметры входного файла TranSIESTA, характеризующие этот контур.

Параметр TS.ComplexContour.Emin задает положение нижней границы контура. Она должна лежать ниже энергии основного состояния модели (значение по умолчанию: -3.0 Ry). Число точек интегрирования на дуге окружности (от TS.ComplexContour.Emin до  $E_F = 0$ ) задается параметром TS.ComplexContour.NumCircle (значение по умолчанию: 24). Количество



Рис. 2.2.: К пояснению схемы интегрирования

точек на линейной части контура задается целочисленным параметром TS.ComplexContour.NumLine (значение по умолчанию: 6). Целочисленный параметр TS.ComplexContour.NumPoles определяет количество полюсов (ближайшие к энергии Ферми полюса показаны закрашенными кругами на рис. 2.2), охватываемых контуром (значение по умолчанию: 6).

## Утилита tbtrans

Код программы tbtrans расположен в папке Util/TBTrans. Эта программа используется для получения транспортных свойств в процессе обработки выходных файлов расчета TranSIESTA. Для запуска программе требуются .TSHS файлы электродов (возможно один файл, если электроды одинаковые), и .TSHS файл области рассеяния. Расположение этих файлов задается уже упомянутыми переменными TS.HSFileLeft и TS.HSFileRight, а так же строковой переменной TS.TBT.HSFile, которая указывает расположение .TSHS файла области рассеяния (значение по умолчанию: SystemLabel.TSHS).

Шкала энергии в программе tbtrans смещена таким образом, что уровень Ферми системы в отсутствии приложенного напряжения соответствует нулю. При конечном напряжении, энергия Ферми левого электрода принимается равной V/2, а правого – -V/2.

Разность потенциалов задается переменной TS.Voltage. Диапазон энергий и число точек для расчета функции пропускания определяются переменными

TS.TBT.Emin: минимальное значение энергии, для которого расчитывается функция пропускания (значение по умолчанию: -2.0 eV).

TS.TBT.Emax: максимальное значение энергии, для которого вычисляется функция пропускания (значение по умолчанию: 2.0 eV).

TS.TBT.NPoints: число точек разбиения в интервале от TS.TBT.Emin до

тѕ.твт.Етах (значение по умолчанию: 100).

Обратите внимание, что важно указывать напряжение, так как эта информация не хранится в файле .TSHS. Ток будет рассчитываться с использованием полученной функции пропускания, поэтому нужно указать окно энергий больше, чем приложенное напряжение.

Разбиение обратного пространства по *k*-точкам задается блоком kgrid Monkhorst Pack block. Усредненная по k-точкам функция пропускания выводится в файл <SystemLabel>.AVTRANS.

Код программы tbtrans распараллелен только по k-точкам. По этой причине число расчетных узлов (ядер) не должно превышать число k-точек.

## Пример. Расчет проводимости УНТ (3,3)

Так как УНТ могут проводить электрический ток в баллистическом режиме (а следовательно их сопротивление не зависит от длины), сопротивление нанотрубки может оказаться существенно меньше, чем сопротивление в области контактов с электродами. Поэтому при использовании УНТ очень важно создать их надежный контакт с электродами.

Согласно теории Ландауэра (см. приложение 2.4) в баллистическом режиме проводимость определяется формулой  $G = \frac{2e^{2}MT}{h}$ , где M – количество разрешенных каналов проводимости, T – квантово-механический коэффициент пропускания, который характеризует вероятность перехода электрона от одного электрода к другому. Множитель «2» в этой формуле появляется из-за спинового вырождения. На величину «Т» могут оказывать влияние дефекты в УНТ и изгибы УНТ. Две дисперсионные кривые, пересекающиеся на уровне Ферми УНТ с металлическим типом проводимости свидетельствуют о наличии двух каналов проводимости. Таким образом, наименьшее возможное сопротивление УНТ, включая контактное сопротивление, составляет 6,47 кОм.

Для исключения из рассмотрения контактных явлений в качестве электродов использовались УНТ с теми же индексами хиральности, что и у исследуемого образца (в качестве объекта моделирования выбирался фрагмент УНТ (3,3) длиной 0.24 нм (12 атомов углерода)).

Необходимый для расчета свойств электрода fdf файл мало отличается от использованных нами panee fdf файлов. Стоит лишь обратить внимание на увеличение количества *k*-точек. Для расчета используется пакет TranSIESTA.

SystemName elecSWNT
---------------------

```
SystemLabel
                     elecSWNT33
                     12
```

```
NumberOfSpecies
                           1
4
   WriteMullikenPop
                          1
5
6
   %block ChemicalSpeciesLabel
7
    1
        6
            С
8
   %endblock ChemicalSpeciesLabel
9
10
   PAO.BasisSize
                    DZ
11
   PAO.SplitNorm
                    0.59
12
   PAO.EnergyShift 0.05 eV
13
   PAO.SplitNorm 0.57896
14
   MeshCutoff
                       300.0 Ry
15
   SpinPolarized .true.
16
17
   %block kgrid Monkhorst Pack
18
     4
         0
            0
                   0
19
                   0
     0
         4
            0
20
     0
         0
            120
                   0
21
   %endblock kgrid Monkhorst Pack
22
23
   ZM.UnitsLength = Ang
24
                      2.44492076099
   LatticeConstant
                                        Ang
25
26
   %block LatticeParameters
27
     10.0 10.0 1.0 90. 90. 90.
28
   %endblock LatticeParameters
29
30
   # Atomic coordinates
31
   %block Zmatrix
32
   cartesian
33
       1
            1.59042419
                             1.33862736
                                            0.00972278
                                                           1
                                                                1
                                                                    1
34
       1
                                                                1
                                                                    1
           -1.04260379
                             1.7983006
                                            0.00963033
                                                           1
35
       1
           -1.9545281
                             0.70811209
                                            0.0092095
                                                           1
                                                                1
                                                                    1
36
       1
           -1.03541135
                            -1.80228638
                                            0.00944798
                                                           1
                                                                1
                                                                    1
37
                                                                1
       1
            0.36369799
                            -2.0467446
                                            0.00988278
                                                           1
                                                                    1
38
       1
                                                           1
                                                                1
                                                                    1
            2.07875101
                             0.0043931
                                            0.00962579
39
       1
            1.95453152
                            -0.70814897
                                            1.23149948
                                                           1
                                                                1
                                                                    1
40
       1
            1.03544559
                             1.80227449
                                            1.23185833
                                                           1
                                                                1
                                                                    1
41
                                                                1
       1
                                                           1
                                                                    1
           -0.36371707
                             2.04675882
                                            1.23220986
42
       1
           -2.07875205
                            -0.00431065
                                            1.23190018
                                                           1
                                                                1
                                                                    1
43
                                                                1
       1
           -1.59040183
                            -1.33865926
                                            1.23204063
                                                           1
                                                                    1
44
                                                                1
                                                                    1
       1
            1.04255686
                            -1.79832967
                                            1.23176172
                                                           1
45
   %endblock Zmatrix
46
47
   XC.functional=LDA
48
   XC.authors=CA
49
50
   SolutionMethod Diagon
51
52
```
```
DM.MixSCF1
                  Т
53
                             300
   MaxSCFIterations
54
   DM.MixingWeight
                             0.03
55
   DM.Tolerance
                             1.d-4
56
   DM.UseSaveDM
                             true
57
   DM.NumberPulay
                              5
58
   Diag.DivideAndConquer
                              no
59
60
   MD.TypeOfRun CG
61
   MD.NumCGsteps
                        0
62
   MD.UseSaveXV
                         .true.
63
64
   SaveHS
                                         .false.
65
   SaveElectrostaticPotential
                                         True
66
   SaveTotalPotential
                                         no
67
   WriteCoorXmol
                                         .true.
68
   WriteMDXmol
                                         .true.
69
   WriteMDhistory
                                         .false.
70
   WriteEigenvalues
                                         yes
71
```

Для расчета сопротивления нанотрубки необходимо знать равновесную конфигурацию модели (она нам известна по предыдущим примерам и заданиям). К ней нужно добавить информацию об электродах. Создать модель УНТ с электродами можно с помощью программы «Пре- и постпроцессор для моделирования свободных и деформированных углеродных нанотрубок с помощью пакетов Firefly и Siesta» (см. стр. 92). fdf файл УНТ (3,3) с электродами может быть следующим.

```
SystemName
                          nanotube (3,3)
1
   SystemLabel
                          C36
2
   NumberOfAtoms
                          36
3
   NumberOfSpecies
                          1
4
   WriteMullikenPop
                          1
5
6
   %block ChemicalSpeciesLabel
7
    1
        6
            С
8
   %endblock ChemicalSpeciesLabel
9
10
   PAO.BasisSize
                    DZ
11
   PAO.SplitNorm
                      0.669
12
   PAO.EnergyShift 0.05 eV
13
   MeshCutoff
                       300.0 Ry
14
15
   %block kgrid Monkhorst Pack
16
     4
         0
            0
                 0
17
     0
         4
            0
                 0
18
      0
         0
            128
                 0
19
   %endblock kgrid_Monkhorst_Pack
20
```

```
21
   SpinPolarized .true.
22
   MaxSCFIterations
                               150
23
24
   SolutionMethod
                       Transiesta
25
   NetCharge
                    0.00
26
27
   DM.MixSCF1
                   Т
28
   MaxSCFIterations
                             300
29
   DM.MixingWeight
                             0.03
30
   DM.Tolerance
                             1.d-4
31
   DM.UseSaveDM
                             true
32
                               5
   DM.NumberPulay
33
34
   Diag.DivideAndConquer
                              no
35
   NeglNonOverlapInt False
36
   AtomicCoordinatesFormat
                                 NotScaledCartesianAng
37
38
   XC.functional=LDA
39
   XC.authors=CA
40
   ZM.UnitsLength = Ang
41
42
   LatticeConstant
                            73.3476 Ang
43
44
   %block LatticeParameters
45
      0.33 0.33 0.1 90. 90. 90.
46
   %endblock LatticeParameters
47
48
   %block Zmatrix
49
   cartesian
50
      1
         -1.954528
                        0.708112
                                   -2.433790
                                                 1
                                                    1
                                                        1
51
         -1.035411
                                                    1
                                                        1
      1
                      -1.802286
                                   -2.433552
                                                 1
52
      1
          2.078751
                        0.004393
                                   -2.433374
                                                 1
                                                    1
                                                        1
53
                                                        1
      1
         -1.042603
                       1.798300
                                   -2.433370
                                                 1
                                                    1
54
      1
                                                        1
          1.590424
                       1.338627
                                   -2.433277
                                                 1
                                                    1
55
      1
                                                    1
                                                        1
          0.363697
                      -2.046744
                                   -2.433117
                                                 1
56
      1
          1.954531
                      -0.708148
                                    -1.211500
                                                 1
                                                    1
                                                        1
57
                                                        1
      1
          1.042556
                      -1.798329
                                    -1.211238
                                                 1
                                                    1
58
      1
                                                    1
                                                        1
          1.035445
                       1.802274
                                   -1.211142
                                                 1
59
      1
                                    -1.211100
                                                 1
                                                    1
                                                        1
         -2.078752
                      -0.004310
60
                                                        1
      1
         -1.590401
                      -1.338659
                                   -1.210959
                                                 1
                                                    1
61
      1
                                                    1
                                                        1
         -0.363717
                        2.046758
                                   -1.210790
                                                 1
62
      1
                                                    1
                                                        1
         -1.954528
                       0.708112
                                     0.009209
                                                 1
63
                                                        1
      1
         -1.035411
                      -1.802286
                                     0.009447
                                                 1
                                                    1
64
      1
                                                    1
                                                        1
                                                 1
          2.078751
                       0.004393
                                     0.009625
65
                                                        1
      1
         -1.042603
                       1.798300
                                     0.009630
                                                    1
                                                 1
66
      1
          1.590424
                       1.338627
                                     0.009722
                                                 1
                                                    1
                                                        1
67
      1
                                                        1
          0.363697
                      -2.046744
                                     0.009882
                                                 1
                                                    1
68
      1
          1.954531
                      -0.708148
                                     1.231499
                                                 1
                                                    1
                                                        1
69
```

```
1
           1.042556
                       -1.798329
                                     1.231761
                                                 1
                                                     1
                                                        1
70
      1
                                                        1
           1.035445
                        1.802274
                                     1.231858
                                                 1
                                                    1
71
                                                        1
      1
                                                     1
         -2.078752
                       -0.004310
                                     1.231900
                                                 1
72
      1
                                                     1
                                                        1
         -1.590401
                       -1.338659
                                     1.232040
                                                 1
73
      1
         -0.363717
                        2.046758
                                     1.232209
                                                 1
                                                     1
                                                        1
74
      1
                                                        1
         -1.954528
                        0.708112
                                     2.452209
                                                 1
                                                    1
75
      1
                                                     1
                                                        1
         -1.035411
                       -1.802286
                                     2.452448
                                                 1
76
      1
           2.078751
                        0.004393
                                     2.452626
                                                 1
                                                     1
                                                        1
77
      1
         -1.042603
                        1.798300
                                     2.452630
                                                     1
                                                        1
78
                                                 1
      1
                                                    1
                                                        1
           1.590424
                                     2.452723
                                                 1
                        1.338627
79
      1
                       -2.046744
                                                     1
                                                        1
           0.363697
                                     2.452883
                                                 1
80
                                                        1
      1
           1.954531
                       -0.708148
                                     3.674499
                                                 1
                                                     1
81
                                                        1
      1
           1.042556
                       -1.798329
                                                    1
                                     3.674762
                                                 1
82
      1
                                                    1
                                                        1
           1.035445
                        1.802274
                                     3.674858
                                                 1
83
      1
         -2.078752
                       -0.004310
                                     3.674900
                                                 1
                                                    1
                                                        1
84
      1
                                                     1
                                                        1
         -1.590401
                       -1.338659
                                     3.675040
                                                 1
85
         -0.363717
                                                        1
      1
                        2.046758
                                     3.675210
                                                 1
                                                     1
86
    %endblock Zmatrix
87
88
    %block ProjectedDensityOfStates
89
                15.00
                         0.100
       -24.00
                                 1000
                                        еV
90
    %endblock ProjectedDensityOfStates
91
92
    # MD variables
93
94
   MD.TypeOfRun CG
95
   MD.NumCGsteps
                         0
96
   MD.UseSaveXV
                         .true.
97
98
   WriteCoorStep
                           .true.
99
   WriteEigenvalues
                                          yes
100
101
    # Transiesta information
102
    # GF OPTIONS
103
    TS.ComplexContour.Emin
                                   -30.0 eV
104
    TS.ComplexContour.NPoles
                                         03
105
    TS.ComplexContour.NCircle
                                         30
106
    TS.ComplexContour.NLine
                                         10
107
    # BIAS OPTIONS
108
    TS.biasContour.NumPoints
                                         20
109
110
    # TS OPTIONS
111
   TS.Voltage 0.020 eV
112
113
114
    # TBT OPTIONS
   TS.TBT.Emin -0.5 eV
115
   TS.TBT.Emax +0.5 eV
116
   TS.TBT.NPoints
                       100
117
   TS.TBT.NEigen
                      3
118
```

```
TS.TBT.Eta
                         0.000001 Ry
119
120
    # Write hamiltonian
121
   TS.SaveHS
               .true.
122
123
    # LEFT ELECTRODE
124
   TS.HSFileLeft
                     ./elecSWNT33.TSHS
125
                             12
    TS.NumUsedAtomsLeft
126
   TS.BufferAtomsLeft
                             0
127
128
    # RIGHT ELECTRODE
129
   TS.HSFileRight
                      ./elecSWNT33.TSHS
130
   TS.NumUsedAtomsRight
                             12
131
   TS.BufferAtomsRight
                             0
132
```

#### Скрипт запуска расчета:

transiesta < input.fdf > ./input.out
tbtrans < input.fdf >tbtrans.out

В конце файла tbtrans.out находится строка вида Voltage, Current(A) = 2.00000000E - 022.66037359E - 06. Запустив серию расчетов для различных значений переменной TS.Voltage. Можно построить вольт-амперную характеристику (ВАХ) исследуемой модели. На рис. 2.3 приведена ВАХ УНТ (3,3) в диапазоне напряжений от 0 до 0.2 В.

Оценка электрического сопротивления индивидуальной нанотрубки (3,3) дает значение 7.5 кОм, что на 16 % больше указанной выше величины (6,47 кОм). Это, однако, нельзя назвать ошибкой. Дело в том, что, как мы видели ранее (см. стр. 51), в зонной структуре УНТ (3,3) имеется запрещенная зона (небольшая). По этой причине ее сопротивление не может равняться 6,47 кОм, величине, полученной в предположении отсутствия запрещенной зоны.

#### 2.6. Вычисление фононных спектров

Еще одной отличительной особенностью пакета SIESTA является возможность рассчитать с его помощью фононные спектры моделей.

 $\Phi$ ононы — квазичастицы, описывающие коллективные колебания в ансамбле атомов. Рассмотрим кристалл из L элементарных ячеек с S базисными атомами в каждой ячейке (общее число атомов в таком кристалле равно N = LS), находящийся при низкой температуре. Для каждой ячейки l можно определить положение s-го иона в ней как  $\vec{R}_{ls} = \vec{R}_l + \vec{R}_s$ . Ионы в таком кристалле претерпевают малые колебания относительно положе-



Рис. 2.3.: Вольт-амперная характеристика УНТ (3,3)

ния равновесия, причем смещения атомов будут зависеть от их положения в кристалле в целом: для каждого момента времени мы можем записать положение атома  $\vec{R}_{ls}(t)$  как

$$\vec{R}_{ls}(t) = \vec{R}_{ls} + \vec{u}_{ls}(t),$$
 (2.6)

где  $\vec{R}_{ls}$  — радиус-вектор положения равновесия *s*-го атома в *l*-й ячейке, и  $\vec{u}_{ls}(t)$  — его малое смещение в зависимости от времени. Мы можем рассчитать потенциальную энергию такого кристалла, разложив ее в ряд Тейлора около равновесных позиций атомов:

$$U(\vec{R}_{ls}(t)) = U(\vec{R}_{ls}) + \sum_{ls\alpha} \frac{\partial U}{\partial u_{ls\alpha}} u_{ls\alpha}(t) + \frac{1}{2} \sum_{ls\alpha} \sum_{l't\beta} \frac{\partial^2 U}{\partial u_{ls\alpha} \partial u_{l't\beta}} u_{ls\alpha}(t) u_{l't\beta}(t) + \dots$$

В данном разложении  $\alpha$  и  $\beta$  — декартовы компоненты вектора  $\vec{u}$ , и все производные взяты в равновесном положении кристалла. Первый член ряда — потенциальная энергия идеального кристалла, в котором все атомы находятся в равновесных позициях  $E_{eq}$ . Если атомы в кристалле близки к конфигурации с минимальной энергией, линейный член разложения (так как производные берутся в расновесном положении) будет равен нулю, и первый ненулевой член разложения будет квадратичным по смещениям атомов. Кроме этого, будем считать, что все члены разложения

высших порядков будут пренебрежимо малы (такое приближение называется *гармоническим*):

$$U_{harm} = U_{eq} + \frac{1}{2} \sum_{ls\alpha, l't\beta} \Phi_{ls\alpha, l't\beta} u_{ls\alpha} u_{l't\beta}, \qquad (2.7)$$

В последнем уравнении константы  $\Phi_{ls\alpha,l't\beta}$  называются *силовыми константами* в реальном пространстве и определяются как

$$\Phi_{ls\alpha,l't\beta} = \frac{\partial^2 U}{\partial u_{ls\alpha} \partial u_{l't\beta}}.$$
(2.8)

Эти константы должны удовлетворять ряду условий, следующих из изотропии пространства, симметрии кристалла и инвариантности кристалла относительно его переноса на вектор, кратный вектору трансляции кристалла — вторая производная энергии может зависеть только от разницы между l и l':

$$\Phi_{ls\alpha,l't\beta} = \Phi_{0s\alpha,(l'-l)t\beta}.$$
(2.9)

Покажем, что матрица силовых констант определяет зависимость между силой  $\vec{F}_{ls}$ , действующей на атом *s* в ячейке *l*, и смещением  $\vec{u}_{l't}$  атома *t* в ячейке *l'*. Для этого запишем классические уравнения движения ионов:

$$\vec{F}_{ls} = M_s \vec{a}_{ls}.\tag{2.10}$$

Вспомним, что  $\vec{F} = -\nabla U$ , или при разложении по декартовым координатам  $F_{ls\alpha} = -\partial U/\partial u_{ls\alpha}$ , и использовав для U разложение (2.7), получим (проверьте!)

$$F_{ls\alpha} = -\sum_{l't\beta} \frac{\partial^2 U}{\partial u_{ls\alpha} \partial u_{l't\beta}} u_{l't\beta} = -\sum_{l't\beta} \Phi_{ls\alpha,l't\beta} u_{l't\beta}, \qquad (2.11)$$

что и требовалось доказать.

Найдем ускорение частиц. Для этого продифференцируем соотношение (2.6) два раза по времени:

$$\vec{a}_{ls} = \frac{d^2 \vec{R}_{ls}(t)}{dt^2} = \frac{d^2 \vec{u}_{ls}}{dt^2},$$

или при разложении на декартовы компоненты

$$a_{ls\alpha} = \frac{d^2 u_{ls\alpha}}{dt^2}.$$
(2.12)

Подставив соотношения (2.11) и (2.12) во второй закон Ньютона (2.10), получим систему из 3N связанных уравнений относительно малых смещений атомов:

$$M_s \frac{d^2 u_{ls\alpha}}{dt^2} = -\sum_{l't\beta} \Phi_{ls\alpha,l't\beta} u_{l't\beta}.$$
(2.13)

Будем искать решения этой системы уравнений в виде коллективного колебания — *фонона*:

$$u_{ls\alpha}(t) = \eta_{m\vec{q}}(s\alpha)e^{i\vec{q}\cdot\vec{R}_l}e^{-i\omega_{m\vec{q}}t},$$
(2.14)

где зависимость решения от времени является периодической функцией с периодом колебаний  $\omega_{m\vec{q}}$ , а в пространстве в каждый момент времени решение представляет собой плоскую волну с волновым вектором  $\vec{q}$ , определенную в точках, кратных  $\vec{R}_l$ . m в решении является его номером («модой» колебаний), а  $\eta_{m\vec{q}}(s\alpha) - \alpha$ -я компонента вектора, называемого вектором поляризации нормальной моды колебаний. Необходимо заметить, что такой подход очень похож на методику, применяемую для получения волновой функции электронов в рамках теоремы Блоха: колебания ионов отличаются волновым вектором  $\vec{q}$ , причем если кристалл бесконечно периодический, используются только разрешенные значения волнового вектора.

Подставим решения (2.14) в систему (2.13). Для этого возьмем вторую производную (2.14) по времени, сократим обе части на  $e^{-i\omega_{m\vec{q}}t}$  и домножим обе части на  $e^{-i\vec{q}\cdot\vec{R}_l}$ :

$$M_s \omega_{m\vec{q}}^2 \eta_{m\vec{q}}(s\alpha) = \sum_{t\beta} \left[ \sum_{l'} \Phi_{ls\alpha,l't\beta} e^{i\vec{q}\cdot(\vec{R}_{l'}-\vec{R}_l)} \right] \eta_{m\vec{q}}(t\beta).$$

Вследствие того, что суммирование по l' производится по всем элементарным ячейкам кристалла, мы можем использовать свойство (2.9) матрицы силовых констант зависеть только от разницы между ячейками l' и l кристалла и перенести начало координат в ячейку с номером l:

$$M_s \omega_{m\vec{q}}^2 \eta_{m\vec{q}}(s\alpha) = \sum_{t\beta} \left[ \sum_{l'} \Phi_{0s\alpha,l't\beta} e^{i\vec{q}\cdot\vec{R}_{l'}} \right] \eta_{m\vec{q}}(t\beta).$$
(2.15)

В скобках стоит дискретное преобразование Фурье матрицы силовых констант в реальном пространстве:

$$\sum_{l'} \Phi_{0s\alpha,l't\beta} e^{i\vec{q}\cdot\vec{R}_{l'}} = \tilde{\Phi}_{s\alpha,t\beta}(\vec{q}).$$

Таким образом, движение атомов может быть описано в виде системы следующих динамических уравнений:

$$M_s \omega_{m\vec{q}}^2 \eta_{m\vec{q}}(s\alpha) = \sum_{t\beta} \tilde{\Phi}_{s\alpha,t\beta}(\vec{q}) \eta_{m\vec{q}}(t\beta).$$

Можно записать эту же систему в матричной форме:

$$\tilde{\Phi}(\vec{q})\eta(\vec{q}) = \omega^2(\vec{q})M_s\delta_{st}\delta_{\alpha\beta}\eta(\vec{q}), \qquad (2.16)$$

где  $\tilde{\Phi}(\vec{q})$  — матрица размером  $3S \times 3S$ , в которой содержится результат преобразования Фурье силовых констант,  $\eta(\vec{q})$  — вектор длиной 3S собственных смещений фононов с волновым вектором  $\vec{q}$ ,  $\omega(\vec{q})$  — частота фононов, и  $M_s \delta_{st} \delta_{\alpha\beta}$  — диагональная матрица размером  $3S \times 3S$ , содержащая массы атомов для трех декартовых координат смещения каждого атома.

Мы можем заметить, что система (2.16) очень похожа на задачу поиска собственных значений матрицы  $\tilde{\Phi}(\vec{q})$  за исключением наличия матрицы масс атомов. Для исключения этой матрицы из уравнения мы можем переопределить смещение (2.14) как

$$u_{ls\alpha}(t) = \frac{1}{\sqrt{M_s}} \gamma_{m\vec{q}}(s\alpha) e^{i\vec{q}\cdot\vec{R_l}} e^{-i\omega_{m\vec{q}}t}, \qquad (2.17)$$

Тогда, повторяя предыдущие вычисления, мы можем определить динамическую матрицу системы как

$$\tilde{D}_{s\alpha,t\beta}(\vec{q}) = \frac{1}{\sqrt{M_s M_t}} \tilde{\Phi}_{s\alpha,t\beta}(\vec{q})$$

и переписать систему (2.16) в виде задачи на поиск собственных значений:

$$\tilde{D}(\vec{q})\gamma(\vec{q}) = \omega^2(\vec{q})\gamma(\vec{q}), \qquad (2.18)$$

где  $\gamma(\vec{q})$  — собственные вектора фононов. Можно показать, что динамическая матрица системы является эрмитовой.

Для решения уравнения (2.18) вначале необходимо найти динамическую матрицу (либо, что то же самое, матрицу силовых констант). Ддя этого существует два метода: метод линейного отклика, также называемый теорией возмущений функционала электронной плотности (Density Functional Perturbation Theory, DFPT), и техника малых отклонений. Основная идея метода линейного отклика, предложенного Барони и др. [32] — использование теоремы Хеллмана–Фейнмана для того, чтобы показать, что линейное изменение электронной плотности при внесении возмущения в кристалл приводит к изменению энергии этого кристалла во втором (на самом деле, третьем [33]) порядке теории возмущений. При использовании стандартной теории возмущений изменение первого порядка зарядовой плотности может быть рассчитано с использованием невозмущенных волновых функций, и, соответственно, требует расчета в рамках ТФП для кристалла в основном состоянии. Если возмущение — фонон с волновым вектором  $\vec{q}$ , определение изменения электронной плотности в первом порядке теории возмущений может помочь в определении динамической матрицы системы для волнового вектора  $\vec{q}$ . Это может быть проделано для любого волнового вектора  $\vec{q}$  без необходимости строить большую суперячейку.

Методика малых отклонений атомов, реализованная в пакете SIESTA, определяет матрицу силовых констант на основе того, как изменяется сила, действующая на атом s, если сдвинуть атом t на малое расстояние в некотором направлении. Действительно, согласно определению силовых констант (2.8),

$$\Phi_{0s\alpha,l't\beta} = \frac{\partial}{\partial u_{0s\alpha}} \left( \frac{\partial U}{\partial u_{l't\beta}} \right) = -\frac{\partial F_{l't\beta}}{\partial u_{0s\alpha}},$$

то есть по силам, действующей на некоторый атом t в ячейке l' при сдвиге атома s в ячейке 0 в некотором направлении  $\alpha$ , можно определить столбец матрицы  $\Phi_{0s\alpha,l't\beta}$  для всех  $(l't\beta)$ . При повторении расчета сил для всех  $(ls\alpha)$  полностью определяется матрица силовых констант Ф. Ясно, что количество проводимых расчетов при этом может быть втрое больше количества атомов в элементарной ячейке; однако для многих материалов симметрия может существенно уменьшить это количество. Кроме этого, следует иметь в виду одно важное обстоятельство. Из-за того, что расчеты в SIESTA проводятся с периодическими граничными условиями, суперячейка, в которой проводятся расчеты фононных спектров, должна быть достаточно большой, чтобы элементы матрицы Ф были пренебрежимо малы на границе ячейки для любых  $s\alpha$  в ячейке 0. Для большинства материалов (особенно металлов) так оно и есть. Однако, в ионных материалах сходимость фононного спектра с увеличением размера суперячейки может быть очень медленной. Это происходит вследствие того, что сдвиг зарядов в таких материалах образует диполи, взаимодействующие с дальнодействующими силами, уменьшающимися только как  $r^{-3}$ . Эти диполи также создают макроскопическое электрическое поле, которое ответственно за расщепление мод оптической ветви на компоненты, параллельную и перпендикулярную внешнему электрическому полю (LO-TO расщепление).

Для расчета фононных спектров в SIESTA встроен набор программ Vibra (расположен в папке Utils/Vibra). При компиляции Vibra (которая происходит запуском команды make в каталоге Utils/Vibra/src) происходит сборка двух программ — *fcbuild* и *vibrator*. Расчет состоит из трех этапов:

- 1. построение суперячейки для расчета колебаний;
- 2. получение матрицы силовых констант;
- 3. решение задачи на собственные значения и получение собственных векторов и частот фононов.

#### Построение суперячейки

Для построения суперячейки мы будем использовать программу *fcbuild*. Эта программа в качестве входных данных принимает специально подготовленный FDF-файл. Разберем его на примере расчета фононного спектра карбина с поликумуленовым строением. Карбин с поликумуленовым строением — одномерная цепочка из атомов углерода, в которой каждый атом связан с двумя соседними двойными связями; таким образом, в элементарную ячейку входит один атом углерода. FDF-файл выглядит следующим образом:

```
SystemName
                 Carbin
1
   SystemLabel
                 Carbin
2
3
   NumberOfSpecies 1
4
   NumberOfAtoms
                     1
5
   %block ChemicalSpeciesLabel
6
   16C
7
   %endblock ChemicalSpeciesLabel
8
9
   LatticeConstant 1.27620 Ang
10
   %block LatticeParameters
11
   5 5 1 90 90 90
12
   %endblock LatticeParameters
13
14
   AtomicCoordinatesFormat Fractional
15
   %block AtomicCoordinatesAndAtomicSpecies
16
   0 0 0 1 12.011
17
   %endblock AtomicCoordinatesAndAtomicSpecies
18
19
   SuperCell_1 0
20
   SuperCell 2 0
21
   SuperCell_3 2
22
23
   %block BandLines
24
   1 0.000 0.000 0.000 \Gamma
25
```

26 200 0.000 0.000 1.000 X

27 %endblock BandLines

Разберем этот файл подробно. Первые две строки содержат полное и краткое название системы. Строки 4 и 5 определяют количество химических элементов и количество атомов в системе; эти параметры описаны в разделе 1.4 данного пособия. Строки 6–8 содержат описание химического строения системы — блок ChemicalSpeciesLabel, в котором каждому типу атомов ставится в соответствие его зарядовое число и название (служащее именем файла псевдопотенциала, см. раздел 1.8). Строки 10-13 содержат описание геометрии системы; оно должно содержать характерную длину системы (постоянную решетки, LatticeConstant) и вектора трансляции в блоке LatticeParameters или LatticeVectors (подробнее см. в разделе 1.4). Строки 15–18 определяют положение атомов в системе. Отметим, что для программы fcbuild формат Z-matrix задания положения атомов неприемлем. Положения атомов необходимо задавать в «традици-ОННОМ» блоке AtomicCoordinatesAndAtomicSpecies, причем в отличие от SIESTA, для которой необходимо задавать только координаты и тип атомов, Vibra требует указание еще и массы атомов (для перехода между собственными векторами и собственными смещениями фононов).

Следующие строки специфичны для Vibra. Строки 20–22 определяют суперячейку для расчета фононного спектра методом малых отклонений в трех измерениях. Параметры SuperCell\_X равны количеству слоев, окружающих центральную ячейку, в каждом из трех измерений. Для получения локализованных силовых констант необходимо выбирать достаточно большую суперячейку, однако при этом следует соблюдать осторожность, потому что выбор большого числа в SuperCell\_X экспоненциально увеличивает размер системы для расчета на втором шаге. Так, например, выбор каждого из параметров SuperCell\_X равным 2 увеличивает размер системы в 125 раз! Поэтому стоит увеличивать суперячейку только вдоль тех измерений, которые существенны для точности расчета.

Последний блок, строки 24–27, определяет линии между точками высокой симметрии в обратном пространстве, вдоль которых программа рассчитывает  $\omega(\vec{q})$  – зонную структуру фононов (см. раздел 2.1).

После подготовки FDF-файла сохраним его как fcbuild.fdf и передадим его на вход ранее скомпилированной программе *fcbuild*:

# fcbuild < fcbuild.fdf</pre>

Программа выдаст на экран информацию о записанной структуре и создаст файл FC.fdf, использующийся для расчета матрицы силовых констант с помощью пакета SIESTA. В этом файле определены количество атомов в суперячейке, ее геометрия; координаты всех атомов в суперячейке. Кроме этого, в нем указан тип расчета (MD. TypeOfRun FC), определены номера атомов из первоначальной элементарной ячейки, которые необходимо смещать на малое расстояние для расчета матрицы силовых констант (в MD. FCfirst указан первый, а в MD. FClast — последний атом промежутка), и указана величина этого смещения (MD. FCdispl, значение по умолчанию — 0.04 Bohr). Для изменения величины смещения добавьте в FDF-файл параметр AtomicDispl.

#### Построение матрицы силовых констант

Для получения матрицы силовых констант с помощью SIESTA необходиио подготовить еще один входной FDF-файл с исползованием значений из FC.fdf. Давайте на него посмотрим:

```
SystemName Carbin
1
   SystemLabel Carbin
2
3
   NumberOfSpecies 1
4
   %block ChemicalSpeciesLabel
5
   16C
6
   %endblock ChemicalSpeciesLabel
7
8
   PAO.BasisSize DZP
9
  MeshCutoff 130.0 Ry
10
11
   %include FC.fdf
12
```

Данный файл содержит ту информацию, которой нет в FC.fdf — о химическом строении системы и базисе разложения волновых функций электронов. Естественно, в него следует добавить все параметры, необходимые для точного расчета. При запуске SIESTA с этим файлом в качестве входного будут поочередно сдвинуты в отрицательном и положительном направлениях по трем координатным осям все атомы подготовленной суперячейки с номерами от MD.FCfirst до MD.FClast включительно; при этом создается матрица силовых констант, которая записывается в файл Carbin.FC. Этот файл для каждого сдвига каждого атома содержит три декартовы компоненты производной вектора силы (в  $3B/Å^2$ ), действующей на каждый атом в суперячейке; в конце расчета этот файл должен содержать 6SN строк.

Расчет силовых констант производится независимо для каждого атома, требующего сдвига. Это означает, что процедура построения матрицы силовых констант является полностью распараллеливаемой — компоненты матрицы, отвечающие разным атомам, могут быть рассчитаны на различных компьютерах, а затем результаты таких расчетов могут быть собраны

вместе. К сожалению, в пакете SIESTA такого функционала нет, однако это нетрудно проделать вручную — создать несколько различных расчетов, изменить в каждом из них параметры MD.FCfirst и MD.FClast, а после завершения всех расчетов собрать получившиеся FC-файлы в один, содержащий в себе информацию о всех рассчитанных силовых константах в верном порядке.

При аварийном завершении расчета он может быть продолжен; для этого необходимо вручную убрать из FC-файла информацию о силовых константах, уже расчитанных для сдвигов атома, для которого расчет не был завершен (последние kN строк, где k — количество рассчитанных сдвигов последнего атома). После этого надо вручную изменить номер MD.FCfirst в FC.fdf и перезапустить расчет.

#### Получение частот

После получения матрицы силовых констант над ними совершается преобразование Фурье для получения динамической матрицы, и затем решается задача на собственные значения для нахождения частот и мод фононов. Это происходит в программе *vibrator*, которая принимает на вход тот же файл fcbuild.fdf, упоминавшийся ранее:

# vibrator < fcbuild.fdf</pre>

При запуске программы создаются два новых файла:

- Carbin.bands частоты фононов (в см<sup>-1</sup>); структура файла такая же, как и при расчете электронной зонной структуры;
- Carbin.vectors моды фононов (компоненты векторов сдвигов атомов, отвечающих каждому коллективному колебанию).

Сетка k-точек (векторов  $\vec{q}$ ) для преобразования Фурье задается в блоке BandLines. Перед проведением расчета  $\omega(\vec{q})$  можно провести расчет частот фононов для  $\Gamma$ -точки; для этого в блоке BandLines файла, подготовленного для *fcbuild*, должна остаться одна строка

# %block BandLines 1 0.000 0.000 0.000 \Gamma %endblock BandLines

Расчет фононов для Г-точки проводится без увеличения суперячейки; при этом можно обнаружить некоторые ошибки во входных данных. Так, согласно теории, в любой системе должно быть три *акустические* моды с  $|\omega| < 0.1 \text{ см}^{-1}$ , если это не так, следует проверить входные данные. Кроме этого, частоты остальных (*оптических*) мод должны быть положительными — наличие мод с отрицательными (на самом деле, мнимыми) частотами свидетельствует о недостаточной релаксации системы. Это можно исправить следующим образом. Возьмите моду с наибольшей по модулю отрицательной частотой и передвиньте атомы системы вдоль соответствующих им компонент собственного вектора, отвечающего этой моде. Такое изменение системы должно уменьшить полную энергию системы. Взяв новое положение за первоначальное, вновь запустите структурную релаксацию системы и пересчитайте фононные частоты.

#### Обработка результатов

Результаты расчета фононного спектра можно представить тремя способами: графиком зонной структуры вдоль линий, соединяющих точки высокой симметрии системы (см. раздел 2.1); графиком плотности фононных состояний (строится утилитой *phdos*) и рисунком, показывающим направление и величину смещения атомов для различных мод колебаний. Расмотрим последние два способа более подробно.

Утилита *phdos*, написанная А. Постниковым<sup>1</sup>, строит график локальной плотности фононных состояний для  $\Gamma$ -точки обратного пространства. Этот график имеет смысл только в том случае, если число атомов в первоначальной ячейке достаточно велико. Плотность состояний рассчитывается утилитой как совокупность пиков дельта-функций, соответствующих частотам, рассчитанным программой *vibrator*, с весами, равными квадратам соответствующих компонентов собственных векторов. Для правильной работы программы она должна быть откомпилирована компилятором *ifort*; кроме этого, суперячейка для расчета силовых констант должна быть равна элементарной ячейке. В программе также есть возможность получить свертку фононных состояний с волной с заданным q; это может позволить получить спектральную плотность фононов системы (детально такие вычисления описаны в [34]). На выходе программа выдает два файла:

- \*.VST набор собственных частот и соответствующих им весов;
- \*.WST плотность состояний как непрерывная функция от частоты, полученная размытием пиков частот. Величина размытия пиков, равная 10 см<sup>-1</sup>, задается и может быть изменена в коде программы.

Для полноты полученной картины можно визуализировать моды колебаний, возбуждаемых в ячейке, с помощью программы XCrySDen. Более полно эта программа будет расмотрена в разделе 3.3.

<sup>&</sup>lt;sup>1</sup>Исходный код программы свободно доступен и находится по адресу https://www.mailarchive.com/siesta-l@listserv.uam.es/msg02311.html.

## 2.7. Упражнение 2

Задание 1. Убедитесь, что при использовании одной k – точки плотность электронных состояний (DOS) углеродных нанотрубок из упражнения 1 воспроизводится неудовлетворительно. Для этого в исправленные вами входные файлы (с оптимильными параметрами), полученные в результате выполнения заданий упражнения 1, добавьте строки

```
%block ProjectedDensityOfStates
-24.00 15.00 0.100 1000 eV
%endblock ProjectedDensityOfStates.
```

В качестве отчета приведите рисунок плотности электронных состояний в окрестности ( $\pm 2$  эВ) уровня Ферми и сделайте выводы.

Задание 2. Определите оптимальное количество k – точек (учитывайте, что направления вдоль осей x и y равноправны, а размер ячейки в координатном пространстве вдоль оси z меньше, чем в двух других измерениях). Под оптимальным количеством понимается такое число k – точек, при увеличении которого не изменяется плотность состояний (визуально). Добавьте во входной файл строки

```
%block
        kgrid Monkhorst Pack
    0
              0.0
1
        0
    1
        0
              0.0
0
0
    0
        1
              0.0
%endblock
          kgrid Monkhorst Pack.
```

Задание 3. Для оптимального количества k-точек рассчитайте зонную структуру. Во входной файл добавьте строки вида

```
BandLinesScale
                    ReciprocalLatticeVectors
%block Bandlines
                0.000
1
      0.000
                            0.000
                                         \textbackslash Gamma
                 0.000
                            0.500
                                             #99 k точек в направлении Z
99
      0.000
                                         Ζ
%endblock BandLines
WriteBands
            true
```

Задание 4. Докажите, что за проводимость углеродных нанотрубок отвечают 2p электроны. Для этого постройте парциальную плотность состояний.

Задание 5. Постройте спектр оптического поглощения углеродных нанотрубок (3,3) и (5,0).

# 3. Вспомогательное программное обеспечение

# 3.1. Пре- и постпроцессор для моделирования свободных и деформированных углеродных нанотрубок

Исследовательская деятельность специалиста по моделированию связана с выполнением множества однообразных операций, автоматизация которых может сохранить много времени. Именно для этой цели Созыкиным С.А. была написана программа «Пре- и постпроцессор для моделирования свободных и деформированных углеродных нанотрубок с помощью пакетов Firefly и Siesta».

#### Инсталяция программы

Программа распространяется в виде установочного файла для операционных систем семейства Windows на безвозмездной основе (по письменному запросу по электронной почте: sozykinsa@susu.ru). Для запуска программе требуется Framework версии 4.0. В случае успешного завершения процесса установки в списке доступных программ меню «Пуск» появится ярлык для запуска программы.

В директории с установленной программой кроме исполняемого файла вы обнаружите руководство пользователя и директорию «Examples», в которой содержатся следующие файлы:

- 1. nanotube(3,3)\_simple.xyz данные о структуре нанотрубки с индексами хиральности (3,3);
- 2. nanotube(3,3)\_Tinker.xyz данные о структуре нанотрубки с индексами хиральности (3,3) в формате, совместимом с пакетом химических приложений Chem Ultra;
- 3. nanotube(3,3).inp исходные данные для запуска расчета с помощью пакета Firefly;
- 4. nanotube(3,3).fdf исходные данные для запуска расчета с помощью пакета Siesta.

Для деинсталяции установленной программы с Вашего компьютера

запустите uninstall.exe из директории, в которой расположен исполняемый файл программы.

#### Особенности графического интерфейса

Доступ к возможностям программы осуществляется посредством меню и боковой панели (рис. 3.1). При одновременной работе с несколькими моделями нанотрубок для каждой из них в области «Открытые вкладки» располагается отдельная вкладка. Пользователю доступны различные режимы управления мышью: поворот модели нанотрубки в активном окне, перемещение активной модели нанотрубки, изменение масштаба прокручиванием колесика мыши, поворот моделей во всех открытых вкладках, перемещение моделей во всех открытых вкладках (перечислены в порядке расположения соответствующих переключателей в окне программы слева направо (рис. 3.1)). При нажатии на соответствующий переключатель вокруг него появляется красная квадратная рамка. При повторном нажатии этот индикатор исчезает. В случае если одновременно открыты несколько вкладок с моделями нанотрубок полезными могут оказаться оставшиеся 3 кнопки панели «Режимы управления мышью»: переход к предыдущей вкладке, отображение с интервалом, указанным в Properties View Step, всех открытых вкладок, переход к следующей вкладке.

Для увеличения рабочего пространства на экране можно скрыть боковую панель.Для этого нужно выбрать View Do not show side panel. Для отображения этой панели необходимо выполнить View Show side panel. Пользователю доступны пять режимов отображения моделей нанотрубок (раздел меню View):

- 1. Ball visual model все атомы отображаются в виде шаров (цвет зависит от сорта атома);
- 2. Line visual model положения центров атомов соединяются прямыми линиями;
- 3. Line + Ball комбинация двух предшествующих пунктов;
- 4. Except carbon отображение всех атомов кроме атомов углерода в виде шаров, все связи отображаются линиями одинаковой толщины.
- 5. Except carbon 1 отображение всех атомов кроме атомов углерода в виде шаров, связи С-С отображаются линиями меньшей толщины.

В разделе меню View для удобства восприятия информации можно включать или отключать прорисовку номеров атомов, осей декартовой системы координат, которые будут следовать за поворотами и сдвигами модели. При внесении в структуру нанотрубок дефектов, форма их сечения, перпендикулярного оси нанотрубки, перестает быть окружностью. Для оценки степени деформации системы была реализована возможность



Рис. 3.1.: Доступ к основным возможностям программы

Cartesian Export Operations Properties	Cartesian Export Operations Properties
Create SWN Modify Add atoms	Create SWN Modify Add atoms
Distortion Dimension © x © y @ z Tension 0.01 OK Torsion 0.01 OK	Mirror Side © left © right Length 1.42 Name Create
Press Displ 0.1 A Fix Free Free Fix 1.0 1.0 1.0 1.0 1.0 Left center Right OK	Add electrode Electrode fdf R_dist 1.2 L_dist 1.2 Add
x move y Move Rotation z 0.0 Rotate	Translation         Box       100,0       100,0       9,89311         x       y       z         Box       p       z
	Cartesian       Export       Operations       Properties         Create SWN       Modify       Add atoms         Distortion       Dimension       X       Y       2         Tension       0.01       OK       OK         Torsion       0.01       OK         Press       Displ       0.1       A         Fix       Free       Free       Fix         1.0       1.0       1.0       1.0         Left       center       Right         OK       Move       X       move         y

Рис. 3.2.: Создание моделей нанотрубок и графена и их преобразование

отображения эллипса в рабочей области программы.

#### Создание стартовых конфигураций моделей

В программе реализован алгоритм создания моделей фрагментов углеродных и золотых нанотрубок с открытыми концами с произвольными индексами хиральности, закрытых с одного конца углеродных нанотрубок (6,6), (10,10) и (10,0), а также графена (рис. 3.2а). Для создания модели однослойной углеродной нанотрубки нужно выделить переключатель «SWNT». В поля, расположенные справа от слова «Chirality» вводятся индексы хиральности нанотрубки n и m (целые числа). Значение поля lenght (длина модели нанотрубки) ограничивает сверху длину нанотрубки, так как эта величина является дискретной и определяется количеством «колец» каркаса. Опция «Add hydrogen» позволяет добавлять водород к концевым атомам углерода. Для создания модели однослойной углеродной нанотрубки с закрытым концом нужно выделить переключатель «SWNT with cap». При этом появляется раскрывающийся список доступных для выбора нанотрубок. Для создания закрытых с двух концов нанотрубок нужно выделить пункт «SWCN with 2 cap». В литературе отсутствует общепринятый способ выбора базисных векторов нанотрубок из атомов золота. По этой причине в разных работах одной и той же нанотрубке могут приписываться разные индексы хиральности. Для их создания нужно

выделить пункт «SWGN» или «SWGN\_#». Для создания модели графена нужно выделить переключатель «grafen». Индексы хиральности в данном случае задают ориентацию графена, т.е. при сворачивании графена получается нанотрубка с такими индексами хиральности.

#### Добавление электродов и «отражение» модели

Для расчета проводимости УНТ необходимо расположить электроды на нужном расстоянии от границ исследуемого образца. Сделать это можно, используя вкладку Operations Add atoms Add electrode (рис. 3.2в). При этом указывается путь к файлу в формате fdf, содержащий описание структуры электрода; и расстояние между атомами нанотрубки и электрода (независимо для обоих концов нанотрубки).

Для создания моделей контактов УНТ-УНТ можно воспользоваться вкладкой Operations Add atoms Mirror (рис. 3.2в), с помощью которой можно зеркально отразить модель УНТ (как слева, так и справа), находящуюся в активной вкладке, и поместить ее на заданном расстоянии от исходной модели.

#### Создание модели напряженной нанотрубки

Для определения механических характеристик нанотрубок при помощи какого-либо пакета программ необходимы модели напряженных структур. Для их получения можно воспользоваться вкладкой Modify (рис. 3.2б). Поддерживаются растяжение и кручение модели вдоль осей декартовой системы координат (необходимо выбрать соответствующий переключатель (х, у или z)). В случае растяжения (Tension) нужно указать величину растяжение в процентах от длины модели. При кручении (Torsion) вводится значения угла закрутки в радианах на 1 нм длины модели.

Пользователь может создавать структуры для моделирования сжатия УНТ в направлении, перпендикулярном ее оси. При этом предоставляется возможность разделить фрагмент на 3 области (рис. 3.3): с замороженными степенями свободы атомов углерода (обеспечивает контакт с электродами), область «свободных» атомов углерода и деформируемую область. Вторая область вводится для связи фиксированных концевых областей с центральной областью, где фиксированными являются у-компоненты сдвинутых в процессе деформации атомов (z направление оси нанотрубки). Для создания модели нанотрубки, сжатой описанным образом, в окне программы необходимо задать следующие параметры: Displ — величина сжатия деформируемой области в ангстремах, Fix — расстояние от ле-



Рис. 3.3.: Схема деформирования фрагмента УНТ (5,5), использованная при моделировании поперечного сжатия

вого и правого концов модели (задаются независимо друг от друга), в пределах которого степени свободы атомов нанотрубки предполагаются замороженными, Free — расстояние от границ левой и правой областей, указанных выше, в пределах которого на степени свободы атомов нанотрубки не накладывается никаких ограничений.

# Создание входных файлов для пакета SIESTA и сохранение моделей

Программа позволяет создавать входные файлы для пакетов неэмпирического моделирования Siesta (\*.fdf) и Firefly (\*.inp), а также сохранять результаты работы в файл формата хуг (варианты структуры данного файла описаны ниже). При создании .inp и .fdf файлов, как правило, необходимо указывать большое количество параметров. Программа позволяет задавать только некоторые (наиболее употребительные) параметры. При выполнении конкретных расчетов, возможно, потребуется вручную добавить некоторые данные в файл.

Необходимые для создания входных файлов для пакета SIESTA инструменты размещены на вкладке Export .fdf(Siesta) (рис. 3.4, 3.5), содержимое которой разделено на 3 группы:

- 1. Соттоп основные параметры;
- 2. MD выбор метода моделирования;
- 3. DFT параметры обменно-корреляционного функционала.

Детальное описание параметров содержится в руководстве пользователя пакета SIESTA. В разделе Freeze предоставляется возможность выбора

двух вариантов заморозки степеней свободы атомов нанотрубки. Для выбора первого из них нужно поставить галочку напротив нужных (или всех) осей координат (х, у, z) и ввести желаемые расстояния в соответствующие поля (в ангстремах). После нажатия кнопки Create вычисляются границы параллелепипеда, в который помещается модель и замораживаются все три степени свободы атомов, находящихся на расстоянии меньше указанного от соответствующей границы (при условии наличия галочки напротив соответствующего измерения). Второй вариант заморозки координат реализуется при наличии галочки слева от «from press». В этом случае учитываются действия, выполненные на других вкладках (например, сжатие нанотрубки в направлении, перпендикулярном ее оси).

Cartesian Export	Operations Properties	Cartesian Export Operations Properties
.fdf (Siesta) .inp (	(Firefly) xyz Additional	.fdf (Siesta) .inp (Firefly) .xyz Additional
Common MD	DFT	Common MD DFT
SystemName nanotube SystemLabel nanotube ZM.UnitsLength Ang SolutionMethod diagon Basis Size DZP		Harris functionalfalse.functionalLDAauthorsPZMeshCutoff100
Freeze x y z	From press Create	MaxSCFIterations 50

Рис. 3.4.: Вкладки для выбора параметров при создании входных файлов для пакета Siesta

Программа позволяет сохранять координаты атомов моделей нанотрубок в четырех различных форматах .xyz (см. рис. 3.6). Один из них (Simple) содержит набор координат и зарядов атомов. Второй, Tinker, хранит информацию еще и о наборе химических связей, имеющихся в системе (именно этот формат используется программой ChemUltra – широко распространенной коммерческой графической оболочкой). Можно так же сохранить структуру в формате, совместимом с программами JMol и XCrySDen. Можно сохранять как исходную ориентацию моделей (независимо от того, как она выглядит в окне программы) или текущую ориентацию в пространстве (с учетом сдвигов и поворотов).

Программа может импортировать данные из файлов форматов .xyz

Cartesian Export Oper	ations Properties	Cartesian Export Op	erations Properties	Cartesian Export Operations Properties		
fdf (Siesta) inp (Firefly) xyz Additional fdf (Siesta) inp (Firefly) xyz Additional				.fdf (Siesta) .inp (Firefly) xyz Additional		
Common MD DFT		Common MD DFT	r	Common MD DFT		
O CG ○ Verlet ○ Pan	CG 🔿 Verlet 🔘 ParrinelloRahman		💿 CG 🔘 Verlet 🔘 ParrinelloRahman			
Broyden		Broyden		Broyden		
Nose Nose			⊘ Nose			
CG & Broyden MD N	ID2	CG & Broyden MD	MD2	CG & Broyden MD MD2		
VariableCell	.false. 👻	InitialTimeStep	1			
ConstantVolume	.false. 🔹	FinalTimeStep	1	NoseMass 100.0 Hy1s <sup></sup> 2		
NumCGsteps	0	Length Time Step 1.0 fs		Parrinello Rahman Mass 100.0 Ry*fs**2		
MaxCGDispl	0.2 bohr	InitialTemperature 0.0 K		AnnealOption		
PreconditionVariableCell	5.0 Ang	Quench	.false. 👻	TauRelax 100 fs		
MaxForceTol	0.04 eV/Ang	quench	0			
MaxStressTol	1.0 GPa	TargetTemperature U K		BulkModulus 100.0 Ry/Bohr**3		
Broyden.History.Steps 5		TargetPressure	0.0 GPa	FCDispl 0.04 Bohr		
Broyden.Cycle.On.Maxit true		TargetStress		FOE		
Broyden.Initial.Inverse.Jacobian 1.0						
a		б		FClast NumberOfAtoms		

Рис. 3.5.: Вкладки для выбора параметров метода молекулярной динамики при создании входных файлов для пакета Siesta

Cartesian	Export	Opera	ations	Properties		
.fdf (Siesta	) .inp (F	irefly)	хуz	Additional		
<ul> <li>Tinker</li> <li>JMol</li> <li>Simple</li> <li>XCrySDen, SIESTA</li> </ul>						
Orginal orientation Current orientation						
Create						

Рис. 3.6.: Экспорт модели в формат ХҮZ

(простой и совместимый с Chem Ultra), .inp (Firefly), .out (Firefly), .ANI (Siesta), .STRUCT OUT(Siesta), .FDF(Siesta), информацию о трехмерном распределении зарядовой плотности (в формате, совместимом с пакетом Gaussian) (Load CUBE), Movie - набор из координат нескольких моделей (рис. 3.7).

#### Инструменты

Вспомогательные возможности программы для подготовки входных файлов и работы с результатами расчетов, полученных с помощью пакета SIESTA, располагаются на вкладке Tools (рис. 3.8). При наведении курсора на Tools SIESTA открывается список, при щелчке мыши на эле-

File View Tools H	elp	File	View Tools	He	elp
Import .xyz 🔹	Simple		Import .xyz	•	< > >
Import Firefly	Chem Ultra		Import Firefly	•	Properties
Import SIESTA	SIESTA		Import SIESTA	•	ANY
Load CUBE			Load CUBE		STRUCT_OUT
Movie			Movie		FDF
Exit			Exit		out
a		б			

Рис. 3.7.: Импорт данных



Рис. 3.8.: Вспомогательные возможности программы для подготовки входных файлов и обработки результатов расчетов

ментах которого, можно получить информацию о

- 1. Energy информация об изменении полной энергии системы при оптимизации геометрии;
- 2. Mulliken populations заселенности атомов, оцененные по методике Маликена;
- 3. Тетрегаture изменение температуры системы в процессе расчета молекулярной динамики;
- 4. Pressure изменение давление в системе в процессе расчета молекулярной динамики.

На вкладке Tools Properties (см. рис. 3.8 б) можно получить информацию о

- 1. Bonds длины связей в активной модели;
- 2. Bonds mean среднее значение длин связей в серии моделей (оптимизация геометрии или молекулярная динамика);
- 3. АСF автокорреляционная функция.

На рисунке 3.9 приведены вкладки для доступа к дополнительным возможностям настройки программы и расчета свойств. В разделе «Common» (рис. 3.9 а)) можно указать необходимо ли отображать информацию о системе в таблице на вкладке «Cartesian» (для отображения нужно отметить «Show grid information») и трехмерную модель системы



Рис. 3.9.: Вкладка properties

в правой области окна программы (опция «Show»). На этой же вкладке можно просмотреть лог программы.

В разделе «Statistics» (рис. 3.9 б)) можно создать файл с информацией о положении выбранного атома или длины связи между определенными атомами в серии моделей (оптимизация геометрии, расчет молекулярной динамики). Так же на этой вкладке можно задать параметры расчета автокорреляционной функции.

В разделе «Ellipse» (рис. 3.9 в)) настраиваются параметры эллипса, отображаемого в сечении нанотрубки для оценки степени ее деформации.

В разделе «View» (рис. 3.9 г)) регулируются толщина линий, изображающих связи между атомами и размеры атомов.

### 3.2. Denchar

Программа Denchar позволяет подготовить для визуализации плотность заряда и волновые функции электронов в координатном пространстве. Код программы Denchar расположен в директории Tools/Denchar. Для его компиляции достаточно выполнить команду make denchar.

Программа может работать в двух режимах, определяемых строковым параметром Denchar. ТуреOfRun: 2D или 3D (значение по умолчанию: 2D). В 2D режиме плотность заряда и электронные волновые функции выводятся на двумерной секте, указанной пользователем. Результат выводится в файл в виде списка  $x_i, y_i, f(x_i; y_i)$ , где f — плотность заряда или волновая функция,  $x_i$  и  $y_i$  — координаты в декартовой системе координат. Этот файл может быть использован для построения контурной карты при

помощи графических программ. В 3D режиме плотность заряда и электронные волновые функции выводятся в файл формата Gaussian Cube, который может быть визуализирован, например, программами Moldel или Molekel. Для построения сетки используется ортогональная система координат, которая может не совпадать с используемой при расчете пакетом SIESTA.

При запуске программы Denchar считывается информация из файлов (SystemLabel.PLD и SystemLabel.DIM), сгенерированные пакетом SIESTA при переменной WriteDenchar равной true. Кроме того, необходимы файлы, которые содержат информацию о базисном наборе для каждого типа атомов: ChemicalSpecies.ion. При построении плотности заряда необходим также файл, содержащий матрицу плотности SystemLabel.DM. При построении волновых функций необходим файл SystemLabel.WFSX.

Программа Denchar считывает параметры расчета из стандартного входного потока. Во входном файле кроме переменных SystemLabel, NumberOfSpecies и ChemicalSpeciesLabel, имеющих те же значения, что и при запуске пакета SIESTA, нужно задать ряд параметров, большинство из которых определяют сетку в координатном пространстве.

Переменные Denchar.PlotCharge и Denchar.PlotWaveFunctions определяют физическую величину, которая будет расчитана программой Denchar. Логическая переменная Denchar.PlotCharge указывает нужно ли расчитывать плотность зарядовой плотности (значение по умолчанию: false). Если эта переменная равна true, в каталоге с расчетом должен присуствовать файл SystemName.DM. Логическая переменная Denchar.PlotWaveFunctions указывает нужно ли расчитывать волновые функции в координатном пространстве (значение по умолчанию: false). Хотя бы один из параметров Denchar.PlotCharge или Denchar.PlotWaveFunctions должен быть равен true.

Пользователю предоставляется возможность изменять единицы измерения координат и плотности заряда. Строковая переменная Denchar.CoorUnits задает единицы измерения координат точек на плоскости (значение по умолчанию: Bohr). Допустимые значения: Ang (ангстрем) или Bohr (боровский радиус). Строковая переменная Denchar.DensityUnits определяет единицы измерения зарядовой плотности в выходном файле (значение по умолчанию: Ele/bohr\*\*3). Допустимые значения: Ele/Bohr\*\*3 (элементарный заряд / радиус бора в кубе), Ele/Ang\*\*3 (элементарный заряд / ангстрем в кубе), Ele/UnitCell (элементарный заряд / параметр решетки).

Число точек секти вдоль осей x, y и z (в режиме 3D) задают переменные Denchar.NumberPointsX, Denchar.NumberPointsY и Denchar.NumberPointsZ, соответственно. Значения по умолчанию: 50. Действительные длины Denchar.MinX, Denchar.MaxX, Denchar.MinY, Denchar.MaxY, Denchar.MinZ и Denchar.MaxZ задают максимальные (значения по умолчанию: 3.0 bohrs) и минимальные (значения по умолчанию: -3.0 bohrs) компоненты координат сетки, в узлах которой расчитываются зарядовая плотность или волновые функции.

Строковая переменная Denchar.PlaneGeneration определяет выбор способа генерации двумерной плоскости (значение по умолчанию: NormalVector). Допустимые значения: NormalVector (плоскость определяется нормалью к ней), TwoLines (плоскость задается двумя векторами, принадлежащими плоскости), ThreePoints (плоскость задается тремя точками), ThreeAtomicIndices (плоскость задается положениями трех указанных атомов).

Блок данных Denchar.CompNormalVector задает вектор нормали к плоскости (значение по умолчанию: 0.000 0.000 1.000). Нормаль задает семейство плоскостей. Для выбора одной из них необходимо указать две точки: лежащую в плоскости и определяющую направление оси х. Первая из них задается блоком Denchar.PlaneOrigin (значение по умолчанию: 0.000 0.000 0.000). Вторую точку нужно указать в блоке данных Denchar.X-Axis (значение по умолчанию: 1.000 0.000 0.000, единица измерения: bohrs).

Если параметру Denchar.PlaneGeneration присвоено значение TwoLines, блок данных Denchar.Comp2Vectors позволяет задать компоненты двух векторов на плоскости. Первый из них определяет направление оси х. Необходимо так же задать начало координат (см. Denchar.PlaneOrigin). Значение по умолчанию:

1.000 0.000 0.000

0.000 1.000 0.000.

Если параметр Denchar. PlaneGeneration равен ThreePoints, блок данных Denchar. Coor3Points позволяет задать координаты трех точек, принадлежащих плоскости. Первая из них принимается за начало координат. Вектор, соединяющий первую и вторую точку задает направление оси х. Значение по умолчанию:

1.000 0.000 0.000

- 0.000 1.000 0.000
- 0.000 0.000 1.000

Если переменная Denchar.PlaneGeneration равна ThreeAtomicIndices, блок данных Denchar.Indices3Atoms позволяет указать номера трех атомов модели, принадлежащих плоскости. Предполагается, что начало координат совпадает с положением первого атома. Направление оси х задает вектор, соединяющий первый и второй атомы. Значение по умолчанию: 123

Выходные файлы

Программа Denchar генерирует разные выходные файлы в зависимости от режима запуска (2D или 3D) и указанной для построения величины (плотность заряда и / или волновые функции).

Выходные файлы, создаваемые в 2D режиме имеют одинаковый формат: три столбца, первые два из которых задают координаты точек на плоскости, а третья задает величину плотности заряда или волной функции в данной точке. Эти файлы могут быть использованы для построения контурных карт или других 2D представлений с помощью графических программ.

В выбора случае зарядовой плотности В качестве фиотобразить зической величины, которую необходимо на файлы SystemLabel.CON.SCF плоскости, генерируются И SystemLabel.CON.DEL (для спин-поляризованного расчета: SystemLabel.CON.UP, SystemLabel.CON.DOWN, SystemLabel.CON.MAG SystemLabel.CON.DEL). SystemLabel.CON.SCF Файл И (SystemLabel.CON.UP и SystemLabel.CON.DOWN: для двух ориентаций спина в случае спин-поляризованного расчета) содержит сведения о величине зарядовой плотности в заданной плоскости координатного пространства. Файл SystemLabel.CON.DEL хранит данные о разности между зарядовой плотностью системы и суммой зарядовых плотностей изолированных атомов. Файл SystemLabel.CON.MAG содержит намагниченность: разность между плотностями заряда со спином вверх и вниз.

Для построения волновых функций Denchar создает отдельный файл (SystemLabel.CON.WF# : номер волновой функции #) для каждой волновой функции, сведения о которой хранятся в сгенерированном SIESTA файле SystemLabel.WFSX. В случае спинполяризованного расчета для каждой волновой функции создаются два файла: SystemLabel.CON.WF#.UP и SystemLabel.CON.WF#.DOWN.

В 3D режиме выходные файлы имеют Gaussian Cube формат. Эти файлы могут быть использованы для визуализации трехмерных поверхностей при помощи таких программ как Molden или Molekel. Если программа Denchar запускалась для последующей визуализации плотности, генерируются файлы SystemLabel.RHO.cube зарядовой (SystemLabel.RHO.UP.cube SystemLabel.RHO.DOWN.cube: И для SystemLabel.DRHO.cube. Файл спин-поляризованного расчета) И SystemLabel.RHO.cube содержит информацию о плотности заряда в узлах трехмерной сетки. Файл SystemLabel.DRHO.cube хранит сведения о разности плотностей заряда модели и суммой плотностей заряда изолированных атомов.

При подготовке к визуализации волновых функций для каждой волновой функции, описанной в файле SystemLabel.WFSX, создается файл SystemLabel.WF#.cube (SystemLabel.WF#.UP.cube и SystemLabel.WF#.DOWN.cube для спин-поляризованного расчета), содержащий данные о волновой функции в узлах трехмерной сетки.

#### Пример. Карта плотности заряда УНТ (3,3)

Рассмотрим модель УНТ (3,3) из 12 атомов. Для демонстрации возможностей Denchar рассмотрим следующий файл input.fdf. Обратите внимание на его последнюю строку. Именно она в дальнейшем позволит построить карту электронной плотности. Выполним расчет.

```
SystemName
                          nanotube (3,3)
1
   SystemLabel
                          SWNT
2
   NumberOfAtoms
                          12
3
   NumberOfSpecies
                          1
4
5
   %block ChemicalSpeciesLabel
6
    1
       6
           С
7
   %endblock ChemicalSpeciesLabel
8
9
   PAO.BasisSize
                      DZP
10
                      0.05 eV
   PAO.EnergyShift
11
   MeshCutoff
                      300.0 Ry
12
13
   %block kgrid Monkhorst Pack
14
            0
                0.5
     1
        0
15
     0
        1
            0
                 0.5
16
     0
        0
            32
                0.5
17
   %endblock kgrid Monkhorst Pack
18
19
   AtomicCoordinatesFormat NotScaledCartesianAng
20
21
   XC.functional=LDA
22
   XC.authors=CA
23
   ZM.UnitsLength = Ang
24
25
   %block Zmatrix
26
   cartesian
27
       -1.047296 -1.824411
                                  0.009275
                                                 1
                                                    1
     1
                                              1
28
     1
       -1.977588
                      0.717694
                                  0.009293
                                              1
                                                 1
                                                    1
29
                                                    1
     1
         1.610063
                      1.354002
                                  0.009392
                                              1
                                                 1
30
                                                    1
     1
       -1.056152
                      1.819447
                                  0.009474
                                              1
                                                1
31
                                                    1
     1
         2.103792
                      0.005350
                                  0.009479
                                              1
                                                 1
32
     1
                                                    1
          0.367179 -2.071354
                                  0.009506
                                              1
                                                1
33
                     -0.717714
                                                    1
     1
          1.977588
                                  1.231710
                                              1
                                                 1
34
```

```
1.056160 -1.819432
     1
                                  1.231760
                                             1
                                                 1
                                                    1
35
     1
                                                1
                                                    1
       -0.367197 2.071367
                                  1.231857
                                             1
36
                                                    1
     1
                                  1.231857
                                                 1
          1.047315
                      1.824412
                                             1
37
     1
        -1.610057
                     -1.354016
                                  1.231890
                                             1
                                                 1
                                                    1
38
                                                    1
     1
        -2.103789
                     -0.005298
                                  1.231893
                                             1
                                                 1
39
   %endblock Zmatrix
40
41
   LatticeConstant 2.44492076099
                                       Ang
42
43
   %block LatticeParameters
44
     10.0 10.0 1.0 90. 90. 90.
45
   %endblock LatticeParameters
46
47
   MD.TypeOfRun
                             cq
48
   MD.NumCGsteps
                             360
49
   MD.MaxCGDispl
                             0.15 Ang
50
   MD.MaxForceTol
                             0.04 eV/Ang
51
52
   WriteDenchar
                       True
53
```

Подготовим следующий входной файл (denchar.fdf) для программы Denchar.

```
SystemLabel
                         SWNT
1
   NumberOfSpecies
                         1
2
3
   %block ChemicalSpeciesLabel
4
    1
       6
            C
5
   %endblock ChemicalSpeciesLabel
6
7
   Denchar.TypeOfRun 2D
8
   Denchar.PlotCharge
                          true
9
   Denchar.CoorUnits
                          Ang
10
   Denchar.DensityUnits Ele/Ang**3
11
   Denchar.PlaneGeneration
                                ThreeAtomicIndices
12
   Denchar.Indices3Atoms
                               126
13
14
   Denchar.MinX
                       -5.0 Ang
15
   Denchar.MaxX
                        8.0 Ang
16
   Denchar.MinY
                       -5.0 Ang
17
   Denchar.MaxY
                        8.0 Ang
18
19
   Denchar.NumberPointsX
                              300
20
   Denchar.NumberPointsY
                              300
21
```

Запустим расчет командой

# denchar < input.fdf.</pre>

Результаты вычислений сохраняются в ряде выходных файлов и стандартном выходном потоке.



Рис. 3.10.: карта электронной плотности УНТ (3,3)

Используя привычную вам программу для построения графиков, вы сможете визуализировать файл SWNT.CON. Результат должен оказаться похож на приведенный на рис. 3.10.

### 3.3. XCrysden

XCrySDen — программа для визуализации структуры кристаллов и молекул, изоповерхностей и контуров. Эта программа может быть запущена на большинстве опреационных систем, включая Linux, MacOSX (требуется X11) и Windows (требуется CYGWIN). Название является сокращением от X-Windows Crystalline Structures and Densities. XCrySDen pacпространяется под лицензией GNU General Public License, эту программу можно скачать уже в собранном виде с веб-сайта http://www.xcrysden.org. XCrySDen имеет интуитивно понятный пользовательский интерфейс и позволяет манипулировать кристаллическими структурами и их 2-х и 3х мерными свойствами, которые отображаются двумерными графиками или трехмерными изоповерхностями.

Возможности программы для визуализации результатов работы пакета SIESTA включают в себя

- визуализацию структуры модели;
- визуализацию шагов молекулярной динамики или оптимизации струк-

туры;

- построение зарядовой и спиновой плотности;
- визуализацию колебательных мод;
- построение поверхности Ферми модели.

Для преобразования выходных файлов пакета SIESTA во входные файлы программы XCrySDen в формате XSF в состав дистрибутива пакета входит написанный A.Постниковым пакет утилит Sies2xsf (размещен в папке /Util/Contrib/APostnikov). Сборка исполняемых файлов утилит производится при запуске команды *make* (сперва требуется проверить и при необходимости изменить переменную OBJDIR в Make-файле; она должна указывать на директорию, в которой находится результат компиляции пакета). Каждая из утилит работает в интерактивном режиме, и после ответа на несколько вопросов записывает результат своей работы в XSFфайл. Рассмотрим работу с утилитами и программой XCrySDen более подробно.

#### Атомная структура

Для построения атомной структуры модели необходим выходной файл XV пакета SIESTA. Заметим, что этот файл не создается по умолчанию: для его генерации нужно изменить значение параметра WriteCoorStep на true. Для перевода его в формат, понимаемый XCrySDen, воспользуемся утилитой xv2xsf из набора Sies2xsf. Для этого скопируем утилиту в рабочую директорию и запустим ее. Утилита задаст вопрос о кратком имени («метке», SystemLabel) расчета и создаст в рабочей директории файл с расширением XSF. Для открытия этого файла программой XCrySDen выберем в меню программы пункт File Open Structure Open XSF и выберем в открывшемся диалоге XSF файл. После открытия файла нам доступна трехмерная модель системы и набор инструментов для работы с ней. Инструменты включают получение информации о выделенном атоме (Atoms info), определение расстояния между двумя атомами (Distance) и углов, составленных тремя атомами (Angle), а также двугранного угла, определяемого четырьмя атомами (Dihedral angle). Кроме этого, в программе есть большой набор параметров, изменяющих представление модели; мы советуем разобраться с ними самостоятельно.

Сохранение полученного рисунка в файл возможно при выборе в меню команды File Print. При этом появляется диалоговое окно Print to file с выбором из большого количества различных графических форматов. Надо понимать, что в файл сохранится то, что в данный момент находится на экране, поэтому для улучшения качества рисунка перед сохранением стоит развернуть окно программы на весь экран, приблизить модель



Рис. 3.11.: Фуллерен

до такой степент, чтобы она занимала большую часть окна программы, и увеличить параметр разбиения модели (Modify Tessellation factor) до 40–50.

#### Анимация молекулярной динамики

Для отображения анимации шагов молекулярной динамики в XCrySDen существует формат .AXSF. Открыть такой файл можно через пункт меню: File Open structure Open AXSF или набрав в командной строке:

xcrysden --axsf < имя файла >

Для перевода файлов истории молекулярной динамики, созданных SIESTA, в формат AXSF используем утилиту *md2axsf*. При запуске ее в директории с расчетом она запрашивает (в интерактивном режуправлятьиме) несколько параметров: краткое имя расчета; файл, из которого необходимо считать данные (доступен выбор из неформатированных файлов .MD и .MD\_CAR или отформатированного файла .ANI); шаги анимации; вектора трансляции ячейки.

Запись о каждом шаге молекулярной динамики содержит номер шага. Программа *md2axsf* просит пользователя указать первый и последний шаги и интервал. После чтения всей информации из файла программа запрашивает:

```
Cleanly read in <NNN> MD steps
You may wish to keep only some of these steps,
MDfirst, MDfirst+MDstep, MDfirst+2*MDstep etc. till (not
exceeding) MDlast from the list above. Specify three numbers
MDfirst, MDlast, MDstep - or 0 for any of them as default :
```

Например, если пользователь укажет: 10 0 3, это будет означать, что необходимо записать в файл шаги с 10 до последнего с шагом 3. В файле AXSF они будут иметь номера 1, 2, 3, 4 и т.д. После загрузки AXSF-файла в XCrySDen открывается диалог Animation Control Center, в котором можно управлять анимацией, а также изменить скорость проигрывания и ее шаг. Кроме этого, в диалоге доступна кнопка Animated GIF/MPEG/AVI, при нажатии на которую разворачивается диалог сохранения анимации в файл. Следует учесть, что сохранение в файл осуществляется внешними программами — анимированный GIF-файл создается программой *convert* из пакета ImageMagick, а видеофайлы создаются программой *mencoder* в составе mplayer. Если в системе недоступны эти программы, опция сохранения анимации в файл также будет недоступна.

#### Зарядовая плотность

Основные возможности программы XCrySDen по просмотру и обработке трехмерных данных, сгенерированных пакетом SIESTA.

- 1. Просмотр свойств, расчитанных в каждой точке расчетной сетки:
  - RHO (параметр SaveRho);
  - IORHO (параметр SaveDeltaRho);
  - VH (параметр SaveElectrostaticPotential);
  - VT (параметр SaveTotalPotential);
  - IOCH (параметр SaveIonicCharge);
  - TOCH (параметр SaveTotalCharge);
  - LDOS (блок LocalDensityOfStates).

Программа rho2xsf позволяет (и требует) выбрать отображаемую область в качестве произвольного параллелепипеда (может не совпадать с с элементарной ячейкой), заданного началом отсчета и трем векторам. Позиции атомов и свойства сетки будут восстановлены во всей отображаемой области, с учетом периодичности решетки. Скрипт rho2xsf работает в интерактивном режиме и должен быть запущен без передачи каких-либо параметров. Он использует файл .XV (для построения атомов в выбранной области) и, при необходимости, файлы с информацией о свойствах (.RHO, .LDOS и т.д.). Выходной файл имеет расширение XSF. Его можно открыть с помощью программы XCrySDen.

Использовать подготовленные .XSF файлы можно следующим образом:

выберите в меню XCrySDen: File -> Open Structure -> Open XSF или в командной строке наберите: xcrysden -xsf < XSF file >

При этом будет прочитана кристаллографическая информация и показаны атомы в элементарной ячейке. Если в файле XSF есть скалярное поле (трехмерные свойства), в подменю "Tools"главного меню XCrySDen становится активным элемент «Data Grid», который открывает карту доступных данных сетки. Выберите блок (если их много - LDOS, RHO и т.д.) для построения. Внутри блока можно активировать-деактивировать субблоки и изменить их содержимое посредством умножения на произвольное число «Multiply factor». rho2xsf создает два блока для спин поляризованного расчета. Обратите внимание, что XCrySDen активирует по умолчанию только первый субблок. При необходимость можно активировать оба (для суммирования по спинам) или, например, для второго блока задать «Multiply factor» равным -1.0 (для анализа спиновой плотности).

2. Поверхности Ферми. Построение поверхности Ферми осуществляется при открытии файла \*.BXSF: File -> Open Structure -> Open BXSF или в командной строке: xcrysden -bxsf < BXSF file >

Файл создается программой ene2bxsf, который обрабатывает полученные ранее пакетом SIESTA собственные значение (на достаточно детализированной сетке в обратном пространстве). Так как XCrySDen требует, чтобы k-сетка включала точку Гамма, запрещено использование сдвинутой k-сетки, а также использование kgrid\_cutoff, потому что он вводит сдвиг k-сетки по умолчанию. Поэтому нужно задать разбиение по трем векторам обратной решетки в блоке kgrid\_Monkhorst\_Pack, т.е.

%block kgrid\_Monkhorst\_Pack
24 0 0 0.
0 24 0 0.
0 0 24 0.
%endblock kgrid\_Monkhorst\_Pack

Скрипт должен быть запущен в каталоге, в котором содержатся файлы расчета SIESTA; после запроса SystemLabel, скрипт открывает следующие файлы:

...XV (для считывания векторов трансляции решетки),

...КР (для считывания неприводимых k-точек),

... EIG (для считывания собственных значения для всех k-точек и зон).

В результате работы скрипта создается файл .BXSF (два для спинполяризованного расчета), содержащий упорядоченный список собственных значений (зона за зоной) для всех *k*-точек.

Обобщим назначение скриптов в директории /Util/Contrib/APostnikov/:  $xv2xsf: .XV \rightarrow .XSF$  (просмотр структуры и ячейки)

rho2xsf: .XV, .RHO или .LDOS  $\rightarrow$  .XSF (атомы в выбранной ячейке и данные на сетке)

md2axsf: .XV, .ANI или .MD  $\rightarrow$  .AXSF (анимация структуры)

eig2bxsf: .XV, .KP или .EIG  $\rightarrow$  .BXSF (поверхность Ферми)

# 3.4. Упражнение 3

Задание 1. Постройте сечение эквипотенциальных поверхностей зарядовой плотности углеродной нанотрубки (5,5). Рассмотреть плоскость, содержащую ось нанотрубки.

Задание 2. Убедитесь, что электроны вблизи энергии Ферми делокализованы. Для доказательства этого постройте локальную плотность состояний в интервале  $\pm 0.5$  эВ вблизи уровня Ферми.
## Заключение

В настоящее время в распоряжении теоретиков имеется много компьютерных программ, имеющих разные области применения. Из текста пособия читатели должны были понять, что из существующих подходов к неэмпирическому моделированию (полноэлектронный и псевдопотенциальный) последний позволяет получать достоверные результаты за существенно меньшее время (и с использованием меньших вычислительных ресурсов). Кроме того, реализованный в квантово-механическом пакете SIESTA базис ЛКАО позволяет описывать молекулярные системы с использованием меньших ресурсов.

В результате изучения данного пособия студенты должны освоить методику проведения квантово-механических расчетов на примере моделирования физико-химических свойств (модуль Юнга, предел прочности, зонная структура, плотность электронных состояний, спектр оптического поглощения) углеродных нанотрубок.

Приведенные в пособии задания подобраны с учетом возможности их выполнения на персональных компьютерах. Такие задания имеют только учебный интерес. При увеличении размеров моделей и включении в рассмотрение адсорбции (атомарных или молекулярных комплексов) или дефекты структуры все задачи приобретают научный интерес. В качестве отправной точки исследований можно порекомендовать ознакомиться с обзором [35].

## Библиографический список

- [1] Hohenberg P., Kohn W. Inhomogeneous Electron Gas // Physical Review. 1964. Vol. 136. P. B864.
- [2] Kohn W., Sham L. J. Self-Consistent Equations INcluding Exchange and Correlation Effects // Physical Review B. – 1965. – Vol. 140. – P. A1133.
- [3] Perdew John P., Zunger Alex. Self-interaction correction to densityfunctional approximations for many-electron systems // Physical Review B. - 1981. - Vol. 23, no. 10. - P. 5048-5079. - 0706.3359.
- [4] Perdew J.P., Wang Y. Accurate and simple analytic representation of the electron-gas correlation energy // Physical Review B. – 1992. – Vol. 45. – P. 13244.
- Gradient J.P., Burke K., Ernzerhof M. Generalized [5] Perdew Simple. Approximation Made // Physical Review Letters. – 77, no. 1996. - oct. -Vol. 18. – P. 3865 - 3868 -URL: http://www.ncbi.nlm.nih.gov/pubmed/10062328.
- [6] Zhang Yingkai, Yang Weitao. Comment on "Generalized Gradient Approximation Made Simple" // Physical Review Letters. – 1998. – Vol. 80, no. 4. – P. 890–890.
- [7] Hammer B., Hansen L., Norskov J. Improved adsorption energetics within density-functional theory using revised Perdew-Burke-Ernzerhof functionals // Physical Review B. – 1999. – Vol. 59, no. 11. – P. 7413– 7421.
- [8] Wu Zhigang, Cohen R. E. More accurate generalized gradient approximation for solids // Physical Review B. 2006. Vol. 73, no. 23. P. 235116. URL: http://link.aps.org/doi/10. 1103/PhysRevB.73.235116.
- [9] Restoring the Density-Gradient Expansion for Exchange in Solids and Surfaces / John P. Perdew, Adrienn Ruzsinszky, Gábor I. Csonka et al. // Physical Review Letters. – 2008. – Vol. 100, no. 13. – P. 136406. –

URL: http://link.aps.org/doi/10.1103/PhysRevLett. 100.136406.

- Becke A. D. Density-functional exchange-energy approximation with correct asymptotic behavior // Physical Review A. 1988. Vol. 38, no. 6. P. 3098–3100. PhysRevA.38.3098.
- [11] Lee Chengteh, Yang Weitao, Parr Robert G. Development of the Colle-Salvetti correlation-energy formula into a functional of the electron density // Physical Review B. – 1988. – Vol. 37, no. 2. – P. 785–789. – PhysRevA.38.3098.
- [12] Results obtained with the correlation energy density functionals of becke and Lee, Yang and Parr / Burkhard Miehlich, Andreas Savin, Hermann Stoll, Heinzwerner Preuss // Chemical Physics Letters. – 1989. – Vol. 157, no. 3. – P. 200–206.
- [13] Harris J. Simplified method for calculating the energy of weakly interacting fragments // Physical Review B. – 1985. – Vol. 31, no. 4. – P. 1770–1779.
- [14] Oda Tatsuki, Pasquarello Alfredo, Car Roberto. Fully Unconstrained Approach to Noncollinear Magnetism: Application to Small Fe Clusters // Physical Review Letters. – 1998. – Vol. 80, no. 16. – P. 3622–3625.
- [15] First principles simulations of the magnetic and structural properties of iron / V. M. García-Suárez, C. M. Newman, C. J. Lambert et al. // European Physical Journal B. – 2004. – Vol. 40. – P. 371–377.
- [16] Optimized basis sets for the collinear and non-collinear phases of iron / V M García-Suárez, C M Newman, C J Lambert et al. // Journal of Physics: Condensed Matter. — 2004. — Vol. 16, no. 30. — P. 5453-5459. — URL: http://stacks. iop.org/0953-8984/16/i=30/a=008?key=crossref. e72b80db7bda2a8c2dba587f832f47dc.
- [17] Phillips J.C. Energy-Band Interpolation Scheme Based on a Pseudopotential // Physical Review. 1958. Vol. 112. P. 685–695.
- [18] Phillips J.C., Kleinman L. New method for calculating wave functions in crystals and molecules // Physical Review. – 1959. – Vol. 116. – P. 287– 294.

- [19] Herring C. A new method for calculating wave functions in crystals // Physical Review. – 1940. – Vol. 57, no. 1934. – P. 1169–1177.
- [20] Troullier N., Martins J.L. Efficient pseudopotentials for plane-wave calculations. II. Operators for fast iterative diagonalization // Physical Review B. – 1991. – Vol. 43. – P. 1993–2006.
- [21] Kleinman L., Bylander D.M. Efficacious Form for Model Pseudopotentials // Physical Review Letters. — 1982. — Vol. 48. — P. 1425-1428. — URL: http://journals.aps.org/prl/ abstract/10.1103/PhysRevLett.48.1425.
- [22] Sankey O.F., Niklewski D.J. Ab initio multicenter tight-binding model for molecular-dynamics simulations and other applications in covalent systems // Physical Review B. – 1989. – Vol. 40. – P. 3979–3995.
- [23] Structural relaxation made simple / Erik Bitzek, Pekka Koskinen, Franz Gähler et al. // Physical Review Letters. – 2006. – Vol. 97, no. 17. – P. 170201.
- [24] Johnson D. D. Modified Broydens method for accelerating convergence in self-consistent calculations // Physical Review B. – 1988. – Vol. 38, no. 18. – P. 12807–12813.
- [25] Kubo Ryogo. Statistical-mechanical theory of irreversible processes. I. General theory and simple applications to magnetic and conduction problems // Journal of the Physical Society of Japan. – 1957. – Vol. 12, no. 6. – P. 570–586.
- [26] Greenwood DA. The Boltzmann equation in the theory of electrical conduction in metals // Proceedings of the Physical Society. – 1958. – Vol. 71, no. 4. – P. 585.
- [27] Landauer R. Spatial variation of currents and fields due to localized scatterers in metallic conduction (and comment) // J. Math. Phys. – 1996. – Vol. 37. – P. 5259.
- [28] Generalized many-channel conductance formula with application to small rings / M. Büttiker, Y. Imry, R. Landauer, S. Pinhas // Physical review B. – 1985. – May. – Vol. 31, no. 10. – P. 6207–6215.
- [29] Datta S. Quantum Transport: Atom to Transistor. Cambridge University Press, 2005. P. 404. ISBN: 9780521631457.

- [30] First-Principles Calculations in Real-Space Formalism: Electronic Configurations and Transport Properties of Nanostructures / K. Hirose, T. Ono, Y. Fujimoto, S. Tsukamoto. Imperial College Press, 2005. P. 253.
- [31] Density-functional method for nonequilibrium electron transport / M. Brandbyge, J.-L. Mozos, P. Ordejón et al. // Physical review B. – 2002. – Mar. – Vol. 65. – P. 165401.
- [32] Baroni Stefano, Giannozzi Paolo, Testa Andrea. Green's-function approach to linear response in solids // Physical Review Letters. – 1987. – Vol. 58, no. 18. – P. 1861.
- [33] Gonze Xavier, Vigneron J-P. Density-functional approach to nonlinearresponse coefficients of solids // Physical Review B. – 1989. – Vol. 39, no. 18. – P. 13120.
- [34] Postnikov AV, Pagès Olivier, Hugel Joseph. Lattice dynamics of the mixed semiconductors (Be, Zn) Se from first-principles calculations // Physical Review B. – 2005. – Vol. 71, no. 11. – P. 115206.
- [35] Eletskii, A.V. and Zitserman, V.Yu. and Kobzev G.A. Nanocarbon materials: Physicochemical and exploitation properties, synthesis methods, and enegretic applications // High Temperature. – 2015. – Vol. 53, no. 1. – P. 130–150. – URL: http://link.springer. com/10.1134/S0018151X15010034.